

## BÀI 1. ĐƠN ĐIỀU

### PHIẾU SỐ 4. MỨC ĐỘ VẬN DỤNG CAO

Xác định tham số để hàm số  $y = f(x)$  đơn điệu trên khoảng xác định.

#### Phương pháp .

Tìm điều kiện để hàm số  $y = f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$  đơn điệu trên khoảng  $(\alpha; \beta)$ .

Hàm số đã cho xác định  $D = \mathbb{R}$

Ta có:  $y' = f'(x) = 3ax^2 + 2bx + c$ .

1. Hàm số  $f$  đồng biến trên  $(\alpha; \beta) \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in (\alpha; \beta)$  và  $y' = 0$  chỉ xảy ra tại một số hữu hạn điểm thuộc  $(\alpha; \beta)$ .

#### Trường hợp 1:

• Nếu bất phương trình  $f'(x) \geq 0 \Leftrightarrow h(m) \geq g(x)$  (\*)

thì  $f$  đồng biến trên  $(\alpha; \beta) \Leftrightarrow h(m) \geq \max_{(\alpha; \beta)} g(x)$

• Nếu bất phương trình  $f'(x) \geq 0 \Leftrightarrow h(m) \leq g(x)$  (\*\*)

thì  $f$  đồng biến trên  $(\alpha; \beta) \Leftrightarrow h(m) \leq \min_{(\alpha; \beta)} g(x)$

**Trường hợp 2:** Nếu bất phương trình  $f'(x) \geq 0$  không đưa được về dạng (\*) thì đặt  $t = x - \alpha$ . Khi đó ta có:

$$y' = g(t) = 3at^2 + 2(3a\alpha + b)t + 3a\alpha^2 + 2b\alpha + c.$$

– Hàm số  $f$  đồng biến trên khoảng  $(-\infty; \alpha) \Leftrightarrow g(t) \geq 0, \forall t < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a > 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a > 0 \\ \Delta > 0 \\ S > 0 \\ P \geq 0 \end{cases}$

– Hàm số  $f$  đồng biến trên khoảng  $(\alpha; +\infty) \Leftrightarrow g(t) \geq 0, \forall t > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a > 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a > 0 \\ \Delta > 0 \\ S < 0 \\ P \geq 0 \end{cases}$

2. Hàm số  $f$  nghịch biến trên  $(\alpha; \beta) \Leftrightarrow y' \leq 0, \forall x \in (\alpha; \beta)$  và  $y' = 0$  chỉ xảy ra tại một số hữu hạn điểm thuộc  $(\alpha; \beta)$ .

**Trường hợp 1:**

- Nếu bất phương trình  $f'(x) \leq 0 \Leftrightarrow h(m) \geq g(x)$  (\*)

thì  $f$  nghịch biến trên  $(\alpha; \beta) \Leftrightarrow h(m) \geq \max_{(\alpha; \beta)} g(x)$

- Nếu bất phương trình  $f'(x) \geq 0 \Leftrightarrow h(m) \leq g(x)$  (\*\*)

thì  $f$  nghịch biến trên  $(\alpha; \beta) \Leftrightarrow h(m) \leq \min_{(\alpha; \beta)} g(x)$

**Trường hợp 2:** Nếu bất phương trình  $f'(x) \leq 0$  không đưa được về dạng (\*) thì đặt  $t = x - \alpha$ . Khi đó ta có:

$$y' = g(t) = 3at^2 + 2(3a\alpha + b)t + 3a\alpha^2 + 2b\alpha + c.$$

– Hàm số  $f$  nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; \alpha) \Leftrightarrow g(t) \leq 0, \forall t < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a < 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a < 0 \\ \Delta > 0 \\ S > 0 \\ P \geq 0 \end{cases}$

– Hàm số  $f$  nghịch biến trên khoảng  $(\alpha; +\infty) \Leftrightarrow g(t) \leq 0, \forall t > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} a < 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$  hoặc  $\begin{cases} a < 0 \\ \Delta > 0 \\ S < 0 \\ P \geq 0 \end{cases}$

