

Bài 15)

$$y = \frac{x^2 + 1}{x^3}$$

- Tập xác định $D = R \setminus \{0\}$ là tập đối xứng
- $\forall x \in D \Rightarrow -x \in D$
- Đặt $y = f(x) = \frac{x^2 + 1}{x^3}$
- $f(-x) = \frac{(-x)^2 + 1}{(-x)^3} = \frac{x^2 + 1}{-x^3} = -\left(\frac{x^2 + 1}{x^3}\right) = -f(x)$
- Ta thấy: $f(-x) = -f(x)$

Vậy hàm số đã cho là hàm lẻ

Bài 16)

$$y = \frac{x^{2002} + 3|x|}{x^{2017}}$$

BÀI TẬP TỰ LUYỆN

BÀI 1) Xét tính chẵn – lẻ của các hàm số:

- | | |
|--|--|
| a) $y = x^3 - 1$ | j) $y = \sqrt{x+2} + \frac{1}{\sqrt{2-x}}$ |
| b) $y = 6x^3$ | |
| c) $y = (2x-2)^{2014} + (2x+2)^{2014}$ | k) $y = \frac{x^2}{2- x }$ |
| d) $y = x^4 + 4x^2 + 15$ | |

- e) $y = \frac{x}{x^2 + 1}$
 f) $y = |x+2| + |x-2|$
 g) $y = (x-1)^2$
 h) $y = \frac{x^2 + 4}{x^4}$
 i) $y = \frac{|x+2| + |x-2|}{x}$

- l) $y = 2x^2 - |x|$
 m) $y = \sqrt{2x+9}$
 n) $y = \sqrt{2+x} - \sqrt{2-x}$
 o) $y = \sqrt{4x^2 + 25}$
 p) $y = \frac{|x+2| + |x-2|}{|x+1| - |x-1|}$

IV) HÀM SỐ BẬC NHẤT $y = ax+b$ VÀ BẬC HAI: $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$)

❖ HÀM SỐ BẬC NHẤT $y = ax+b$ ($a \neq 0$)

• Tập xác định: $D = \mathbb{R}$.

- Sự biến thiên:
 - + Khi $a > 0$, hàm số đồng biến trên \mathbb{R} .
 - + Khi $a < 0$, hàm số nghịch biến trên \mathbb{R} .
- Đồ thị là đường thẳng có hệ số góc bằng a , cắt trục tung tại điểm $B(0; b)$.

Chú ý: Cho hai đường thẳng (d) : $y = ax + b$ và (d') : $y = a'x + b'$:

- + (d) song song với (d') $\Leftrightarrow a = a'$ và $b \neq b'$.
- + (d) trùng với (d') $\Leftrightarrow a = a'$ và $b = b'$.
- + (d) cắt (d') $\Leftrightarrow a \neq a'$.

2. Hàm số $y = |ax + b|$ ($a \neq 0$)

$$y = |ax + b| = \begin{cases} ax + b & \text{khi } x \geq -\frac{b}{a} \\ -(ax + b) & \text{khi } x < -\frac{b}{a} \end{cases}$$

Chú ý: Để vẽ đồ thị của hàm số $y = |ax + b|$ ta có thể vẽ hai đường thẳng $y = ax + b$ và $y = -ax - b$, rồi xoá đi hai phần đường thẳng nằm ở phía dưới trục hoành.

BÀI TẬP

2) Tìm tọa độ giao điểm của hai đường thẳng:

- a) $y = 2x - 3$ và $y = 1 - x$
 b) $y = -3x + 1$ và $y = \frac{1}{3}$
 c) $y = 2(x - 1)$ và $y = 2$
 d) $y = -4x + 1$ và $y = 3x - 2$

3) Xác định a và b sao cho hàm số $y = ax + b$:

- a. Đi qua $A(-1, -20)$ và $B(3, 8)$

- b. Đi qua C(4, -3) và song song với đường thẳng $y = -\frac{2}{3}x + 1$
- c. Đi qua D(1, 2) và có hệ số góc bằng 2.
- d. Đi qua E(4, 2) và vuông góc với đường thẳng $y = -\frac{1}{2}x + 5$
- e. Đi qua M(-1, 1) và cắt trục hoành tại điểm có hoành độ là 5

