

B. $\frac{\pi}{12} + k\pi \leq \alpha \leq \frac{5\pi}{12} + k\pi, k \in \mathbf{Z}$ và $\beta \geq 2$.

C. $\alpha \leq \frac{\pi}{4} + k\pi, k \in \mathbf{Z}$ và $\beta \geq 2$.

D. $\alpha \geq \frac{5\pi}{12} + k\pi, k \in \mathbf{Z}$ và $\beta \geq 2$.

Câu 38. Tìm mối liên hệ giữa các tham số a và b sao cho hàm số $y = f(x) = 2x + a \sin x + b \cos x$ luôn tăng trên \mathbb{R} ?

A. $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = 1$. **B.** $a + 2b = 2\sqrt{3}$. **C.** $a^2 + b^2 \leq 4$. **D.** $a + 2b \geq \frac{1 + \sqrt{2}}{3}$.

Câu 39. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho phương trình $x^3 - 3x^2 - 9x - m = 0$ có đúng 1 nghiệm?

A. $-27 \leq m \leq 5$.

B. $m < -5$ hoặc $m > 27$.

C. $m < -27$ hoặc $m > 5$.

D. $-5 \leq m \leq 27$.

Câu 40. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho phương trình $2\sqrt{x+1} = x + m$ có nghiệm thực?

A. $m \geq 2$.

B. $m \leq 2$.

C. $m \geq 3$.

D. $m \leq 3$.

Câu 41. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho phương trình $\sqrt{x^2 - 4x + 5} = m + 4x - x^2$ có đúng 2 nghiệm dương?

A. $1 \leq m \leq 3$.

B. $-3 < m < \sqrt{5}$.

C. $-\sqrt{5} < m < 3$.

D. $-3 \leq m < 3$.

Câu 42. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho mọi nghiệm của bất phương trình: $x^2 - 3x + 2 \leq 0$ cũng là nghiệm của bất phương trình $mx^2 + (m+1)x + m + 1 \geq 0$?

A. $m \leq -1$.

B. $m \leq -\frac{4}{7}$.

C. $m \geq -\frac{4}{7}$.

D. $m \geq -1$.

Câu 43. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho phương trình: $\log_3^2 x + \sqrt{\log_3^2 x + 1} - 2m - 1 = 0$ có ít nhất một nghiệm trên đoạn $[1; 3^{\sqrt{3}}]$?

A. $-1 \leq m \leq 3$.

B. $0 \leq m \leq 2$.

C. $0 \leq m \leq 3$.

D. $-1 \leq m \leq 2$.

Câu 44. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho phương trình $\sqrt{x^2 + mx + 2} = 2x + 1$ có hai nghiệm thực?

A. $m \geq -\frac{7}{2}$.

B. $m \geq \frac{3}{2}$.

C. $m \geq \frac{9}{2}$.

D. $\forall m \in \mathbb{R}$.

Câu 45. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho phương trình $3\sqrt{x-1} + m\sqrt{x+1} = 2\sqrt{x^2-1}$ có hai nghiệm thực?

A. $\frac{1}{3} \leq m < 1$.

B. $-1 \leq m \leq \frac{1}{4}$.

C. $-2 < m \leq \frac{1}{3}$.

D. $0 \leq m < \frac{1}{3}$.

Câu 46. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho bất phương trình

$\sqrt{(1+2x)(3-x)} > m + 2x^2 - 5x - 3$ nghiệm đúng với mọi $x \in \left[-\frac{1}{2}; 3\right]$?

A. $m > 1$. B. $m > 0$. C. $m < 1$. D. $m < 0$.

Câu 47. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho bất phương trình $3(\sqrt{1+x} + \sqrt{3-x}) - 2\sqrt{(1+x)(3-x)} \geq m$ nghiệm đúng với mọi $x \in [-1; 3]$?

A. $m \leq 6$. B. $m \geq 6$. C. $m \geq 6\sqrt{2} - 4$. D. $m \leq 6\sqrt{2} - 4$.

Câu 48. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho bất phương trình $\sqrt{3+x} + \sqrt{6-x} - \sqrt{18+3x-x^2} \leq m^2 - m + 1$ nghiệm đúng $\forall x \in [-3, 6]$?

