

**Đáp án**

1-A	2-D	3-D	4-A	5-C	6-A	7-D	8-B	9-C	10-C
11-C	12-D	13-C	14-B	15-D	16-D	17-A	18-D	19-D	20-D
21-A	22-B	23-C	24-A	25-D	26-C	27-B	28-D	29-A	30-C
31-B	32-A	33-C	34-A	35-A	36-C	37-D	38-B	39-C	40-C
41-A	42-B	43-C	44-D	45-C	46-D	47-B	48-A	49-C	50-A

LỜI GIẢI CHI TIẾT

**Câu 1. Đáp án A**

$$y' = 3x^2 - 6x + 3 = 3(x-1)^2 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

Do đó hàm số luôn đồng biến trên tập xác định dẫn tới không có cực trị.

**Câu 2. Đáp án D**

$$y' = -4x^3 - 4x - 1 = -(2x-1)^2 \leq 0, \forall x$$

Do đó hàm số luôn nghịch biến trên tập xác định

**Câu 3. Đáp án D**

$$y' = 3x^2 \geq 0, \forall x$$

Nên hàm số  $y = x^3 + 2$  luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 4. Đáp án A**

Dễ thấy hàm số  $y = 4x - \frac{3}{x}$  bị gián đoạn tại  $x = 1$

**Câu 5. Đáp án C**

Tập xác định  $D = [-1; 1]$

Ta có:  $y' = 0 \Leftrightarrow \frac{-x}{\sqrt{1-x^2}} = 0 \Leftrightarrow x = 0$ , dấu đạo hàm phụ thuộc vào tử, ta thấy tử âm trên  $(0; 1)$  nên hàm số nghịch biến trên  $(0; 1)$

**Câu 6. Đáp án A**

Hàm số  $y = \frac{x^2 - 5}{x + 3}$  xác định và liên tục trên  $[0; 2]$

$$y = \frac{x^2 - 5}{x + 3} \Leftrightarrow y = x - 3 + \frac{4}{x + 3} \Rightarrow y' = 1 - \frac{4}{(x + 3)^2}, y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = -5 \end{cases}$$

Ta có  $y(0) = -\frac{5}{3}, y(2) = -\frac{1}{5}$ . Vậy  $\min_{x \in [0; 2]} y = -\frac{5}{3}$

**Câu 7. Đáp án D**

Phương trình hoành độ giao điểm

$$x^3 - 3x^2 + 2x - 1 = x^2 - 3x + 1 \Leftrightarrow (x-1)^3 = (x-1)^2 \Leftrightarrow \begin{cases} x=1 \\ x=2 \end{cases}$$

Khi đó tọa độ các giao điểm là:  $A(1; -1), B(2; -1) \Rightarrow \overline{AB} = (1; 0)$ . Vậy  $AB = 1$

**Câu 8. Đáp án B**

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .  $y' = 4x^3 - 4mx, y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x=0 \\ x^2 = m(*) \end{cases}$ . Đồ thị hàm số có 3 điểm cực trị khi và chỉ khi (\*)

có hai nghiệm phân biệt khác 0  $\Leftrightarrow m > 0$ . Khi đó tọa độ các điểm cực trị là:  $A(0; m^4 + 2m)$ ,  
 $B(-\sqrt{m}; m^4 - m^2 + 2m), C(\sqrt{m}; m^4 - m^2 + 2m)$

Theo YCBT, A, B, C lập thành tam giác đều  $\Leftrightarrow \begin{cases} AB = AC \\ AB = BC \end{cases} \Leftrightarrow AB^2 = BC^2 \Leftrightarrow m + m^4 = 4m$

$$\Leftrightarrow m(m^3 - 3) = 0 \Leftrightarrow m = \sqrt[3]{3} \text{ (vì } m > 0)$$

**Câu 9. Đáp án C**

Đồ thị hàm số  $y = \frac{x^2 + 2}{\sqrt{mx^4 + 3}}$  có hai đường tiệm cận ngang khi và chỉ khi các giới hạn

$\lim_{x \rightarrow +\infty} y = a (a \in \mathbb{R}), \lim_{x \rightarrow -\infty} y = b (b \in \mathbb{R})$  tồn tại. Ta có:

+ với  $m = 0$  ta nhận thấy  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = +\infty, \lim_{x \rightarrow -\infty} y = +\infty$  suy ra đồ thị hàm số không có tiệm cận ngang.