❖ VẼ PARABOL $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$

Gồm 4 bước

- *TXĐ: $D = R$*
- *Bước 1:* Xác định tọa độ đỉnh $I\left(-\frac{b}{2a}; -\frac{\Delta}{4a}\right)$ (ta thường tính $f\left(-\frac{b}{2a}\right)$ thay cho $-\frac{\Delta}{4a}$)
- *Bước 2:* Vẽ trục đối xứng $x = -\frac{b}{2a}$.
- *Bước 3 :* Xác định tọa độ các giao điểm của parabol với trục Oy (điểm $(0; c)$) và trục Ox (nếu có) (hoặc lập bảng giá trị).
- *Bước 4:* Vẽ parabol :
 - Nếu $a > 0$ bể lõm quay lên (hoặc đồ thị có dạng U)
 - Nếu $a < 0$ bể lõm quay xuông (hoặc đồ thị có dạng \cap)

BÀI TẬP

1) Vẽ đồ thị các hàm số sau:

f. $y = x^2 - 4x + 3$

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

g. $y = -2x^2 + 4x - 1$

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

2) Xét sự biến thiên và vẽ đồ thị các hàm số sau:

h. $y = x^2 - 2x - 1$

i. $y = -x^2 - 4x - 1$

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

❖ XÁC ĐỊNH PARABOL (P) KHI BIẾT MỘT SỐ ĐẶC ĐIỂM

Cho parabol (P) $y = ax^2 + bx + c$ ($a \neq 0$) biết (P)

- 1) Qua điểm A($x_A; y_A$) $\Leftrightarrow a(x_A)^2 + b(x_A) + c = y_A$
 $(VD: A(-2; 3) \in (P) \Leftrightarrow a(-2)^2 + b(-2) + c = 3)$

2) Có đỉnh I($n; m$) $\Leftrightarrow \begin{cases} I \in (P) \\ -\frac{b}{2a} = n \end{cases}$ (có đỉnh thì 2 pt)
 $\left(VD: \text{Đỉnh } I(-2; 1) \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{b}{2a} = -2 \\ I \in (P) \end{cases} \right)$

3) Có trục đối xứng $x = n \Leftrightarrow -\frac{b}{2a} = n$
 $(VD: \text{trục đối xứng } x = -2 \Leftrightarrow -\frac{b}{2a} = -2)$

4) (P) tiếp xúc trục hoành tại $x = n \Rightarrow \text{đỉnh } I(n; 0)$

5) Có hoành độ đỉnh là n (giống trục đối xứng)

6) Có tung độ đỉnh là $m \Leftrightarrow f\left(-\frac{b}{2a}\right) = m$

BÀI TẬP

- 1) Tìm (P) $y = ax^2 - 2x + c$ qua $A(1; 2)$ và $B(-2; 11)$ (1) lặp lại 2 lần và $b = -1$)

$$YCBT \Leftrightarrow \begin{cases} b = -2 \\ A \in (P) \\ B \in (P) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = -2 \\ a \cdot 1^2 - 2 \cdot 1 + c = 2 \\ a \cdot (-2)^2 - 2 \cdot (-2) + c = 11 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} b = -2 \\ a + c = 4 \\ 4a + c = 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ c = 3 \end{cases}$$

Vậy (P) cần tìm là $y = x^2 - 2x + 3$

- 2) Tìm (P) $y = ax^2 - 3x + c$ qua $C(-1; 10)$ và $D(-2; 19)$ (I) lặp lại 2 lần và $b = -3$)

- 3) Tìm (P) $y = x^2 + bx + c$ qua $E(2;3)$ và $F(-3;18)$ (1) lặp lại 2 lần và $a=1$)

$$YCBT \Leftrightarrow \begin{cases} c = 1 \\ -\frac{b}{2a} = 2 \\ G \in (P) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -b = 4a \\ a \cdot (-1)^2 + b \cdot (-1) + 1 = 11 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4a + b = 0 \\ a - b = 10 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2 \\ b = -8 \end{cases}$$

Vậy (P) cần tìm là $y = 2x^2 - 8x + 1$

- 5) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + 2$ có trục đối xứng $x = -\frac{3}{2}$ và $G(3;4)(1,3)$ và $c=2$)

- 6) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + 3$ có đỉnh $I(2; -1)$ (2) và $c = 3$)

$$YCBT \Leftrightarrow \begin{cases} c = 3 \\ -\frac{b}{2a} = 2 \\ I \in (P) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -b = 4a \\ a \cdot 2^2 + b \cdot 2 + 3 = -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4a + b = 0 \\ 4a + 2b = -4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -4 \end{cases}$$