A. $m \geq -1$. B. $-1 \leq m \leq 0$.
C. $0 \leq m \leq 2$. D. $m \leq -1$ hoặc $m \geq 2$.

Câu 49. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho bất phương trình $m \cdot 4^x + (m-1) \cdot 2^{x+2} + m - 1 > 0$ nghiệm đúng $\forall x \in \mathbb{R}$?

A. $m \leq 3$. B. $m \geq 1$. C. $-1 \leq m \leq 4$. D. $m \geq 0$.

Câu 50. Tìm tất cả các giá trị thực của tham số m sao cho bất phương trình: $-x^3 + 3mx - 2 < -\frac{1}{x^3}$ nghiệm đúng $\forall x \geq 1$?

A. $m < \frac{2}{3}$. B. $m \geq \frac{2}{3}$. C. $m \geq \frac{3}{2}$. D. $-\frac{1}{3} \leq m \leq \frac{3}{2}$.

Câu 51. Tìm giá trị lớn nhất của tham số m sao cho bất phương trình $2^{\cos^2 x} + 3^{\sin^2 x} \geq m \cdot 3^{\cos^2 x}$ có nghiệm?

A. $m = 4$. B. $m = 8$. C. $m = 12$. D. $m = 16$.

Câu 52. Bất phương trình $\sqrt{2x^3 + 3x^2 + 6x + 16} - \sqrt{4-x} \geq 2\sqrt{3}$ có tập nghiệm là $[a; b]$. Hỏi tổng $a+b$ có giá trị là bao nhiêu?

A. -2 . B. 4 . C. 5 . D. 3 .

Câu 53. Bất phương trình $\sqrt{x^2 - 2x + 3} - \sqrt{x^2 - 6x + 11} > \sqrt{3-x} - \sqrt{x-1}$ có tập nghiệm $(a; b)$. Hỏi hiệu $b-a$ có giá trị là bao nhiêu?

A. 1 . B. 2 . C. 3 . D. -1 .

C. ĐÁP ÁN VÀ HƯỚNG DẪN GIẢI BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

I – ĐÁP ÁN

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
D	A	D	B	C	D	D	B	A	B	B	A	A	C	A	A	B	C	C	

21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
A	B	A	A	A	C	D	C	D	B	A	B	B	C	C	D	B	C	C	B

41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53							
B	C	B	C	D	D	D	D	B	A	A	C	A							

II – HƯỚNG DẪN GIẢI

Câu 1. Chọn D.

TXĐ: $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$. Ta có $y' = \frac{2}{(1-x)^2} > 0, \forall x \neq 1$

Hàm số đồng biến trên các khoảng $(-\infty; 1)$ và $(1; +\infty)$

Câu 2. Chọn A.

TXĐ: $D = \mathbb{R}$. Ta có $y' = -3x^2 + 6x - 3 = -3(x-1)^2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

Câu 3. Chọn D.

TXĐ: $D = \mathbb{R}$. $y' = -4x^3 + 8x = 4x(2-x^2)$. Giải $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{2} \end{cases}$

Trên các khoảng $(-\infty; -\sqrt{2})$ và $(0; \sqrt{2})$, $y' > 0$ nên hàm số đồng biến.

Câu 4. Chọn B.

TXĐ: $D = \mathbb{R} \setminus \{2\}$. Ta có $y' = -\frac{10}{(-4+2x)^2} < 0, \forall x \in D$.

Câu 5. Chọn C.

Ta có: $f'(x) = -4x^4 + 4x^2 - 1 = -(2x^2 - 1)^2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$.

Câu 6. Chọn D.

TXĐ: $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$. $y' = \frac{x^2 + 2x - 8}{(x+1)^2}$. Giải $y' = 0 \Rightarrow x^2 + 2x - 8 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -4 \end{cases}$

y' không xác định khi $x = -1$. Bảng biến thiên:

x	$-\infty$	-4	-1	2	$+\infty$
y'	$+$	0	$-$	0	$+$
y	$-\infty$	-11	$+\infty$	1	$+\infty$

Hàm số nghịch biến trên các khoảng $(-4; -1)$ và $(-1; 2)$

Câu 7. Chọn D.