+ Với  $m < 0$ , khi đó hàm số có TXĐ  $D = \left( -\sqrt[4]{-\frac{3}{m}}; \sqrt[4]{-\frac{3}{m}} \right)$ , khi đó  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y, \lim_{x \rightarrow -\infty} y$  không tồn tại suy ra đồ thị hàm số không có đường tiệm cận ngang.

+ Với  $m > 0$ , khi đó hàm số có TXĐ  $D = \mathbb{R}$  suy ra  $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x^2 \left(1 + \frac{2}{x^2}\right)}{x^2 \sqrt{m + \frac{3}{x^2}}}, \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{1 + \frac{2}{x^2}}{x^2 \sqrt{m + \frac{3}{x^4}}} = \frac{1}{\sqrt{m}}$  suy ra

đồ thị hàm số có một đường tiệm cận ngang.

Vậy  $m > 0$  thỏa YCBT.

**Câu 10. Đáp án C**

Đồ thị (C) có tiệm cận đứng:  $\Delta_1 : x - 3 = 0$  và tiệm cận ngang  $\Delta_2 : y - 3 = 0$

Gọi  $M(x_0; y_0) \in (C)$  với  $y_0 = \frac{3x_0 - 1}{x_0 - 3}$  ( $x_0 \neq 3$ ). Ta có:

$$d(M, \Delta_1) = 2.d(M, \Delta_2) \Leftrightarrow |x_0 - 3| = 2.|y_0 - 3|$$

$$\Leftrightarrow |x_0 - 3| = 2.\left|\frac{3x_0 - 1}{x_0 - 3} - 3\right| \Leftrightarrow (x_0 - 3)^2 = 16 \Leftrightarrow \begin{cases} x_0 = -1 \\ x_0 = 7 \end{cases}$$

Vậy có hai điểm thỏa mãn đề bài là  $M_1(-1; 1)$  và  $M_2(7; 5)$

### Câu 11. Đáp án C

Gọi  $x(m)$  là bán kính của hình trụ ( $x > 0$ ). Ta có:  $V = \pi x^2 . h \Leftrightarrow h = \frac{16}{r^2}$

Diện tích toàn phần của hình trụ là:  $S(x) = 2\pi x^2 + 2\pi xh = 2\pi x^2 + \frac{32\pi}{x}, (x > 0)$

Khi đó:  $S'(x) = 4\pi x - \frac{32\pi}{x^2}$ , cho  $S'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 2$

Lập bảng biến thiên, ta thấy diện tích đạt giá trị nhỏ nhất khi  $x = 2(m)$  nghĩa là bán kính là  $2m$

### Câu 12. Đáp án D

$$a^{\frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{5}{6}} = a^{\frac{5}{3}}$$

### Câu 13. Đáp án C

Điều kiện xác định:  $4x^2 - 1 \neq 0 \Leftrightarrow x \neq \pm \frac{1}{2}$

### Câu 14. Đáp án B

Phương trình tiếp tuyến có dạng:  $y = y'(x_0)(x - x_0) + y_0$

Trong đó:  $y' = \frac{\pi}{2} x^{\frac{\pi}{2} - 1}$

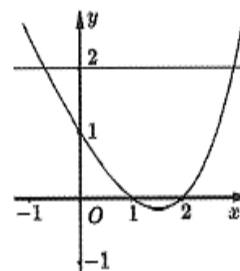
$$x_0 = 1 \Rightarrow y_0 = 1; y'(1) = \frac{\pi}{2}$$

### Câu 15. Đáp án D

Ta biểu diễn hàm số đã cho trên mặt phẳng tọa độ

Tọa độ các điểm đặc biệt

x	-1	0	1	2	3
y	$\frac{5}{2}$	1	0	0	2



Dựa vào đồ thị ta thấy đáp án D sai.

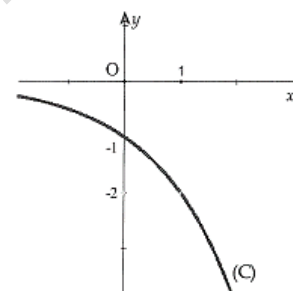
**Câu 16. Đáp án D**

Hàm số đã cho xác định  $\Leftrightarrow x^3 - 3x + 2 > 0 \Leftrightarrow (x+2)(x-1)^2 > 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x \neq 1 \\ x > -2 \end{cases}$

**Câu 17. Đáp án A**

Đồ thị đi qua các điểm  $(0; -1), (1; -2)$  chỉ có A, C thỏa mãn.

Tuy nhiên đồ thị nhận Ox làm tiếp cận nên đáp án là A.



