

b/Gọi x là số Kw điện nhà bạn An tiêu trong 1 tháng ($x > 0$)

-Số tiền điện 100 kw đầu : $100 \cdot 1500 = 150000$ (đồng)

-Số tiền điện 50 Kw tiếp theo $50 \cdot 1650 = 82500$ (đồng)

-Số tiền điện Kw tiếp theo là $1900 \cdot x$ (đồng)

Theo đề bài ta có pt $150000 + 82500 + 1900 \cdot x = 280000$

$X = 25$ (Kw)

CÂU 4 (1,5đ) Cho pt $x^2 - 2(m+1)x + m = 0$

a/ Chứng tỏ Pt luôn luôn có nghiệm với mọi m

$$\Delta = [-2(m+1)]^2 - 4 \cdot 1 \cdot m = 4m^2 + 8m + 4 - 4m = (2m+1)^2 + 3 > 0 \quad \forall m$$

b / Tìm m để biểu thức $A = \frac{-7}{x_1^2 + x_2^2 - 2x_1x_2 - 2}$ Đạt giá trị nhỏ nhất ?

Áp dụng ĐL VIET $\begin{cases} s = x_1 + x_2 = 2(m+1) \\ p = x_1 \cdot x_2 = m \end{cases}$

Ta có

$$x_1^2 + x_2^2 - 2x_1x_2 - 2 = s^2 - 2p - p - 2 = s^2 - 4p - 2 = [2(m+1)]^2 - 4m - 2 = 4m^2 + 8m + 4 - 4m - 2 = (2m+1)^2$$

$$\text{ma } (2m+1)^2 \geq 0 \quad \text{nen } (2m+1)^2 + 1 > 1$$

$$\frac{1}{(2m+1)^2 + 1} \leq 1 \Leftrightarrow \frac{-7}{(2m+1)^2 + 1} \geq -7$$

$$GTNNA = -7 \Leftrightarrow m = \frac{-1}{2}$$

CÂU 5 (3,5 đ)

a/ Chứng minh tứ giác BFEC nội tiếp đường tròn và OA vuông góc EF ?

Xét tứ giác BFEC có

$$\begin{cases} \widehat{BFC} = 90^\circ & (CF \text{ đường cao}) \\ \widehat{BEC} = 90^\circ & (BE \text{ đường cao}) \end{cases}$$
$$\widehat{BFC} + \widehat{BEC} = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$$

Vậy tứ giác BFEC nội tiếp đường tròn (tổng hai góc đối bằng 180°)

Vẽ tiếp tuyến xy tại A của (O)

$$\widehat{ACB} = \widehat{xAB} \quad (\text{cung chắn } AB)$$
$$\widehat{ACB} = \widehat{AFE} \quad (\text{góc trong bằng góc ngoài})$$
$$\Rightarrow \widehat{xAB} = \widehat{AFE}$$

Mà hai góc này ở vị trí so le trong

Suy ra $xy \parallel EF$

OA vuông góc xy (t/c tiếp tuyến)

Vậy OA vuông góc EF

b/ Chứng minh $R = \frac{AB.AC}{2AD}$?

Vẽ đường kính AS của (O)

Chứng minh Tam giác ADB đồng dạng Tam giác ACS (gg)

Suy ra $AB.AC = AD.AS$

$$AB.AC = AD.2R$$

$$R = \frac{AB.AC}{2AD}$$

c/ Chứng minh AM là tiếp tuyến của đường tròn ngoại tiếp tam giác MHD ?

Gọi G là tâm đường tròn nội tiếp tam giác MHD ,

Vẽ GJ vuông góc MH

$$AM = AN \Rightarrow \Delta AMN \text{ cân} \Rightarrow \widehat{AMN} = \widehat{ANM} = \widehat{ABM}$$

$$\Rightarrow \Delta AMF \sim \Delta ABM (gg) \Rightarrow AM^2 = AF \cdot AB$$

$$\Delta AFH \sim \Delta ADB (gg) \Rightarrow AF \cdot AB = AH \cdot AD$$

$$\Rightarrow AM^2 = AH \cdot AD \Rightarrow \Delta AMH \sim \Delta ADM (cgc)$$

$$\Rightarrow \widehat{AMH} = \widehat{ADM} = \widehat{JGM}$$

$$\widehat{JGM} + \widehat{JMG} = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{JMG} + \widehat{JMA} = 90^\circ$$

$$\Rightarrow GM \perp AM, M \in (G)$$

Vậy AM là tiếp tuyến (G)

d/ Chứng minh I, E, F thẳng hàng ?

Chứng minh 5 điểm A, K, F, H, E cùng thuộc đường tròn

$$\Rightarrow \widehat{IKF} = \widehat{AEF} = \widehat{ABC}$$

Nên tứ giác IKFB nội tiếp đường tròn

$$\Rightarrow \widehat{KFI} = \widehat{KBI} = \widehat{AIC}$$

$$\widehat{IAC} + \widehat{KFC} = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \widehat{IFK} + \widehat{KFE} = 180^\circ$$

Vậy ba điểm I, F, E thẳng hàng