TXĐ: $D = \mathbb{R}$. $y' = x^2 - 6x + 5 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 5 \end{cases}$

Trên khoảng $(1; 5)$, $y' < 0$ nên hàm số nghịch biến

Câu 8. Chọn B.

TXĐ: $D = \mathbb{R}$. $y' = 3x^4 - 12x^3 + 12x^2 = 3x^2(x-2)^2 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

Câu 9. Chọn A.

$y' = 3ax^2 + 2bx + c \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a = b = 0, c > 0 \\ a > 0; b^2 - 3ac \leq 0 \end{cases}$

Câu 10. Chọn B.

TXĐ: $D = \mathbb{R}$. Do $y' = 3x^2 + 6x - 9 = 3(x-1)(x+3)$ nên hàm số **không** đồng biến trên \mathbb{R} .

Câu 11. Chọn B.

HSXD: $3x^2 - x^3 \geq 0 \Leftrightarrow x \leq 3$ suy ra $D = (-\infty; 3]$. $y' = \frac{6x - 3x^2}{2\sqrt{3x^2 - x^3}}$, $\forall x \in (-\infty; 3)$.

Giải $y' = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$. y' không xác định khi $\begin{cases} x = 0 \\ x = 3 \end{cases}$.

Bảng biến thiên:

x	$-\infty$		0		2		3
y'			$-$	\parallel	$+$	0	$-$
y	$+\infty$				2		
					0		0

Hàm số nghịch biến $(-\infty; 0)$ và $(2; 3)$. Hàm số đồng biến $(0; 2)$

Câu 12. Chọn A.

TXĐ: $D = \mathbb{R}$. $y' = \frac{1}{2} + \sin 2x$. Giải $y' = 0 \Leftrightarrow \sin 2x = -\frac{1}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{12} + k\pi \\ x = \frac{7\pi}{12} + k\pi \end{cases}, (k \in \mathbb{Z})$

Vì $x \in [0; \pi]$ nên có 2 giá trị $x = \frac{7\pi}{12}$ và $x = \frac{11\pi}{12}$ thỏa mãn điều kiện.

Bảng biến thiên:

x	0		$\frac{7\pi}{12}$		$\frac{11\pi}{12}$		π
y'	\parallel		$+$	0	$-$	0	$+$
y							

Hàm số đồng biến $\left(0; \frac{7\pi}{12}\right)$ và $\left(\frac{11\pi}{12}; \pi\right)$

Câu 13. Chọn A.

TXĐ: $D = \mathbb{R}$; $y' = 1 - \sin 2x \geq 0 \forall x \in \mathbb{R}$ suy ra hàm số luôn đồng biến trên \mathbb{R}

Câu 14. Chọn C.

(I): $y' = x^2 - 2x + 3 = (x-1)^2 + 2 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$.

(II): $y' = \left(\frac{x-1}{x+1}\right)' = \frac{2}{(x+1)^2} > 0, \forall x \neq -1$ (III): $y' = (\sqrt{x^2+4})' = \frac{x}{\sqrt{x^2+4}}$

(IV): $y' = 3x^2 + 4 - \cos x > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ (V): $y' = 4x^3 + 2x = 2x(2x^2 + 1)$

Câu 15. Chọn A.

(I): $y' = (-x^3 + 3x^2 - 3x + 1)' = -3x^2 + 6x - 3 = -3(x-1)^2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$;

(II): $y' = (\sin x - 2x)' = \cos x - 2 < 0, \forall x \in \mathbb{R}$;

(III) $y' = -(\sqrt{x^3+2})' = -\frac{3x^2}{2\sqrt{x^3+2}} \leq 0, \forall x \in (-\sqrt[3]{2}; +\infty)$;

$$(IV) y' = \left(\frac{x-2}{1-x} \right)' = \left(\frac{x-2}{-x+1} \right)' = -\frac{1}{(1-x)^2} < 0, \forall x \neq 1$$

