

ĐÁP ÁN ĐỀ VÀO 10 TOÁN SỨC TRẮNG 2018 – 2019

Bài 1 : a) $\sqrt{(-3)^2} = 3$ là sai vì căn bậc hai của một số dương là số dương

b) $\frac{x-y}{\sqrt{x}+\sqrt{y}} = \sqrt{x}-\sqrt{y}$ là đúng vì với $x > 0; y > 0$ thì $\sqrt{x}; \sqrt{y}$ có nghĩa

$$\text{và } \frac{x-y}{\sqrt{x}+\sqrt{y}} = \frac{(\sqrt{x}+\sqrt{y}) \cdot (\sqrt{x}-\sqrt{y})}{\sqrt{x}+\sqrt{y}} = \sqrt{x}-\sqrt{y}$$

Bài 2 : a) $2x^2 - 5x + 2 = 0 \Leftrightarrow 2x^2 - 4x - x + 2 = 0$

$$\Leftrightarrow 2x(x-2) - (x-2) = 0 \Leftrightarrow (2x-1)(x-2) = 0$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x-1=0 \\ x-2=0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=\frac{1}{2} \\ x=2 \end{cases} \text{ . Vậy } S = \left\{ \frac{1}{2}; 2 \right\}$$

$$\text{b) } \begin{cases} 2x+y=1 \\ 3x-2y=5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y=1-2x \\ 3x-2(1-2x)=5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 7x=7 \\ y=1-2x \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ y=1-2 \cdot 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ y=-1 \end{cases}$$

Vậy hệ phương trình có nghiệm duy nhất $(x; y) = (1; -1)$

Bài 3. a) Học sinh tự vẽ (P)

b) vì (d) cắt (P) tại điểm có hoành độ là 5 $\Rightarrow x = 5$. thay vào (P)

$$\Rightarrow y = 5^2 = 25 \quad \forall (5; 25) \in (d)$$

$$\Rightarrow 25 = 5 + 2m + 10 \Leftrightarrow 2m = 10 \Leftrightarrow m = 5$$

Vậy $m = 5$

4) Gọi a là số bả ng đầu dự kiến lúc ban đầu ($a \in \mathbb{N}^*; a < 56$)

$$\Rightarrow \text{Số đội mỗi bảng ban đầu là } \frac{56}{a}$$

$$\text{Số bả ng lúc sau : } a - 3 ; \text{Số đội mỗi bảng lúc sau : } \frac{56}{a} + 1$$

Theo đề ta có phương trình

$$\left(\frac{56}{a} + 1 \right) (a - 3) = 55 \Leftrightarrow 56 + a - \frac{168}{a} - 3 = 55$$

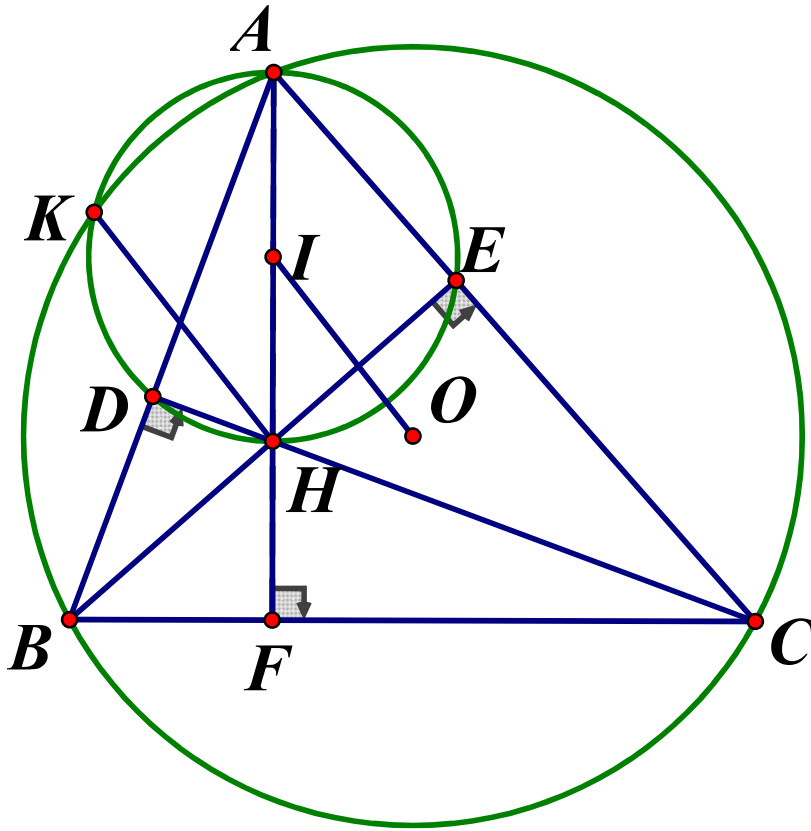
$$\Leftrightarrow \frac{a^2 - 2a - 168}{a} = 0 \Leftrightarrow a^2 - 2a - 168 = 0$$

$$\Delta' = (-1)^2 + 168 = 169 > 0$$

$$\Rightarrow \text{Phương trình có hai nghiệm : } \begin{cases} a_1 = 1 + \sqrt{169} = 14 \text{ (chọn)} \\ a_2 = 1 - \sqrt{169} = -12 \text{ (loại)} \end{cases}$$

Vậy số bả ng đầu dự kiến lúc ban đầu là 14 bả ng

Bai 5



a) Ta có $\angle BEC = \angle BFC = 90^\circ$ (Vì BE, CF là hai đường cao)

$\Rightarrow \angle AEH + \angle AFH = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ$ mà I là trung điểm AH

\Rightarrow $\triangle AEHF$ nội tiếp đường tròn tâm I , bán kính IH

b) Ta có $\angle AFC = \angle ADC = 90^\circ$ cùng nhìn $AC \Rightarrow AFDC$ nội tiếp

$\Rightarrow \angle BAD = \angle HCD$ (cùng chắn cung AC)

Xét $\triangle DBA$ và $\triangle DHC$ có: $\angle BAD = \angle HCD$ (cmt); $\angle ADB = \angle HDC = 90^\circ$

$\Rightarrow \triangle DBA \sim \triangle DHC$ (g - g) $\Rightarrow \frac{DB}{DA} = \frac{DH}{DC} \Rightarrow DB \cdot DC = DA \cdot DH$

c) Ta có: $IA = IK = R_{(I)} \Rightarrow I \in$ đường trung trực AK (1)

và $OA = OK = R_{(O)} \Rightarrow O \in$ đường trung trực AK (2)

Từ (1) và (2) $\Rightarrow OI$ là đường trung trực $AK \Rightarrow OI \perp AK$ (a)

Lại có: $\angle AKH = 90^\circ$ (góc nội tiếp chắn nửa đường tròn) $\Rightarrow HK \perp AK$ (b)

Từ (a) (b) $\Rightarrow OI \parallel HK$