**Chú ý:**

1. Phương trình  $f(x) = ax^2 + bx + c = 0$  ( $a \neq 0$ ) có hai nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa

$$\begin{aligned} x_1 < 0 < x_2 &\Leftrightarrow P < 0. & x_1 \leq 0 \leq x_2 &\Leftrightarrow P \leq 0. \\ 0 \leq x_1 < x_2 &\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ P \geq 0 \\ S > 0 \end{cases} & x_1 < x_2 \leq 0 &\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ P \geq 0 \\ S < 0 \end{cases} \\ \begin{cases} 0 < x_1 < x_2 \\ x_1 < x_2 < 0 \end{cases} &\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ P > 0 \end{cases} \end{aligned}$$

Trong đó:  $S = x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$ ,  $P = x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$ .

2. Nếu hàm số  $f(x)$  có giá trị nhỏ nhất trên tập  $D$ , thế thì:

$$\forall x \in D, f(x) \geq 0 \Leftrightarrow \min_{x \in D} f(x) \geq 0.$$

3. Nếu hàm số  $f(x)$  có giá trị lớn nhất trên tập  $D$ , thế thì

$$\forall x \in D, f(x) \leq 0 \Leftrightarrow \max_{x \in D} f(x) \leq 0.$$

4. Cho hàm số  $y = f(x)$  liên tục trên  $D$

\*  $f(x) \geq k \forall x \in D \Leftrightarrow \min_D f(x) \geq k$  ( nếu tồn tại  $\min_D f(x)$  )

\*  $f(x) \leq k \forall x \in D \Leftrightarrow \max_D f(x) \leq k$  ( nếu tồn tại  $\max_D f(x)$  ).

**Bài toán 01: TÌM m ĐỂ HÀM SỐ ĐỒNG BIẾN, NGHỊCH BIẾN TRÊN KHOẢNG  $K = (-\infty; \alpha)$ ,  $(\beta; +\infty)$ ,  $(-\infty; \alpha]$ ,  $[\beta; +\infty)$ .**

**Phương pháp .**

**Chú ý 1:**

\* Hàm số  $y = f(x, m)$  tăng trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \geq 0 \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \min_{x \in \mathbb{R}} y' \geq 0$ .

\* Hàm số  $y = f(x, m)$  giảm trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \leq 0 \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \max_{x \in \mathbb{R}} y' \leq 0$ .

**Chú ý 2:** Đặt  $f(x) = ax^2 + bx + c$  ( $a \neq 0$ ).

•  $f(x) = 0$  có hai nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa mãn :  $x_1 < \alpha < x_2$ . Đặt  $t = x - \alpha$ , khi đó  $g(t) = f(t + \alpha)$ . Bài toán trở thành  $g(t) = 0$  có hai nghiệm trái dấu tức  $t_1 < 0 < t_2 \Leftrightarrow P < 0$ .

•  $f(x) = 0$  có hai nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa mãn :  $x_1 \leq x_2 < \alpha$ . Đặt  $t = x - \alpha$ , khi đó  $g(t) = f(t + \alpha)$ . Bài toán trở thành  $g(t) = 0$  có hai nghiệm cùng âm nghĩa là  $t_1 \leq t_2 < 0 \Leftrightarrow \Delta \geq 0, S < 0, P > 0$ .

•  $f(x) = 0$  có hai nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa mãn  $\beta < x_1 \leq x_2$ . Đặt  $t = x - \beta$ , khi đó  $g(t) = f(t + \beta)$ . Bài toán trở thành  $g(t) = 0$  có hai nghiệm cùng dương nghĩa là  $0 < t_1 \leq t_2 \Leftrightarrow \Delta \geq 0, S > 0, P > 0$ .

• Để ý  $f(x) = 0$  có hai nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa mãn:

$$x_1 < \alpha < x_2 \Leftrightarrow (x_1 - \alpha)(x_2 - \alpha) < 0 \Leftrightarrow x_1 \cdot x_2 - \alpha(x_1 + x_2) + \alpha^2 < 0$$

$$\alpha < x_1 < x_2 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ x_1 + x_2 > 2\alpha \\ (x_1 - \alpha)(x_2 - \alpha) > 0 \end{cases} \quad x_1 < x_2 < \alpha \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \\ x_1 + x_2 < 2\alpha \\ (x_1 - \alpha)(x_2 - \alpha) > 0 \end{cases}$$

$$\alpha < x_1 < x_2 < \beta \Leftrightarrow \Delta > 0, 2\alpha < x_1 + x_2 < 2\beta, (x_1 - \alpha)(x_2 - \alpha) > 0, (x_1 - \beta)(x_2 - \beta) > 0.$$