Vậy (P) cần tìm là $y = x^2 - 4x + 3$

- 7) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + 2$ có đỉnh $I(2; -2)$ (2) và $c = 3$)

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

- 8) Tìm (P) $y = x^2 + bx + c$ có trục đối称 $x=1$ và $H(-3;18)$ (1, 3) và $a=1$

- 9) Tìm (P) $y = 2x^2 + bx + c$ có trục đối xứng $x = -1$ và $H(-3; 3)$

10) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + c$ qua A(1;2), B(-2;-10) và C(3;40)

$$YCBT \Leftrightarrow \begin{cases} A \in (P) \\ B \in (P) \\ C \in (P) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a \cdot 1^2 + b \cdot 1 + c = 2 \\ a \cdot (-2)^2 + b \cdot (-2) + c = -10 \\ a \cdot 3^2 + b \cdot 3 + c = 40 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a + b + c = 2 \\ 4a - 2b + c = -10 \\ 9a + 3b + c = 40 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 3 \\ b = 7 \\ c = -8 \end{cases}$$

Vậy (P) cần tìm là $y = 3x^2 + 7x - 8$

11) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + c$ qua A(-2;7), B(-1;-2) và C(3;2)

12) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + c$ có đỉnh I(2;-4) và qua K(-1;6)

$$YCBT \Leftrightarrow \begin{cases} I \in (P) \\ K \in (P) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{b}{2a} = 2 \\ a \cdot (-1)^2 + b \cdot (-1) + c = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -b = 4a \\ a - b + c = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4a + 2b + c = -3 \\ 4a + b + 0c = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -4 \\ c = 1 \end{cases}$$

Vậy (P) cần tìm là $y = x^2 - 4x + 1$

13) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + c$ có đỉnh I(1;-4) và qua K(2;3)

14) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + c$ có trục đối xứng $x = \frac{3}{4}$ qua $M(-1; 10)$ và qua $N(-2; 19)$

$$YCBT \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{b}{2a} = \frac{3}{4} \\ M \in (P) \\ N \in (P) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -4b = 6a \\ a \cdot (-1)^2 + b \cdot (-1) + c = 10 \\ a \cdot (-2)^2 + b \cdot (-2) + c = 19 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 6a + 4b + 0c = 0 \\ a - b + c = 10 \\ 4a - 2b + c = 19 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 2 \\ b = -3 \\ c = 5 \end{cases}$$

Vậy (P) cần tìm là $y = 2x^2 - 3x + 5$

15) Tìm (P) $y = ax^2 + bx + c$ có trục đối xứng $x = -\frac{4}{3}$ qua $M(0; -2)$ và qua $N(1; -7)$

BÀI TẬP TỰ LUYỆN

1) Xác định parabol (P) biết:

- $(P): y = ax^2 + bx + 2$ đi qua $A(1; 0)$ và có trục đối xứng $x = \frac{3}{2}$
- $(P): y = ax^2 - 4x + c$ có trục đối xứng $x = 2$ và cắt trục hoành tại điểm $M(3; 0)$
- $(P): y = ax^2 + bx + 3$ đi qua $A(-1; 9)$ và có trục đối xứng $x = -2$
- $(P): y = 2x^2 + bx + c$ có trục xứng là đường thẳng $x = 1$ và cắt trục tung tại điểm $M(0; 4)$
- $(P): y = ax^2 - 4x + c$ đi qua $A(1; -2), B(2; 3)$
- $(P): y = ax^2 - 4x + c$ có đỉnh $I(-2; -1)$
- $(P): y = ax^2 - 4x + c$ có hoành độ đỉnh là -3 và đi qua điểm $A(-2; 1)$
- $(P): y = ax^2 + bx + c$ đi qua $A(0; 5)$ và đỉnh $I(3; -4)$
- $(P): y = ax^2 + bx + c$ đi qua $A(2; -3)$ và có đỉnh $I(1; -4)$
- $(P): y = ax^2 + bx + c$ đi qua $A(1; 1)$ và có đỉnh $I(-1; 5)$
- $(P): y = ax^2 + bx + c$ đi qua các điểm $A(1; 1), B(-1; 3), O(0; 0)$
- $(P): y = ax^2 + bx + c$ đi qua các điểm $A(0; -1), B(1; -1), C(-1; 1)$
- $(P): y = ax^2 + bx + c$ đi qua các điểm $A(-1; -1), B(0; 2), C(1; -1)$
- $(P): y = x^2 + bx + c$ đi qua điểm $A(1; 0)$ và đỉnh I có tung độ bằng -1 .

