

Câu 1: (2,0 điểm)

1) Cho biểu thức $A = \frac{1 - \sqrt{x}}{\sqrt{x} + 1}$. Tính giá trị của biểu thức A khi $x = 6 - 2\sqrt{5}$

2) Rút gọn biểu thức $B = \left(\frac{15 - \sqrt{x}}{x - 25} + \frac{2}{\sqrt{x} + 5} \right) : \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} - 5}$ với $x \geq 0, x \neq 25$

3) Với các biểu thức A và B nói trên, hãy so sánh A và B.

Câu 2: (2,0 điểm) *Giải bài toán bằng cách lập phương trình hoặc hệ phương trình*

Quãng đường AB dài 160km. Hai ô tô cùng khởi hành một lúc từ A để đi đến B. Vận tốc của xe thứ nhất lớn hơn vận tốc của xe thứ hai là 10km/h nên xe thứ nhất đến B sớm hơn xe thứ hai là 48 phút. Tính vận tốc của mỗi xe.

Câu 3: (2,0 điểm)

1) Cho hệ phương trình
$$\begin{cases} x(y + 3) + 2y = xy + 33 \\ (x + 1)(y - 2) = xy - 10 \end{cases}$$

2) Cho Parabol (P): $y = -\frac{1}{2}x^2$ và đường thẳng (d): $y = mx + 2m - 2$

a) Tìm m để đường thẳng (d) cắt parabol (P) tại hai điểm phân biệt A, B

b) Gọi x_1, x_2 là hoành độ của A và B. Tìm M sao cho $|x_1 - x_2| = 1$

Câu 4: (3,5 điểm) Cho nửa đường tròn tâm O, đường kính AB = 2R. Gọi M là trung điểm của OA và lấy điểm N bất kỳ thuộc nửa đường tròn (O) (N không trùng với A và B).

Đường thẳng đi qua M và vuông góc với MN cắt tiếp tuyến tại A, B của nửa (O) lần lượt tại C, D.

1) Chứng minh ACMN là tứ giác nội tiếp

2) Chứng minh $\widehat{ACM} + \widehat{BDM} = 90^\circ$

3) Gọi giao điểm của AD và BC là K. Qua K kẻ đường thẳng song song với AC, đường thẳng này cắt AB và CD lần lượt tại E, F. Chứng minh: KE = KF.

4) Xác định vị trí của điểm N trên nửa (O) sao cho diện tích $\triangle CMD$ đạt giá trị nhỏ nhất.

Câu 5: (0,5 điểm) Giải phương trình sau: $x^4 - 4x^3 + 10x^2 - 12x + 5 = 0$

----- Hết -----