**Ví dụ**

**Ví dụ .**

Cho hàm số  $y = \frac{(m+1)x^2 - 2mx + 6m}{x-1}$ . Tìm các giá trị của tham số m để hàm số:

1. Đồng biến trên mỗi khoảng xác định của nó;
2. Đồng biến trên khoảng  $(4; +\infty)$

Lời giải.

$$\text{TXĐ: } D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$$

1. Xét hai trường hợp.

**TH1:** Khi  $m = -1$ , ta có hàm số  $y = \frac{2x-6}{x-1}$  và  $y' = \frac{4}{(x-1)^2} > 0$  với mọi  $x \in D$

Do đó hàm số đồng biến trên mỗi khoảng xác định.

Vậy,  $m = -1$  thỏa yêu cầu bài toán.

**TH2:** Khi  $m \neq -1$ , ta có  $y' = \frac{(m+1)x^2 - 2(m+1)x - 4m}{(x-1)^2}$

Đặt  $g(x) = (m+1)x^2 - 2(m+1)x - 4m$  và ta có  $y'$  cùng dấu với  $g(x)$

Hàm số đồng biến trên mỗi khoảng xác định  $\Leftrightarrow \forall x \in D, y' \geq 0 \Leftrightarrow \forall x \in D, g(x) \geq 0$ .

$$\Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' = (m+1)^2 + 4m(m+1) \leq 0 \\ m+1 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (m+1)(5m+1) \leq 0 \\ m > -1 \end{cases} \Leftrightarrow -1 < m \leq -\frac{1}{5}.$$

Vậy tập hợp các giá trị của tham số  $m$  thỏa yêu cầu của bài toán là  $\left[-1; -\frac{1}{5}\right]$ .

2. Theo câu trên  $m = -1$  thỏa mãn đề bài.

Với  $m \neq -1$  Khi đó hàm số đồng biến trên khoảng  $(4; +\infty) \Leftrightarrow \forall x \in (4; +\infty), g(x) \geq 0$

$$\Leftrightarrow \forall x \in (4; +\infty), \frac{2x-x^2}{x^2-2x-4} \leq m \quad (\text{do } x^2-2x-4 > 0 \forall x \in (4; +\infty))$$

Xét hàm  $h(x) = \frac{2x-x^2}{x^2-2x-4}$ , khi đó (1)  $\Leftrightarrow \forall x \in (4; +\infty), h(x) \leq m$  ta lập bảng biến thiên của  $h(x)$  trên  $(4; +\infty)$ .

$$h'(x) = \frac{8x-8}{(x^2-2x-4)^2} > 0 \forall x \in (4; +\infty).$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x) = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2 \left( \frac{2}{x} - 1 \right)}{x^2 \left( 1 - \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2} \right)} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\frac{2}{x} - 1}{1 - \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}} = -1.$$

Dựa vào bảng biến thiên của  $h(x)$  suy ra  $\forall x \in (4; +\infty), h(x) \leq m \Leftrightarrow -1 \leq m$ .

Vậy tập hợp các giá trị của tham số  $m$  thỏa yêu cầu của bài toán là  $[-1; +\infty)$ .

**Bài toán 02: TÌM  $m$  ĐỂ HÀM SỐ ĐỒNG BIẾN, NGHỊCH BIẾN TRÊN KHOẢNG XÁC ĐỊNH  $(\alpha; \beta), [\alpha; \beta]$ .**

## Phương pháp .

### Ví dụ

**Ví dụ :** Định m để hàm số  $y = x^3 + 3x^2 + (m - 1)x + 4m$  nghịch biến trong  $(-1; 1)$

### Lời giải.

Hàm số đã cho xác định  $D = \mathbb{R}$

Ta có:  $y' = 3x^2 + 6x + m - 1$

**Cách 1:** Hàm số nghịch biến trong khoảng  $(-1; 1) \Leftrightarrow y' \leq 0$  và  $x_1 < -1 < 1 < x_2$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} (x_1 + 1)(x_2 + 1) < 0 \\ (x_1 - 1)(x_2 - 1) < 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m < 4 \\ m < -8 \end{cases} \Rightarrow m < -8$$