- o. $(P): y = ax^2 + bx + c$ có đỉnh I(3; -1) và cắt Ox tại điểm có hoành độ là 1
 p. $(P): y = x^2 + ax + b$ nhận đường thẳng $x = 1$ làm trục đối xứng và đỉnh S thuộc
 đường thẳng (d): $y = 2x - 6$.

❖ SỰ TƯỞNG GIAO CỦA HAI ĐỒ THỊ: $y = f(x)$ và $y = g(x)$

Xét phương trình hoành độ giao điểm $f(x) = g(x)$ (*)

- Nếu phương trình (*) có n nghiệm ($n \neq 1$) thì đồ thị $y = f(x)$ và $y = g(x)$ cắt nhau tại n điểm phân biệt
 - Nếu phương trình (*) có đúng 1 nghiệm thì đồ thị $y = f(x)$ tiếp xúc (có 1 điểm chung) với đồ thị $y = g(x)$
 - Nếu phương trình (*) vô nghiệm, thì đồ thị $y = f(x)$ và $y = g(x)$ không có điểm chung (không cắt nhau)

Để tìm tọa độ giao điểm, ta thay nghiệm x vào $y = f(x)$ hoặc $y = g(x)$ để được hoành độ y.

BÀI TẬP

2) Tìm tọa độ giao điểm của các cặp đồ thị của các hàm số sau:

- a) $y = x - 1$; $y = x^2 - 2x - 1$ d) $y = x^2 - 4x + 4$; $y = x^2 - 2x - 1$
 b) $y = -x + 3$; $y = -x^2 - 4x + 1$ e) $y = 3x^2 - 4x + 1$; $y = -3x^2 + 2x - 1$
 c) $y = 2x - 5$; $y = x^2 - 4x + 4$ f) $y = 2x^2 + x + 1$; $y = -x^2 + x - 1$

LUYÊN TẬP

1) Lập bảng biến thiên rồi tìm giá trị lớn nhất (GTLN – max) và giá trị nhỏ nhất (GTNN – min) của các hàm số trên miền xác định được chỉ ra.

- a) $y = x^2 - x$ trên $[-1; 3]$

b) $y = 2x^2 - 3x$ trên $[4; 6]$

c) $y = -x^2 + 5x + 3$ trên $[1; 3]$

d) $y = x^2 - 5x$ trên $(-\infty; 3]$

e) $y = -6x^2 + 3x$ trên $[-5; -2]$

f) $y = -x^2 + 5x - 4$ trên $[1; 2]$

g) $y = -6x^2 + 3x$ trên $[3; +\infty)$

h) $y = -2x^2 + \sqrt{2}x$ trên $(-\infty; -1] \cup [1; +\infty)$

2) Vẽ đồ thị hàm số $y = -x^2 + 5x + 6$. Hãy sử dụng đồ thị để biện luận theo tham số m , số điểm chung của parabol $y = -x^2 + 5x + 6$ và đường thẳng : $y = m$

3) Cho Parabol (P) $y = x^2 - 2x + 3$

- a) Khảo sát và vẽ đồ thị của parabol trên
 - b) Dựa vào đồ thị, biện luận số nghiệm của pt : $x^2 - 2x - m = 0$
 - c) Viết pt thẳng d vuông góc với đường thẳng $\Delta: y = 2x + 1$ và đi qua đỉnh của parabol (P).