**Câu 18. Đáp án D**

$$y = \frac{1-x}{2^x} \Rightarrow y' = \frac{(1-x)' \cdot 2^x - (2^x)' \cdot (1-x)}{(2^x)^2} = \frac{\ln 2(x-1) - 1}{2^x}$$

**Câu 19. Đáp án D**

Ta có:  $\log_{15} 20 = \frac{\log_3 20}{\log_3 15} = \frac{\log_3 4 + \log_3 5}{1 + \log_3 5} = \frac{a(1+b)}{b(1+a)}$

**Câu 20. Đáp án D**

Chỉ cần cho  $a = 2, b = 3$  rồi dùng MTCT kiểm tra từng đáp án.

**Câu 21. Đáp án A**

Kỳ khoản đầu thanh toán 1 năm sau ngày mua là 5.000.000 đồng, qua năm 2 sẽ thanh toán 6.000.000 đồng, năm 3: 10.000.000 đồng và năm 4: 20.000.000 đồng. Các khoản tiền này đã có lãi trong đó. Do đó giá trị chiếc xe phải bằng tổng các khoản tiền lúc chưa có lãi. Gọi  $V_0$  là tiền ban đầu mua chiếc xe. Giá trị của chiếc xe là:

$$V_0 = 5.1,08^{-1} + 6.1,08^{-2} + 10.1,08^{-3} + 20.1,08^{-4} = 32.412.582 \text{ đồng}$$

**Câu 22. Đáp án B**

$$\int f(x)dx = \int (2x+1)dx = \frac{1}{4}(2x+1)^2 + C$$

**Câu 23. Đáp án C**

$$\int f(x)dx = \int \ln 4x \cdot dx$$

$$\text{Đặt } \begin{cases} u = \ln 4x \\ dv = dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = \frac{dx}{x} \\ v = x \end{cases} \cdot \text{ Khi đó } \int f(x)dx = x \cdot \ln 4x - \int dx = x(\ln 4x - 1) + C$$

**Câu 24. Đáp án A**

Công được sinh ra khi kéo căng lò xo từ 0,15m đến 0,18m là:

$$W = \int_0^{0,03} 800x dx = 400x^2 \Big|_0^{0,03} = 36 \cdot 10^{-2} J$$

*Chú ý:* Nếu lực là một giá trị biến thiên (như nén lò xo) và được xác định bởi hàm  $F(x)$  thì công sinh

ra theo trục Ox từ a tới b là  $A = \int_a^b F(x)dx$

**Câu 25. Đáp án D**

$$\text{Ta có: } I = \int_0^a x \cdot e^{\frac{x}{2}} dx \cdot \text{ Đặt } \begin{cases} u = x \\ dv = e^{\frac{x}{2}} dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = dx \\ v = 2 \cdot e^{\frac{x}{2}} \end{cases}$$
$$\Rightarrow I = 2x \cdot e^{\frac{x}{2}} \Big|_0^a - 2 \int_0^a e^{\frac{x}{2}} dx = 2ae^{\frac{a}{2}} - 4 \cdot e^{\frac{x}{2}} \Big|_0^a = 2(a-2)e^{\frac{a}{2}} + 4$$

$$\text{Theo đề ra ta có: } I = 4 \Leftrightarrow 2(a-2)e^{\frac{a}{2}} + 4 = 4 \Leftrightarrow a = 2$$

**Câu 26. Đáp án C**

$$\text{Phương trình hoành độ giao điểm } y = \frac{x+1}{x-2} = 0 \Rightarrow x = -1$$

$$S = \int_{-1}^0 \left| \frac{x+1}{x-2} \right| dx = \left| \int_{-1}^0 \frac{x+1}{x-2} dx \right| = \left| \int_{-1}^0 \left( 1 + \frac{3}{x-2} \right) dx \right| = \left| (x + 3 \ln|x-2|) \Big|_{-1}^0 \right| = \left| 1 + 3 \ln \frac{2}{3} \right| = 3 \ln \frac{3}{2} - 1$$

**Câu 27. Đáp án B**

Phương trình hoành độ giao điểm

$$-x^2 + 2x + 1 = 2x^2 - 4x + 1 \Leftrightarrow 3x^2 - 6x = 0 \Leftrightarrow x = 0 \text{ hoặc } x = 2$$

Diện tích cần tìm là:

$$S = \int_0^2 \left| (-x^2 + 2x + 1) - (2x^2 - 4x + 1) \right| dx = \int_0^2 |3x^2 - 6x| dx = \left| \int_0^2 (3x^2 - 6x) dx \right|$$
$$= \left| \int_0^2 (3x^2 - 6x) dx \right| = \left| (x^3 - 3x^2) \Big|_0^2 \right| = |2^3 - 3 \cdot 2^2| = |8 - 12| = 4$$