Vậy, với  $m < -8$  thì hàm số luôn nghịch biến trong khoảng  $(-1; 1)$

**Cách 2:** Hàm số nghịch biến trong khoảng  $(-1; 1) \Leftrightarrow y' \leq 0, \forall x \in (-1; 1)$  tức là phải có:  $m \geq -3x^2 - 6x + 1, \forall x \in (-1; 1)$

Xét hàm số  $g(x) = -3x^2 - 6x + 1, \forall x \in (-1; 1)$  và có  $g'(x) = -6(x + 1)$

Với  $\forall x \in (-1; 1) \Rightarrow x + 1 > 0 \Rightarrow g'(x) < 0, \forall x \in (-1; 1)$

Dựa vào bảng biến thiên, suy ra:  $m \geq g(x)$  với  $\forall x \in (-1; 1) \Leftrightarrow m < -8$

Vậy, với  $m < -8$  thì hàm số luôn nghịch biến trong khoảng  $(-1; 1)$

**Xác định tham số để hàm số  $y = f(x)$  đơn điệu trên khoảng có độ dài k cho trước.**

## Phương pháp .

+ Tìm TXĐ

+ Tính  $y'$

+ Hàm số có khoảng đồng biến ( hoặc nghịch biến )  $\Leftrightarrow y' = 0$  có 2 nghiệm phân biệt  $x_1, x_2$  đồng thời

$$|x_2 - x_1| = k$$

### Chú ý:

$ax^2 + bx + c = 0$  có 2 nghiệm  $x_1, x_2$  (giả sử  $x_1 < x_2$ ) thỏa  $x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a}, x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a}$

$\Rightarrow x_2 - x_1 = \frac{\sqrt{\Delta}}{2a}$ , trong đó  $\Delta = b^2 - 4ac$   $|x_2 - x_1| = k \Leftrightarrow (x_1 + x_2)^2 - 4x_1 \cdot x_2 = k^2$  ( $a > 0$ )

## Các ví dụ

**Ví dụ 1:** Định m để hàm số  $y = x^3 + 3x^2 + mx + m$  nghịch biến trên một khoảng có độ dài nhỏ hơn 1.

### Lời giải.

Hàm số đã cho xác định  $D = \mathbb{R}$

Ta có:  $y' = 3x^2 + 6x + m$

Hàm số nghịch biến trên một khoảng có độ dài nhỏ hơn 1  $\Leftrightarrow y' \leq 0$  và  $|x_1 - x_2| < 1$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 9 - 3m > 0 \\ \Delta^2 - 4P < 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m < 3 \\ 4 - 4m < 1 \end{cases} \Rightarrow \frac{3}{4} < m < 3$$

Vậy, với  $\frac{3}{4} < m < 3$  thì hàm số nghịch biến trên một khoảng có độ dài nhỏ hơn 1

**Ví dụ 2.** Tìm m để hàm số:  $y = x^3 - mx^2 + (m + 36)x - 5$  nghịch biến trên khoảng có độ dài bằng  $4\sqrt{2}$ .

### Lời giải.

Hàm số đã cho xác định trên  $\mathbb{R}$ .

Ta có:  $y' = 3x^2 - 2mx + m + 36$  và  $\Delta' = m^2 - 3m - 108$

Để thấy  $a_{y'} = 3 > 0$ , do đó hàm số đã cho không nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

Nếu  $m < -9$  hoặc  $m > 12$  tức  $\Delta' > 0$  thì  $y' = 0$  có 2 nghiệm phân biệt  $x_1; x_2$ . Lập bảng xét dấu, ta thấy  $y' < 0$  với  $x \in (x_1; x_2)$  suy ra hàm số nghịch biến với  $x \in [x_1; x_2]$ .

