

ĐỀ 41

A. TRẮC NGHIỆM (3 điểm)

Câu 1. Chọn C.

Câu 3. a) MP

c) $MN - MP$

Câu 4. Chọn A.

B. TỰ LUẬN (7 điểm)

Bài 1. (2 điểm)

a) Trong ΔABC có :

$$AB - AC < BC < AB + AC \text{ (bất đẳng thức tam giác)}$$

$$\Rightarrow 4 - 1 < BC < 4 + 1$$

$$\Rightarrow 3 < BC < 5$$

Vì ba cạnh của tam giác ABC là các số nguyên nên $BC = 4\text{cm}$.

b) ΔABC có $AB = 4\text{cm}$; $BC = 4\text{cm}$ nên $AB = BC$. Do đó, ΔABC cân tại B .

Bài 2. (3 điểm)

a) Xét ΔOPN và ΔOMQ có :

$$OP = OM \text{ (giả thiết)}$$

\hat{O} chung

$$ON = OQ \text{ (giả thiết)}$$

Suy ra $\Delta OPN = \Delta OMQ$ (c-g-c)

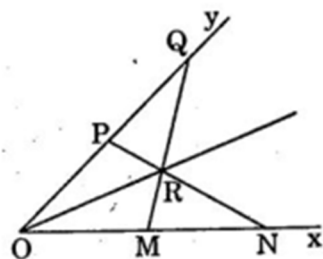
$$\text{Suy ra } \widehat{OPN} = \widehat{OMQ}, \quad \widehat{ONP} = \widehat{OQM}$$

Suy ra $\widehat{RPQ} = \widehat{RMN}$ (tính chất kề bù)

$$\text{Ta có : } OM = OP \text{ (giả thiết)}$$

$$ON = OQ \text{ (giả thiết)}$$

$$\Rightarrow ON - OM = OQ - OP \Rightarrow MN = PQ.$$



Xét $\triangle RPQ$ và $\triangle RMN$ có :

$$\widehat{RPQ} = \widehat{RMN} \text{ (chứng minh trên)}$$

$$PQ = MN \text{ (chứng minh trên)}$$

$$\widehat{OQM} = \widehat{ONP} \text{ (chứng minh trên)}$$

Suy ra $\triangle RPQ = \triangle RMN$ (g-c-g)

Suy ra $RP = RM$; $RQ = RN$.

b) $\triangle ORP = \triangle ORM$ (c-c-c)

Suy ra $\widehat{POR} = \widehat{MOR}$, lại có tia OR nằm giữa hai tia OP và OM nên OR là tia phân giác của \widehat{POM} hay OR là tia phân giác của \widehat{xOy} .

Bài 3. (2 điểm) Gọi AH , BK , CL lần lượt là ba đường cao của $\triangle ABC$ ($H \in BC$, $K \in AC$, $L \in AB$)

Ta có : $AH = BK = CL$

Ta cần chứng minh $\triangle ABC$ đều.

Thật vậy : Xét $\triangle BKC$ và $\triangle CLB$ có :

$$\widehat{K} = \widehat{L} = 90^\circ$$

BC chung

$$BK = CL \text{ (giả thiết)}$$

Suy ra $\triangle BKC = \triangle CLB$ (cạnh huyền, cạnh góc vuông)

$$\text{Suy ra } \widehat{KCB} = \widehat{LBC} \text{ hay } \widehat{B} = \widehat{C} \quad (1)$$

Tương tự ta cũng chứng minh được $\triangle AHC = \triangle CLA$ (cạnh huyền - cạnh góc vuông)

$$\Rightarrow \widehat{HCA} = \widehat{LAC} \text{ hay } \widehat{C} = \widehat{A} \quad (2)$$

Từ (1) và (2) suy ra $\widehat{A} = \widehat{B} = \widehat{C}$. Vậy $\triangle ABC$ là tam giác đều.

