

	Do đó, phương trình (BH) là: $a(x - x_0) + b(y - y_0) = 0$ $\Leftrightarrow 3(x - 3) - 4(y - 4) = 0$ $\Leftrightarrow 3x - 4y + 7 = 0.$	0.25 0.25
6b	b) Tìm tọa độ điểm H.	1.0
	* Lập phương trình tổng quát cạnh AC: (AC) có 1 vectơ chỉ phương là $\vec{u} = \overrightarrow{AC} = (3; -4) \Rightarrow$ có 1 vectơ pháp tuyến là $\vec{n} = (4; 3)$ Do đó phương trình tổng quát (AC) là: $4(x + 2) + 3(y - 1) = 0$ $\Leftrightarrow 4x + 3y + 5 = 0.$	0.25 0.25
	* Ta thấy: H là giao điểm của BH và AC. Do đó tọa độ H là nghiệm hệ phương trình: $\begin{cases} 3x - 4y = -7 \\ 4x + 3y = -5 \end{cases}$	0.25
	$\Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{41}{25} \\ y = \frac{13}{25} \end{cases}$ Vậy: $H\left(-\frac{41}{25}; \frac{13}{25}\right).$	0.25
6c	c) Viết phương trình đường tròn (C) biết (C) có tâm I(-1; 2) và tiếp xúc với đường thẳng (Δ): $3x - 4y + 1 = 0.$	1.0
	Vì (C) tiếp xúc với (Δ) nên bán kính R bằng khoảng cách từ tâm I đến (Δ): $R = d(I; \Delta).$	0.25
	Ta có: $d(I; \Delta) = \frac{ 3 \cdot (-1) - 4 \cdot 2 + 1 }{\sqrt{3^2 + (-4)^2}} = 2 \Rightarrow R = 2$	0.25
	Vậy phương trình đường tròn (C) là: $(x - a)^2 + (y - b)^2 = R^2$	0.25
	$\Leftrightarrow (x + 1)^2 + (y - 2)^2 = 4.$	0.25

	$= \frac{4 \cot x - 2 + 3(1 + \cot^2 x)}{3 \cot^2 x - (1 + \cot^2 x) - \cot x}$ $= \frac{4 \cdot (-3) - 2 + 3[1 + (-3)^2]}{3(-3)^2 - [1 + (-3)^2] - (-3)}$ $= \frac{4}{5}. \text{ Vậy } A = \frac{4}{5}.$	0.5 0.5 0.5
4	Chứng minh rằng: $\frac{\sin x}{1 - \cos x} + \frac{1 - \cos x}{\sin x} = \frac{2}{\sin x}$	1.0
	<p>Ta có: VT = $\frac{\sin^2 x + (1 - \cos x)^2}{(1 - \cos x) \sin x}$</p> $= \frac{\sin^2 x + 1 - 2 \cos x + \cos^2 x}{(1 - \cos x) \sin x}$ $= \frac{2(1 - \cos x)}{(1 - \cos x) \sin x}$ $= \frac{2}{\sin x} = \text{VP}.$	0.25 0.25 0.25 0.25
5	Cho $\cos x = -\frac{12}{13}, \frac{\pi}{2} < x < \pi$. Tính $\sin 2x, \cos 2x, \tan 2x, \cot 2x$.	2.0
	<p>Ta có: $\sin^2 x + \cos^2 x = 1 \Rightarrow \sin^2 x = 1 - \cos^2 x = 1 - \left(-\frac{12}{13}\right)^2 = \frac{25}{169}$</p> $\Rightarrow \sin x = \pm \frac{5}{13}$ <p>Vì $\frac{\pi}{2} < x < \pi$ nên $\sin x > 0$. Do đó $\sin x = \frac{5}{13}$.</p> <p>Suy ra:</p> $\sin 2x = 2 \sin x \cos x = 2 \cdot \frac{5}{13} \left(-\frac{12}{13}\right) = -\frac{120}{169}$ $\cos 2x = \cos^2 x - \sin^2 x = \left(-\frac{12}{13}\right)^2 - \left(\frac{5}{13}\right)^2 = \frac{119}{169}$ $\tan 2x = \frac{\sin 2x}{\cos 2x} = -\frac{120}{119}$ $\cot 2x = \frac{1}{\tan 2x} = -\frac{119}{120}$	0.25 0.25 0.5 0.5 0.25 0.25
6a	Cho tam giác ABC biết $A(2; -1), B(3; 5), C(-2; 4)$.	1.0
	a) Viết phương trình tổng quát đường cao CH của tam giác ABC.	
	Vì $CH \perp AB$ nên đường cao CH có 1 vector pháp tuyến là $\vec{n} = \overrightarrow{AB} = (1; 6)$.	0.5

	Do đó, phương trình (CH) là: $a(x - x_0) + b(y - y_0) = 0$ $\Leftrightarrow 1(x + 2) + 6(y - 4) = 0$ $\Leftrightarrow x + 6y - 22 = 0.$	0.25 0.25
6b	b) Tìm tọa độ điểm H.	1.0
	* Lập phương trình tổng quát cạnh AB: (AB) có 1 vectơ chỉ phương là $\vec{u} = \overrightarrow{AB} = (1; 6) \Rightarrow$ có 1 vectơ pháp tuyến là $\vec{n} = (6; -1)$ Do đó phương trình tổng quát (AB) là: $6(x - 2) - 1(y + 1) = 0$ $\Leftrightarrow 6x - y - 13 = 0.$	0.25 0.25
	* Ta thấy: H là giao điểm của CH và AB. Do đó tọa độ H là nghiệm hệ phương trình: $\begin{cases} x + 6y = 22 \\ 6x - y = 13 \end{cases}$	0.25
	$\Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{100}{37} \\ y = \frac{119}{37} \end{cases}$ Vậy: $H\left(\frac{100}{37}; \frac{119}{37}\right).$	0.25
6c	c) Viết phương trình đường tròn (C) biết (C) có tâm I(1; -2) và tiếp xúc với đường thẳng (Δ): $4x - 3y + 5 = 0.$	1.0
	Vì (C) tiếp xúc với (Δ) nên bán kính R bằng khoảng cách từ tâm I đến (Δ): $R = d(I; \Delta).$	0.25
	Ta có: $d(I; \Delta) = \frac{ 4 \cdot 1 - 3 \cdot (-2) + 5 }{\sqrt{4^2 + (-3)^2}} = 3 \Rightarrow R = 3$	0.25
	Vậy phương trình đường tròn (C) là: $(x - a)^2 + (y - b)^2 = R^2$	0.25
	$\Leftrightarrow (x - 1)^2 + (y + 2)^2 = 9.$	0.25