Hàm số nghịch biến trên khoảng có độ dài bằng  $4\sqrt{2}$  khi  $|x_1 - x_2| = 4\sqrt{2}$  tức  $\left| 2 \frac{\sqrt{m^2 - 3m - 108}}{3} \right| = 4\sqrt{2}$ , bình

phương hai vế và rút gọn ta được phương trình:  $m^2 - 3m - 180 = 0 \Leftrightarrow m = -12$  hoặc  $m = 15$  (thỏa điều kiện).

Vậy, với  $m = -12$  hoặc  $m = 15$  yêu cầu bài toán được thỏa mãn.

## BÀI TẬP TỰ LUYỆN

**Câu 1.** Tìm tham số m để hàm số  $f(x) = -\frac{x^3}{3} + (m-1)x^2 + (m+3)x$  tăng trên khoảng  $(0; 3)$

A.  $m \geq \frac{12}{7}$

B.  $m > \frac{12}{7}$

C.  $m \leq \frac{12}{7}$

D.  $m = \frac{12}{7}$



- A.  $m < 1$                       B.  $m > 1$                       C.  $\forall m \in \mathbb{R}$                       D.  $-1 < m < 1$

**Câu 9:** Hàm số  $y = \frac{x+2}{x-m}$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  khi

- A.  $m < 2$                       B.  $m > 2$                       C.  $m < 2$                       D.  $m < -2$

**Câu 10:** Tìm  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3m^2x$  nghịch biến trên khoảng có độ dài bằng 2

- A.  $-1 \leq m \leq 1$                       B.  $m = \pm 1$                       C.  $-2 \leq m \leq 2$                       D.  $m = \pm 2$

**Câu 11:** Cho hàm số  $y = 2x^3 - 3(3m-1)x^2 + 6(2m^2 - m)x + 3$ . Tìm  $m$  để hàm số nghịch biến trên đoạn có độ dài bằng 4

- A.  $m = 5$  hoặc  $m = 3$                       B.  $m = -5$  hoặc  $m = 3$   
C.  $m = 5$  hoặc  $m = -3$                       D.  $m = 5$  hoặc  $m = 3$

**Câu 12.** Hàm số  $y = x^3 + 3x^2 + mx + m$  nghịch biến trên một khoảng có độ dài bằng 1 khi:

- A.  $m = \frac{9}{4}$                       B.  $m = -\frac{9}{4}$                       C.  $m = \frac{9}{2}$                       D.  $m = -\frac{9}{2}$

**Câu 13.** Hàm số  $y = \frac{1}{3}(m-1)x^3 + mx^2 + (3m-2)x$  luôn đồng biến trên tập xác định khi:

- A.  $m \leq \frac{1}{2}$                       B.  $m \leq 2$                       C.  $m \geq 1$                       D.  $m \geq 2$

**Câu 14.** Hàm số  $y = \frac{mx + 7m - 8}{x - m}$  luôn đồng biến trên từng khoảng xác định khi:

- A.  $-8 < m < 1$  B.  $-8 \leq m \leq 1$                       C.  $-4 < m < 1$  D.  $-4 \leq m \leq 1$

**Câu 15.** Hàm số  $y = x^3 - 6x^2 + mx + 1$  đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$  khi:

- A.  $m < 0$                       B.  $m > 0$                       C.  $m \leq 0$                       D.  $m \geq 0$

**Câu 16.** Với giá trị nào của  $m$  thì hàm số  $y = \sqrt{x^2 + 2mx + m^2 + 3}$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$

- A.  $m \geq 2$                       B.  $m \geq -2$                       C.  $m \leq 2$                       D.  $m \geq 0$

**Câu 17.** Cho hàm số  $y = x^3 - (m+1)x^2 - (2m^2 - 3m + 2)x + 1$ . Kết luận nào sau đây **đúng**

- A. Hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$   
B. Hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$   
C. Hàm số không đơn điệu trên  $\mathbb{R}$

D. Hàm số có hai cực trị và khoảng cách giữa hai điểm cực trị bằng 1 với mọi  $m$

**Câu 18.** Với giá trị nào của  $m$  thì hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 + (m+1)x^2 + 4x - 2$  có độ dài khoảng đồng biến là  $2\sqrt{5}$

- A.  $m \in \{2; -4\}$                       B.  $m \in \{-2; 4\}$                       C.  $m \in \{1; 3\}$                       D.  $m \in \{3; 1\}$

