

Bài 1: (2 điểm) Phân tích các đa thức sau thành nhân tử:

a) $5x^2y^3 - 25x^3y^4 + 10x^3y^3$

b) $xy - 3x - 2y + 6$

c) $x^2 - 6xy - 4z^2 + 9y^2$

Bài 2: (2 điểm) Rút gọn các biểu thức sau:

a) $(x-2)^2 - (2x-1)^2 + (3x-1)(x-5)$

b) $(x-3)^3 - (x+3)(x^2 - 3x + 9) + (3x-1)(3x+1)$

Bài 3: (2 điểm) Tìm x:

a) $(x+3)^2 - x.(x+5) = 2$

b) $(5x-2)^2 + (2-5x)(3x+1) = 0$

c) $x^3 + 27 + (x+3)(x-9) = 0$

Bài 4: (3,5 điểm): Hình học:

Cho tam giác nhọn ABC cps AM là đường trung tuyến. Trên cạnh AC lấy hai điểm D và E sao cho $AD = DE = EC$. AM cắt BD tại I.

a) Chứng minh: tứ giác BDEM là hình thang

b) Chứng minh: I là trung điểm của AM.

c) Chứng minh: $BI = 3DI$

d) Trên tia đối của tia CB lấy hai điểm P và Q sao cho $CP = PQ = CM$.

Chứng minh: ME, AP, DQ đồng quy tại một điểm

Bài 5: (0,5 điểm) Tìm giá trị nhỏ nhất của biểu thức sau:

$$A = 2x^2 + 10y^2 - 6xy - 6x - 2y + 16$$

TRƯỜNG LƯƠNG THẾ VINH – HÀ NỘI
ĐỀ KIỂM TRA KHẢO SÁT ĐẦU NĂM
Năm học: 2018 – 2019
Môn: TOÁN 9
Thời gian: 90 phút

Bài 1: (1,5 điểm) Thực hiện phép tính:

- a) $3\sqrt{8} + \sqrt{(1-\sqrt{2})^2} - \sqrt{72}$
- b) $\left(\frac{15}{\sqrt{6}+1} + \frac{4}{\sqrt{6}-2} - \frac{12}{3-\sqrt{6}}\right) \cdot (\sqrt{6}+11)$
- c) a

Bài 2: (2 điểm) Giải phương trình:

- a) $\sqrt{x-3} - 2\sqrt{x^2-9} = 0$
- b) $\sqrt{x-4} - \frac{1}{5}\sqrt{9x-36} = 12 - \sqrt{4x-16}$

Bài 3: (2,5 điểm) Cho $P = \left(\frac{4\sqrt{x}}{\sqrt{x}+2} - \frac{8x}{x-4}\right) : \left(\frac{\sqrt{x}-1}{x-2\sqrt{x}} - \frac{2}{\sqrt{x}}\right)$ với $x > 0; x \neq 4; 9$

- a) Rút gọn biểu thức P
- b) Tính giá trị biểu thức P với $x = \frac{1}{4}$
- c) Tìm x để P = -2

Bài 4: (3,5 điểm) Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Biết AB = 6cm; BC = 10cm.

- a) Tính AC, AH
- b) Tính B; C. (Làm tròn đơn vị đo góc đến độ, phút)
- c) Gọi E, F lần lượt là hình chiếu của H lên AB, AC.
Chứng minh rằng: $AE \cdot BE + AF \cdot FC = BH \cdot HC$
- d) Chứng minh rằng: $\frac{EB}{FC} = \left(\frac{AB}{AC}\right)^3$

Bài 5: (0,5 điểm) Giải phương trình: $\sqrt{x-7} + \sqrt{9-x} = x^2 - 16x + 66$

TRƯỜNG THCS & THPT LƯƠNG THẾ VINH – HÀ NỘI
ĐỀ THI KHẢO SÁT CHẤT LƯỢNG ĐẦU NĂM
Môn: Toán 9; Năm học: 2018 – 2019
Thời gian làm bài: 90 phút

Bài toán 1: 1. Tính $A = \sqrt{4 - \sqrt{15}} - \sqrt{4 + \sqrt{15}}$

2. Cho biểu thức $A = \left(\frac{x+2}{x\sqrt{x}-1} + \frac{\sqrt{x}}{x+\sqrt{x}+1} + \frac{1}{1-\sqrt{x}} \right) : \frac{\sqrt{x}-1}{2}$ với $x > 0$ và $x \neq 1$

a) Rút gọn biểu thức A

b) Tìm tất cả các giá trị của x để A nhận giá trị nguyên

Bài toán 2: Giải các phương trình và bất phương trình sau:

a) $\sqrt{2x-1} - \sqrt{x-1} = \sqrt{x-4}$

b) $\frac{2\sqrt{x+1}}{\sqrt{x+1}} - 2 \geq \frac{3\sqrt{x-1}}{2\sqrt{x+2}}$

c) $x^4 + x^2 = y^2 \quad (x, y \in \mathbb{Z})$

Bài toán 3: Giải bài toán bằng cách lập phương trình:

Một người dự định đi xe đạp từ A đến B dài 30km trong một thời gian nhất định. Sau khi đi được nửa quãng đường người đó nghỉ 15 phút. Để đến B đúng dự định người đó tăng vận tốc thêm 2km/h trên quãng đường còn lại. Tính vận tốc xe đạp lúc đầu.

Bài toán 4: 1. Cho tam giác ABC vuông tại A, đường cao AH. Gọi E và F là hình chiếu vuông góc của H trên các cạnh AB và AC.

a) Chứng minh: $AE \cdot AB = AF \cdot AC$

b) Cho $AB : AC = 3 : 4$ và $AH = 2,4\text{cm}$. Tính chu vi và diện tích tam giác ABC.

c) Khi $BC = 2a$ không đổi. Xác định dạng của tam giác ABC để $BE^2 + CF^2$ đạt giá trị nhỏ nhất

2. Cho tam giác ABC nhọn. Chứng minh: $\sin^2 A + \sin^2 B + \sin^2 C > 2$

Bài toán 5: Giải phương trình:

$$x^2 - x + 4 = (x-1)\sqrt{x+2} + \sqrt{x^3 + x^2 - 4x + 6}$$