V) CÁC CÔNG THỨC GIẢI PHƯƠNG TRÌNH THƯỜNG GẶP:

$$0) \quad |A| = \begin{cases} A & \text{ khi } A \geq 0 \\ -A & \text{ khi } A < 0 \end{cases}$$

$$1) |A| = B \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A = -B \\ A = B \end{cases}$$

Cách 2: $|A| = B \Leftrightarrow$ $\begin{cases} A \geq 0 \\ A = B \\ A < 0 \\ -A = B \end{cases}$

$$2) |A| = |B| \Leftrightarrow \begin{cases} A = B \\ A = -B \end{cases}$$

Cách 2: $|A| = |B| \Leftrightarrow A^2 = B^2$

$$3) \sqrt{A} = B \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A = B^2 \end{cases}$$

$$4) \sqrt{A} = \sqrt{B} \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 & (\text{hoặc } B \geq 0) \\ A = B \end{cases}$$

(Lưu ý: 1 căn 1 lứa chọn B, 2 căn 2

lựa chọn)

$$5) B\sqrt{A} = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} A \geq 0 \\ A = 0 \\ B = 0 \end{cases}$$

BÀI TẬP

Bài 1: Giải các phương trình sau:

a) $\frac{x^2}{\sqrt{x-1}} = \frac{4}{\sqrt{x-1}}$ (a) Điều kiện: $x > 1$

$$pt(a) \Rightarrow x^2 = 4 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2(n) \\ x = -2(l) \end{cases}$$

Vậy phương trình đã cho có tập nghiệm $S = \{2\}$

$$\text{b) } \frac{x^2}{\sqrt{2-x}} = \frac{x+12}{\sqrt{2-x}}$$

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

c) $\frac{2x^2 - 7x - 2}{\sqrt{x-2}} = \sqrt{x-2}$ (b) Điều kiện: $\begin{cases} x \geq 2 \\ x > 2 \end{cases} \Leftrightarrow x > 2$

$$\text{Pt (b)} \Rightarrow 2x^2 - 7x - 2 = x - 2 \Leftrightarrow 2x^2 - 8x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 4(n) \\ x = 0(l) \end{cases}$$

Vậy $S = \{4\}$

d) $\frac{2x^2 - 4x + 5}{\sqrt{4-x}} = \sqrt{4-x}$

e) $x+1 + \frac{2}{x+3} = \frac{x+5}{x+3}$ (e) Điều kiện: $x \neq -3$

$$\text{Pt (e)} \Rightarrow (x+1)(x+3) + 2 = x+5 \Leftrightarrow x^2 + 3x + x + 3 + 2 = x + 5$$

$$\Leftrightarrow x^2 + 3x = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0(n) \\ x = -3(l) \end{cases}$$

Vậy $S = \{0\}$

f) $x + \frac{1}{x+1} = \frac{1}{x+1} + 1$ (f) Điều kiện: $x \neq -1$

$$\text{PT (f)} \Rightarrow x = 1(l) \text{ (Lượt bỏ } \frac{1}{x-1} \text{ 2 vế pt)}$$

Vậy pt đã cho vô nghiệm (hoặc $S = \emptyset$)

g) $\sqrt{2x-1} = x-2$ (g) Công thức: $\sqrt{A} = B \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A = B^2 \end{cases}$

$$\text{PT (g) trở thành } \begin{cases} x-2 \geq 0 \\ 2x-1 = (x-2)^2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2 \\ 2x-1 = x^2 - 4x + 4 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2 \\ x^2 - 6x + 5 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x \geq 2 \\ x = 1(L) \\ x = 5(n) \end{cases}$$

Vậy $S = \{5\}$

h) $\sqrt{2x-5} = 4$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

i) $\sqrt{3x-5} = 3$

(i) Công thức: $\sqrt{A} = B \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A = B^2 \end{cases}$

PT (i) trở thành $\begin{cases} 3 \geq 0 \\ 3x-5 = 3^2 \end{cases} \Leftrightarrow x = \frac{14}{3}$

Vậy $S = \left\{ \frac{14}{3} \right\}$

j) $\sqrt{2x-5} = 2$

(g)

Công thức: $\sqrt{A} = B \Leftrightarrow \begin{cases} B \geq 0 \\ A = B^2 \end{cases}$

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

o) $(x^2 + 3x + 2)(\sqrt{x^2 + 2x} - x + 1) = 0$

cc) $\sqrt{x-1} + \sqrt{3-x} - \sqrt{(x-1)(3-x)} = 1$

dd) $\sqrt{x+1} + \sqrt{4-x} - \sqrt{(x+1)(4-x)} = 5$

Bài 2) Giải các phương trình sau:

a) $\sqrt{7-x^2+x\sqrt{x+5}} = \sqrt{3-2x-x^2}$

ĐS: $-1; \pm 4$

b) $(4x-1)\sqrt{x^2+1} = 2x^2+2x+1$ ĐS: $\frac{4}{3}$

c) $x-4 = \frac{x^2}{(\sqrt{1+x}+1)^2}$ ĐS: 8

d) $x^2 + \sqrt{x^2+5} = 5$

ĐS: $\frac{-1 \pm \sqrt{17}}{2}$

e) $\sqrt{x+2\sqrt{x-1}} + \sqrt{x-2\sqrt{x-1}} = \frac{x+3}{2}$ ĐS: 1; 5

f) $x + \sqrt{1+\sqrt{x}} = 1$ ĐS: 0

g) $\sqrt{x^2-2x-8} + \sqrt{x+5} = \sqrt{x^2-x-3}$

ĐS: -5; -2; 4

HD: Nhận xét:

$$(x^2 - 2x - 8) + (x + 5) = x^2 - x - 3$$

Pt có dạng: $\sqrt{a} + \sqrt{b} = \sqrt{a+b} \Leftrightarrow \begin{cases} a=0 \\ b=0 \end{cases}$

VI) PHƯƠNG TRÌNH BẬC HAI: $ax^2 + bx + c = 0$ (1) ($a \neq 0$)

$$\Delta = b^2 - 4ac$$

- $\Delta < 0 \Rightarrow$ pt (1) vô nghiệm.

- $\Delta = 0 \Rightarrow$ pt (1) có nghiệm kép $x = -\frac{b}{2a}$

- $\Delta > 0 \Rightarrow$ pt (1) có 2 nghiệm phân biệt :

$$\begin{cases} x = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} \\ x = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} \end{cases}$$

❖ Dấu của nghiệm số của phương trình $ax^2 + bx + c = 0$ ($a \neq 0$) (1)

- (1) có hai nghiệm trái dấu $\Leftrightarrow a.c < 0$

- (1) có hai nghiệm cùng dấu $\Leftrightarrow \begin{cases} a \neq 0 \\ \Delta \geq 0 \\ P > 0 \end{cases}$

- (1) có hai nghiệm dương $\Leftrightarrow \begin{cases} a \neq 0 \\ \Delta \geq 0 \\ P > 0 \\ S > 0 \end{cases}$

- (1) có hai nghiệm âm $\Leftrightarrow \begin{cases} a \neq 0 \\ \Delta \geq 0 \\ P > 0 \\ S < 0 \end{cases}$

Với $S = x_1 + x_2$; $P = x_1 x_2$

Chú ý:

- Trong các trường hợp trên nếu để yêu cầu hai nghiệm **phân biệt** thì $\Delta > 0$
 - $x_1^2 + x_2^2 = (x_1 + x_2)^2 - 2x_1x_2 = S^2 - 2P$
 - $x_1^3 + x_2^3 = S^3 - 3PS$ (với $S = x_1 + x_2$ và $P = x_1x_2$)

BÀI TẬP

Bài 1) Giải và biện luận các phương trình theo tham số m:

$$\text{a) } mx = 5$$

b) $(2m-1)x = m+3$

c) $m(m-2)x = m-2$

d) $mx = x + 5 - m$

Bài 2) Cho phương trình: $-2x^2 + 8x - 2 m + 2 = 0$. Tìm m để phương trình.

a) Tìm m để phương trình có 2 nghiệm trái dấu

.....
.....
.....
.....
.....

b) Tìm m để phương trình có 2 nghiệm dương.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

c) Tìm m để phương trình có 2 nghiệm âm.

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

Bài 3) Tìm m để phương trình: $2x^2 - 2x + m - 2 = 0$ có 2 nghiệm x_1, x_2 thỏa:

$$x_1 + x_2 + 2x_1 x_2 = 0$$

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....

Bài 4) Tìm m để pt $x^2 - 4x + 3m - 2 = 0$ có 2 nghiệm phân biệt thỏa: $x_1^2 x_2^2 = 4$

Bài 5) Cho phương trình: $x^2 - 6x + 2m - 1 = 0$. Tìm m để pt có tổng bình phương hai nghiệm bằng 26. ($m=3$)

Bài 6) Cho phương trình: $x^2 - 2x + m + 2 = 0$. Tìm m để pt có 2 nghiệm phân biệt thỏa:

$$x_1^2 + x_2^2 = 4$$

Bài 7) Tìm m để phương trình $x^2 - 2x + m - 2 = 0$ có 2 nghiệm pb thỏa :

$$x_1^2 + x_2^2 + x_1^2 x_2^2 = 4$$