**Câu 19:** Cho hàm số  $y = \frac{mx+1}{x+m}$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$  khi:

- A.  $-1 < m < 1$                       **B.  $m > 1$**                       C.  $m \in \mathbb{R} \setminus [-1; 1]$                       D.  $m \geq 1$

**Câu 20.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = x^3 + 3x^2 + 3mx - 1$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ . Chọn kết quả

đúng:

- A.  $m \geq 1$                       B.  $m > 1$                       C.  $m < 1$                       D.  $m \leq 1$

**Câu 21.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{x^3}{3} - (m+1)x^2 + 4x + 5$  đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

Chọn kết quả đúng:

- A.  $-3 \leq m \leq 1$                       B.  $m \leq -3$  hoặc  $m \geq 1$                       C.  $-2 \leq m \leq 2$                       D.  $-2 < m < 2$

**Câu 22.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 + \frac{m}{2}x^2 + x - 1$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ . Chọn kết quả đúng:

- A.  $m \geq -2$                       B.  $-2 \leq m \leq 2$                       C.  $-2 < m < 2$                       D.  $m \leq 2$

**Câu 23.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = \left(\frac{m+1}{3}\right)x^3 - (m+1)x^2 - 3x + 1$  nghịch biến trên tập xác định của nó

- A.  $m \in [-4; -1]$                       B.  $m \in [-4; -1)$   
C.  $m \in (-4; -1)$                       D.  $m < -4$  hoặc  $m > -1$

**Câu 24.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  để hàm số  $y = -x^3 - 3x^2 + mx + 4$  nghịch biến trên khoảng  $(0; +\infty)$

- A.  $m \in (-\infty; 0]$                       B.  $m \in (0; +\infty)$                       C.  $m \in [0; +\infty)$                       D.  $m \in (-\infty; -1)$

**Câu 25:** Cho hàm số  $y = \frac{x^2 - 2x + m}{x + 1}$  với  $m$  là tham số. Hàm số luôn đồng biến trên các khoảng xác định của nó khi và chỉ khi:

- A.  $m \leq -3$       B.  $m > 3$       C.  $m < -6$       D.  $m < 1$

**Câu 26** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 + 3mx - 1$  nghịch biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- A.  $m \leq -1$       B.  $m = 1$       C.  $m \leq 1$       D.  $m = 0$

**Câu 27** Giá trị của tham số  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 3mx^2 + 3(2m - 3)x + 2$  đồng biến trên khoảng  $(2; +\infty)$  là

- A.  $m \leq \frac{1}{2}$       B.  $\forall m \in \mathbb{R}$       C.  $m > \frac{1}{2}$       D.  $m \geq \frac{1}{2}$

**Câu 28** : Tìm  $m$  để hàm số  $y = \frac{x^2 + 4x}{2x + m}$  đồng biến trên nửa khoảng  $[1; +\infty)$

- A.  $m \in \left(-\frac{1}{3}; +\infty\right)$       B.  $m \in \left(-\infty; -\frac{1}{3}\right]$   
C.  $m \in \left[-\frac{1}{3}; +\infty\right)$       D.  $m \in \left[-\frac{1}{3}; +\infty\right) \setminus \{0\}$

**Câu 29.** Hàm số  $y = x^3 + 6x^2 + mx + 1$  đồng biến trên khoảng  $(0 ; +\infty)$  . Giá trị của  $m$  là:

- A.  $m \geq 12$       B.  $m < 0$       C.  $0 < m < 12$       D.  $m > 0$

**Câu 30.** Hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 + x^2 - mx$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$  thì  $m$  thuộc khoảng nào sau đây:

- A.  $(-1; +\infty)$       B.  $(-1; 3)$       C.  $(-\infty; 3]$       D.  $[3; +\infty)$

**Câu 31.** Tìm  $m$  để hàm số  $y = \frac{x^2 + 4x}{2x + m}$  đồng biến trên nửa khoảng  $[1; +\infty)$

- A.  $m \in \left(-\frac{1}{3}; +\infty\right)$       B.  $m \in \left(-\infty; -\frac{1}{3}\right]$   
C.  $m \in \left[-\frac{1}{3}; +\infty\right)$       D.  $m \in \left[-\frac{1}{3}; +\infty\right) \setminus \{0\}$

**Câu 32.** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx - 1}{x + m}$  tăng trên khoảng  $(1; +\infty)$ .

- A.  $m \leq -1$       B.  $m \geq -1$   
C.  $m \leq 1$       D. một kết quả khác

**Câu 33.** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = -\frac{1}{3}x^3 + (m-1)x^2 + (m+3)x - 10$  đồng biến trên khoảng  $(0;3)$ .

