

HƯỚNG DẪN CHẤM BÀI KIỂM TRA HKII TOÁN 9

NGÀY KIỂM TRA: 26/4/2017.

Bài 1.(2 điểm) Giải các phương trình sau:

a) $x(x+2)+5=(2x-1)(x+1) \Leftrightarrow x^2+2x+5=2x^2+x-1$

$$\Leftrightarrow x^2-x-6=0$$

0,25đ

$$\Delta = b^2 - 4ac = (-1)^2 - 4.1.(-6) = 25$$

0,25đ

$$\sqrt{\Delta} = \sqrt{25} = 5$$

$$x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-(-1) + 5}{2.1} = 3$$

0,25đ

$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-(-1) - 5}{2.1} = -2$$

0,25đ

Vậy phương trình đã cho có hai nghiệm $x_1 = 3, x_2 = -2$

b) $5x^4 + 2x^2 - 16 = 10 - x^2 \Leftrightarrow 5x^4 + 3x^2 - 26 = 0$ (1)

Đặt $t = x^2$ ($t \geq 0$)

$$(1) \Leftrightarrow 5t^2 + 3t - 26 = 0$$

0,25đ

$$\Delta = b^2 - 4ac = 3^2 - 4.5.(-26) = 529$$

$$\sqrt{\Delta} = \sqrt{529} = 23$$

$$t_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3 + 23}{2.5} = 2 \text{ (nhận)}$$

0,25đ

$$x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-3 - 23}{2.5} = \frac{-26}{10} \text{ (loại)}$$

0,25đ

$$t = 2 \Leftrightarrow x^2 = 2 \Leftrightarrow x = \pm\sqrt{2}$$

Vậy phương trình đã cho có 2 nghiệm $x_1 = \sqrt{2}, x_2 = -\sqrt{2}$

0,25đ

Bài 2.(1 điểm)

Gọi x, y lần lượt là tuổi của An và Bình ($x, y \in \mathbb{N}^*$). Ta có hệ phương trình sau:

$$\begin{cases} x - y = 6 \\ y = \frac{2}{3}x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x - \frac{2}{3}x = 6 \\ y = \frac{2}{3}x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \frac{1}{3}x = 6 \\ y = \frac{2}{3}x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 18 \\ y = \frac{2}{3}x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 18 \\ y = 12 \end{cases} \quad 0,5đ$$

Trả lời: An 18 tuổi, Bình 12 tuổi 0,5đ

Bài 3.(1,5 điểm) Cho hàm số $y = -\frac{x^2}{2}$ có đồ thị là (P)

a) Vẽ (P) trên mặt phẳng tọa độ Oxy

Lập bảng giá trị đúng 0,5đ

Vẽ (P) đúng 0,5đ

b) Tìm các điểm thuộc (P) có tung độ là -2

Thay $y = -2$ vào phương trình $y = -\frac{x^2}{2}$ ta được:

$$\frac{-x^2}{2} = -2 \Leftrightarrow x^2 = 4 \Leftrightarrow x = \pm 2 \quad 0,25đ$$

Vậy các điểm cần tìm có tọa độ là: (2 ; 2) và (-2; 2) 0,25đ

Bài 4.(1,5 điểm) Cho phương trình $x^2 - (2m - 1)x + m^2 = 0$ (x là ẩn số)

a) Xác định m để phương trình trên có nghiệm

$$\Delta = b^2 - 4ac = [-(2m - 1)]^2 - 4.1.m^2 = -4m + 1 \quad 0,25đ$$

$$\text{Phương trình có nghiệm} \Leftrightarrow \Delta \geq 0 \Leftrightarrow -4m + 1 \geq 0 \Leftrightarrow m \leq \frac{1}{4} \quad 0,25đ + 0,25đ$$

b) Gọi x_1, x_2 là hai nghiệm của phương trình trên. Tìm m để $x_1^2 + (2m - 1)x_2 = 8$

Ta có:
$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} = 2m - 1 \\ x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a} = m^2 \end{cases} \quad 0,25đ$$

Từ đó ta có:

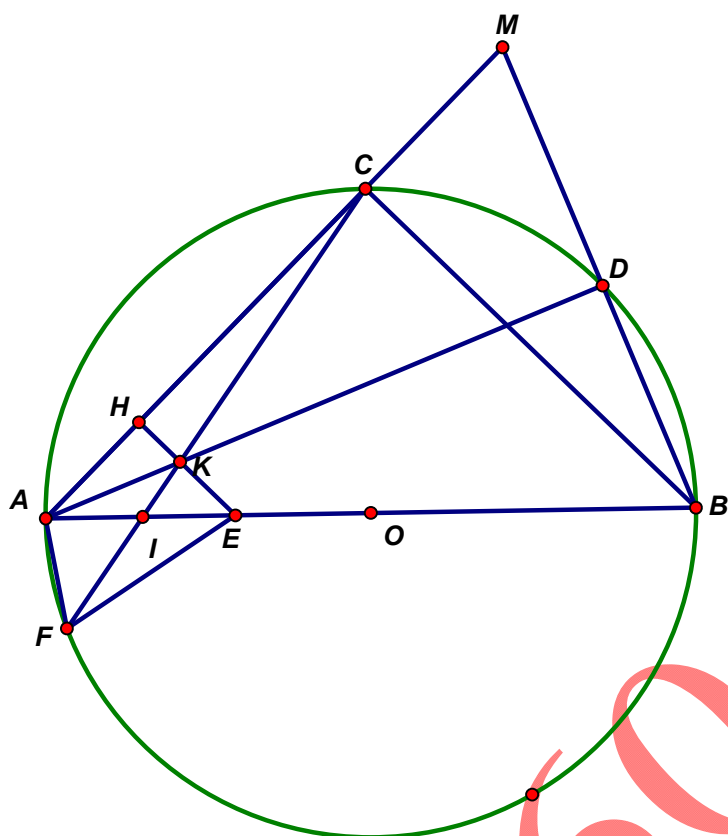
$$\begin{aligned} x_1^2 + (2m-1)x_2 &= 8 \Leftrightarrow x_1^2 + (x_1 + x_2)x_2 = 8 \Leftrightarrow x_1^2 + x_2^2 + x_1 \cdot x_2 = 8 \\ \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - x_1 \cdot x_2 &= 8 \Leftrightarrow (2m-1)^2 - m^2 = 8 \Leftrightarrow 3m^2 - 4m - 7 = 0 \quad 0,25đ \end{aligned}$$

Do $a - b + c = 0$ nên suy ra:

$$m = -1 \text{ (nhận)} \text{ và } m = \frac{7}{3} \text{ (loại)}$$

Vậy với $m = -1$ thì $x_1^2 + (2m-1)x_2 = 8$ 0,25đ

Bài 5.(3,5 điểm)



a) Chứng minh $EH \parallel BC$.

Ta có $\widehat{ACB} = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) 0,25đ

$\Rightarrow BC \perp AC$ 0,25đ

Mà $EH \perp AC$ (gt) 0,25đ

Suy ra $BC \parallel EH$ (đccm) 0,25đ

b) Tính số đo góc \widehat{AMB}

Ta có AD là phân giác \widehat{BAC} (gt)

$\Rightarrow \widehat{CAD} = \widehat{BAD} \Rightarrow sđ\widehat{CD} = sđ\widehat{BD}$ (tính chất góc nội tiếp) 0,25đ

$$\Rightarrow \widehat{CD} = \widehat{BD} = 90^\circ : 2 = 45^\circ \quad 0,25đ$$

$$\text{Mà } \widehat{AMB} = \frac{1}{2} (\widehat{AB} - \widehat{CD}) \text{ (góc có đỉnh ở ngoài đường tròn)} \quad 0,25đ$$

$$\Rightarrow \widehat{AMB} = \frac{1}{2} (180^\circ - 45^\circ) = 67^\circ 30' \quad 0,25đ$$

c) Chứng minh tứ giác AFEK nội tiếp.

Vì $EH \parallel BC$ (cmt)

$$\Rightarrow \widehat{AEK} = \widehat{ABC} \text{ (đồng vị)} \quad 0,25đ$$

Trong đường tròn (O) ta có:

$$\widehat{AFK} = \widehat{ABC} \text{ (cùng chắn cung AC)} \quad 0,25đ$$

$$\text{Suy ra } \widehat{AEK} = \widehat{AFK} \quad 0,25đ$$

Tứ giác AFEK có hai đỉnh E và F cùng nhìn AK dưới một góc bằng nhau, do đó tứ giác AFEK nội tiếp đường tròn. 0,25đ

d) Chứng minh I là trung điểm của đoạn AE.

Tam giác AIC có AK là tia phân giác góc CAI

$$\text{Suy ra: } \frac{AI}{AC} = \frac{KI}{KC} \quad (1)$$

Tam giác CIB có $EK \parallel CB$ theo định lý Ta-lét ta có:

$$\frac{IE}{BE} = \frac{KI}{KC} \quad (2)$$

$$\text{Từ (1) và (2) suy ra } \frac{AI}{AC} = \frac{IE}{BE} \quad 0,25đ$$

Mà $AC = BE$ (gt)

Nên $AI = IE$

Vậy I là trung điểm của đoạn AE. 0,25đ

Bài 6.(0,5 điểm)

Gọi x là giá bán chiếc tivi đó khi giảm giá lần thứ nhất, ta có:

$$\frac{90}{100} \cdot x = 16200000 \Leftrightarrow x = \frac{16200000 \cdot 100}{90} = 18000000 \quad 0,25đ$$

Gọi y là giá bán chiếc tivi đó khi chưa có chương trình khuyến mãi, ta có:

$$\frac{90}{100} \cdot y = 18000000 \Leftrightarrow y = \frac{18000000 \cdot 100}{90} = 20000000$$

Vậy giá bán chiếc tivi đó khi chưa giảm giá là 20.000.000 đồng 0,25đ

(Nếu học sinh có cách giải khác quý Thầy Cô vận dụng biểu điểm này để chấm)