Câu 16. Chọn A.

$$(I) y' = \left(-(x-1)^3 \right)' = -3(x-1)^2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

$$(II) y' = \left(\ln(x-1) - \frac{x}{x-1} \right)' = \frac{x}{(x-1)^2} > 0, \forall x > 1$$

$$(III) y' = \frac{1 \cdot \sqrt{x^2+1} - x \cdot (\sqrt{x^2+1})'}{x^2+1} = \frac{\sqrt{x^2+1} - x \cdot \left(\frac{x}{\sqrt{x^2+1}} \right)}{x^2+1} = \frac{1}{(x^2+1)\sqrt{x^2+1}} > 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

Câu 17. Chọn B.

$$y' = \begin{cases} 2x-1 & \text{khi } x \geq -1 \\ -2x+1 & \text{khi } x < -1 \end{cases}; y' = 0 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$$

x	$-\infty$	-1	$\frac{1}{2}$	$+\infty$		
y'		+		-	0	+
y						

Câu 18. Chọn C.

TXĐ: $D = (-\infty; 2]$. Ta có $y' = \frac{\sqrt{2-x}-1}{\sqrt{2-x}}, \forall x \in (-\infty; 2)$.

Giải $y' = 0 \Rightarrow \sqrt{2-x} = 1 \Rightarrow x = 1$; y' không xác định khi $x = 2$

Bảng biến thiên:

x	$-\infty$	1	2			
y'		+	0	-		
y				6		5

Câu 19. Chọn C.

Xét trên khoảng $\left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right)$.

Ta có: $y = \cos 2x + \sin 2x \cdot \tan x = \frac{\cos 2x \cdot \cos x + \sin 2x \cdot \sin x}{\cos x} = 1 \Rightarrow y' = 0$

Hàm số không đổi trên $\left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2} \right)$.

Câu 20. Chọn D

Tập xác định: $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$. Ta có $y' = \frac{m-1}{(x+1)^2}$

Để hàm số giảm trên các khoảng mà nó xác định $\Leftrightarrow y' < 0, \forall x \neq -1 \Leftrightarrow m < 1$

Câu 21. Chọn A

Tập xác định: $D = \mathbb{R}$. Ta có $y' = -x^2 - 2mx + 2m - 3$. Để hàm số nghịch biến

$$\text{trên } \mathbb{R} \text{ thì } y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a_{y'} < 0 \\ \Delta' \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < 0 \text{ (hn)} \\ m^2 + 2m - 3 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -3 \leq m \leq 1$$

Câu 22. Chọn B.

Tập xác định: $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$. Ta có $y' = \frac{x^2 - 2mx + m^2 - m + 1}{(x - m)^2}$

Để hàm số tăng trên từng khoảng xác định của nó

$$\Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in D \Leftrightarrow x^2 - 2mx + m^2 - m + 1 \geq 0, \forall x \in D \Leftrightarrow \begin{cases} 1 \geq 0 \text{ (hn)} \\ m - 1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \leq 1$$

Câu 23. Chọn A.

Tập xác định: $D = \mathbb{R}$. Ta có $y' = 1 - m \sin x$.

Hàm số đồng biến trên $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow m \sin x \leq 1, \forall x \in \mathbb{R}$

Trường hợp 1: $m = 0$ ta có $0 \leq 1, \forall x \in \mathbb{R}$. Vậy hàm số luôn đồng biến trên \mathbb{R}

Trường hợp 2: $m > 0$ ta có $\sin x \leq \frac{1}{m}, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \frac{1}{m} \geq 1 \Leftrightarrow m \leq 1$

Trường hợp 3: $m < 0$ ta có $\sin x \geq \frac{1}{m}, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \frac{1}{m} \leq -1 \Leftrightarrow m \geq -1$

Vậy $|m| \leq 1$

Câu 24. Chọn A.

Tập xác định: $D = \mathbb{R}$. Ta có: $y' = m - 3 + (2m + 1) \sin x$

Hàm số nghịch biến trên $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow (2m + 1) \sin x \leq 3 - m, \forall x \in \mathbb{R}$

Trường hợp 1: $m = -\frac{1}{2}$ ta có $0 \leq \frac{7}{2}, \forall x \in \mathbb{R}$. Vậy hàm số luôn nghịch biến trên \mathbb{R} .