**Câu 28. Đáp án D**

Thể tích cần tìm:  $V = \pi \int_0^1 \frac{dx}{(1 + \sqrt{4 - 3x})^2}$

Đặt  $t = \sqrt{4 - 3x} \Rightarrow dt = -\frac{3}{2\sqrt{4 - 3x}} dx \Leftrightarrow dx = -\frac{2}{3} t dt$  ( $x = 0 \Rightarrow t = 2; x = 1 \Rightarrow t = 1$ )

Khi đó:  $V = \frac{2\pi}{3} \int_1^2 \frac{t}{(1+t)^2} dt = \frac{2\pi}{3} \int_1^2 \left( \frac{1}{1+t} - \frac{1}{(1+t)^2} \right) dt = \frac{2\pi}{3} \left( \ln|1+t| + \frac{1}{1+t} \right) \Big|_1^2 = \frac{\pi}{9} \left( 6 \ln \frac{3}{2} - 1 \right)$

**Câu 29. Đáp án A**

$$z_1 + z_2 = 1 + 2i + 2 - 3i = 3 - i$$

**Câu 30. Đáp án C**

Mô đun của số phức  $z = \frac{(1+i)(2-i)}{1+2i} = 1 - i \Rightarrow |z| = \sqrt{2}$

**Câu 31. Đáp án B**

$$\bar{z} = (\sqrt{2} + i)^2 \cdot (1 - \sqrt{2}i) = 5 + \sqrt{2}i \Rightarrow z = 5 - \sqrt{2}i$$

Vậy phần ảo của  $z$  là:  $-\sqrt{2}$

**Câu 32. Đáp án A**

$$z = 1 - \frac{1}{3}i \Rightarrow \begin{cases} i\bar{z} = -\frac{1}{3} + i \\ 3z = 3 - i \end{cases} \Rightarrow w = \frac{8}{3}$$

**Câu 33. Đáp án C**

$$z.z' = (a + bi)(a' + b'i) = aa' - bb' + (ab' + a'b)i$$

$z.z'$  là số thực khi  $ab' + a'b = 0$

**Câu 34. Đáp án A**

Đặt  $w = x + yi, (x, y \in \mathbb{R})$  suy ra  $\bar{z} = x + (y-1)i \Rightarrow z = x - (y-1)i$ . Theo đề suy ra

$$|x - (y-1)i| = 3 \Leftrightarrow x^2 + (y-1)^2 = 9$$

Vậy tập số phức cần tìm nằm trên đường tròn có tâm  $I(0;1)$

**Câu 35. Đáp án A**

Theo bài ra ta có,  $SA \perp (ABCD)$ , nên AC là hình chiếu vuông góc của SC lên mặt phẳng (ABCD).

$$\Rightarrow \left[ \widehat{SC, (ABCD)} \right] = \left( \widehat{SC, AC} \right) = \widehat{SCA} = 60^\circ$$

Xét  $\Delta ABC$  vuông tại B, có  $AC = \sqrt{AB^2 + BC^2} = \sqrt{a^2 + 2a^2} = a\sqrt{3}$

Xét  $\Delta SAC$  vuông tại A, có  $(SA \perp (ABCD)) \Rightarrow SA \perp AC$

$$\text{Ta có: } \tan \widehat{SCA} = \frac{SA}{AC} \Rightarrow SA = AC \cdot \tan \widehat{SCA} = AC \cdot \tan 60^\circ = a\sqrt{3} \cdot \sqrt{3} = 3a$$

Vậy thể tích hình chóp S.ABCD là:

$$V_{S.ABCD} = \frac{1}{3} \cdot SA \cdot S_{ABCD} = \frac{1}{3} \cdot 3a \cdot a \cdot a\sqrt{2} = a^3 \sqrt{2}$$

**Câu 36. Đáp án C**

Dễ nhận biết khối đa diện đều loại  $\{5;3\}$  là khối mười hai mặt đều.