- A.  $m \geq \frac{12}{7}$                       B.  $m < \frac{12}{7}$   
C.  $m > \frac{7}{12}$                         D.  $m \in \mathbb{R}$

**Câu 34.** Cho hàm số  $y = \frac{mx + 7m - 8}{x - m}$ . Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số luôn đồng biến trên trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- A.  $-8 < m \leq 0$ .                      B.  $-8 < m < 1$   
C.  $-8 < m < 0$                         D.  $-8 \leq m \leq 0$

**Câu 35.** Tìm tất cả các giá trị của  $m$  để hàm số  $y = \frac{m}{3}x^3 - (m-1)x^2 + 3(m-2)x + \frac{1}{3}$  đồng biến trên  $(2; +\infty)$ .

- A.  $m \in \left[\frac{2}{3}; +\infty\right)$                       B.  $m \in \left(\frac{2}{3}; +\infty\right)$   
C.  $m \in \left(-\infty; \frac{2}{3}\right]$                         D.  $m \in \left(-\infty; \frac{2}{3}\right)$

**Câu 36.** Tìm giá trị nhỏ nhất của tham số  $m$  để hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 + 3mx - 1$  nghịch biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ .

- A.  $m = -1$ .                              B.  $m = 1$ .  
C.  $m = 2$ .                                D.  $m = -2$ .

**Câu 37.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{\sin x + 3}{\sin x + m}$  nghịch biến trên khoảng  $\left(0; \frac{\pi}{2}\right)$ .

- A.  $m \leq -1$  hoặc  $0 \leq m < 3$ .    B.  $m \leq -1$ .                      C.  $0 \leq m < 3$ .    D.  $m \geq 3$ .

**Câu 38.** Tìm tất cả các giá trị của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 + 3mx - 1$  nghịch biến trên  $(0; +\infty)$

- A.  $m \leq -1$                               B.  $m < -1$                         C.  $m \geq 1$                         D.  $0 < m < 1$

**Câu 39.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{\sin x - 2}{\sin x - m}$  đồng biến trên khoảng  $\left(0; \frac{\pi}{2}\right)$ .

- A.  $m \leq 0$  hoặc  $1 \leq m < 2$       B.  $m \leq 0$       C.  $1 \leq m < 2$       D.  $m \geq 2$

**Câu 40.** Tìm tất cả giá trị  $m$  để hàm số  $y = x^3 - 6x^2 + mx + 1$  đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$

- A.  $m \geq 12$       B.  $m \geq 0$       C.  $m \leq 12$       D.  $m \leq 0$

**Câu 41.** Tìm tất cả giá trị  $m$  để hàm số  $y = \frac{mx + 4}{x + m}$  nghịch biến trên  $(-\infty; 1)$

- A.  $-2 < m \leq -1$       B.  $-2 < m < 2$       C.  $-2 \leq m \leq 2$       D.  $-2 \leq m \leq 1$

**Câu 42:** Cho hàm số  $y = \frac{1}{3}(m+1)x^3 + (2m-1)x^2 - (3m+2)x + m$ . Giá trị  $m$  làm cho hàm số có khoảng nghịch biến có độ dài bằng 4 là?

- A.  $m = \frac{7 \pm \sqrt{61}}{6}$       B.  $m = \frac{7 + \sqrt{61}}{6}$       C.  $m = \frac{7 - \sqrt{61}}{6}$       D.  $m = \frac{7 \pm \sqrt{62}}{6}$

**Câu 43.** Hàm số  $y = x^3 + 6x^2 + mx + 1$  đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ . Giá trị của  $m$  là:

- A.  $m \geq 12$       B.  $m < 0$       C.  $0 < m < 12$       D.  $m > 0$