Trường hợp 2: $m < -\frac{1}{2}$ ta có $\sin x \geq \frac{3 - m}{2m + 1}, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \frac{3 - m}{2m + 1} \leq -1$
 $\Leftrightarrow 3 - m \geq -2m - 1 \Leftrightarrow m \geq -4$

Trường hợp 3: $m > -\frac{1}{2}$ ta có:

$$\sin x \leq \frac{3 - m}{2m + 1}, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \frac{3 - m}{2m + 1} \geq 1 \Leftrightarrow 3 - m \geq 2m + 1 \Leftrightarrow m \leq \frac{2}{3}. \text{ Vậy } m \in \left[-4; \frac{2}{3}\right]$$

Câu 25. Chọn A.

Tính nhanh, ta có $f'(x) = 0 \Leftrightarrow 6x^2 - 6(m + 2)x + 6(m + 1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = m + 1 \end{cases}$

Phương trình $f'(x) = 0$ có nghiệm kép khi $m = 0$, suy ra hàm số luôn đồng biến trên \mathbb{R} .

Trường hợp $m \neq 0$, phương trình $f'(x) = 0$ có hai nghiệm phân biệt (không thỏa yêu cầu bài toán).

Câu 26. Chọn C.

Tập xác định: $D = \mathbb{R}$. Ta có $y' = x^2 + 2mx - m$

Hàm số đồng biến trên $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 > 0 \text{ (hn)} \\ m^2 + m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -1 \leq m \leq 0$

Vậy giá trị nhỏ nhất của m để hàm số đồng biến trên \mathbb{R} là $m = -1$

Câu 27. Chọn D.

Tập xác định: $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$. Ta có $y' = \frac{m^2 + 3m + 2}{(x+m)^2}$

Yêu cầu đề bài $\Leftrightarrow y' < 0, \forall x \in D \Leftrightarrow m^2 + 3m + 2 < 0 \Leftrightarrow -2 < m < -1$

Vậy không có số nguyên m nào thuộc khoảng $(-2; -1)$.

Câu 28. Chọn C

Tập xác định $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$. Ta có $y' = \frac{m^2 - 4}{(x+m)^2}$. Để hàm số giảm trên khoảng

$$(-\infty; 1) \Leftrightarrow y' < 0, \forall x \in (-\infty; 1) \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 4 < 0 \\ 1 \leq -m \end{cases} \Leftrightarrow -2 < m \leq -1$$

Câu 29. Chọn D.

Cách 1: Tập xác định: $D = \mathbb{R}$. Ta có $y' = 3x^2 - 12x + m$

• Trường hợp 1:

Hàm số đồng biến trên $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} 3 > 0 \text{ (hn)} \\ 36 - 3m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \geq 12$

• Trường hợp 2: Hàm số đồng biến trên $(0; +\infty) \Leftrightarrow y' = 0$ có hai nghiệm x_1, x_2 thỏa $x_1 < x_2 \leq 0$ (*)

✓ Trường hợp 2.1: $y' = 0$ có nghiệm $x = 0$ suy ra $m = 0$. Nghiệm còn lại của $y' = 0$ là $x = 4$ (không thỏa (*))

✓ Trường hợp 2.2: $y' = 0$ có hai nghiệm x_1, x_2 thỏa

$$x_1 < x_2 < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' > 0 \\ S < 0 \\ P > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 36 - 3m > 0 \\ 4 < 0 \text{ (v)} \\ \frac{m}{3} > 0 \end{cases} \Rightarrow \text{không có } m. \text{ Vậy } m \geq 12$$

Cách 2: Hàm số đồng biến trên $(0; +\infty) \Leftrightarrow m \geq 12x - 3x^2 = g(x), \forall x \in (0; +\infty)$.

Lập bảng biến thiên của $g(x)$ trên $(0; +\infty)$.

x	0	2	$+\infty$
g'	+	0	-
g	\nearrow	12	\searrow
	\emptyset		$-\infty$