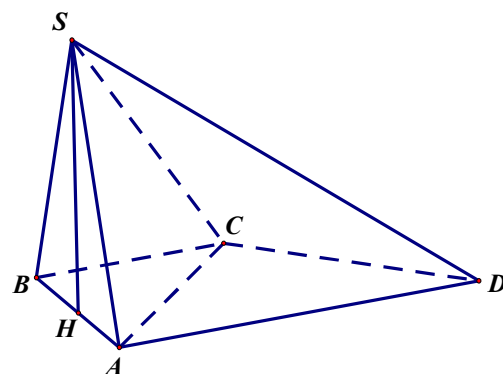
**Câu 37. Đáp án D**

Ta chứng minh được tam giác ACD vuông cân tại C và

$$CA = CD = a\sqrt{2}, \text{ suy ra } S_{\Delta ACD} = a^2$$

Gọi H là trung điểm của AB vì tam giác SAB đều và nằm trong mặt phẳng vuông góc với đáy, suy ra  $SH \perp (ABCD)$

$$\text{và } SH = \frac{a\sqrt{3}}{2}. \text{ Vậy } S_{S.ACD} = \frac{a^3 \sqrt{3}}{6}.$$





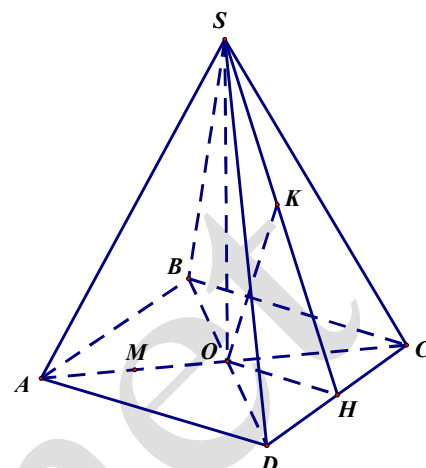
**Câu 38. Đáp án B**

Kẻ  $OH \perp CD (H \in CD)$ , kẻ  $OK \perp SH (K \in SH)$ . Ta chứng minh được rằng  $OK \perp (SCD)$

$$\text{Vì } \frac{MO}{MC} = \frac{3}{2} \Rightarrow d_{(M,(SCD))} = \frac{3}{2}d_{(O,(SCD))} = \frac{3}{2}OK$$

Trong tam giác SOH ta có:  $OK = \sqrt{\frac{OH^2 \cdot OS^2}{OH^2 + OS^2}} = \frac{a\sqrt{6}}{6}$

Vậy  $d_{(M,(SCD))} = \frac{3}{2}OK = \frac{a\sqrt{6}}{4}$



**Câu 39. Đáp án C**

Gọi H, M, I lần lượt là trung điểm các đoạn AB, AC, AM

Theo giả thiết,  $A'H \perp (ABC)$ ,  $BM \perp AC$ . Do IH là đường trung bình tam giác ABM nên  $IH // BM \Rightarrow IH \perp AC$

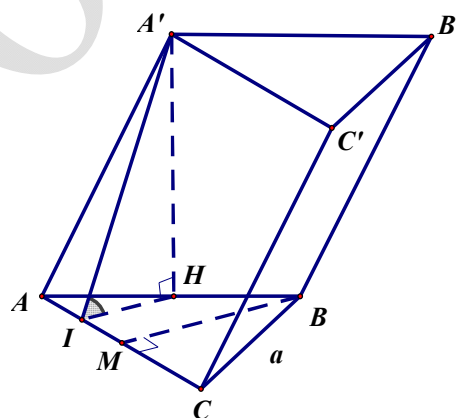
Ta có:  $AC \perp IH, AC \perp A'H \Rightarrow AC \perp IA'$

Suy ra góc giữa  $(ABC)$  và  $(ACC'A')$  là  $\widehat{A'IH} = 45^\circ$

$$A'H = IH \cdot \tan 45^\circ = IH = \frac{1}{2}MB = \frac{a\sqrt{3}}{4}$$

Thể tích lăng trụ là:

$$V = B \cdot h = \frac{1}{2}BM \cdot AC \cdot A'H = \frac{1}{2} \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} \cdot a \cdot \frac{a\sqrt{3}}{2} = \frac{3a^3}{8}$$



**Câu 40. Đáp án C**

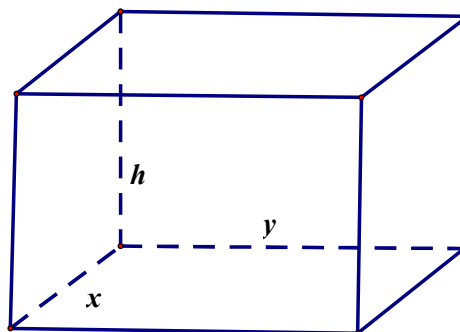
Gọi  $x, y, h (x, y, h > 0)$  lần lượt là chiều rộng, chiều dài và chiều cao của hố ga.

Ta có:  $k = \frac{h}{x} \Leftrightarrow h = kx$  và  $V = xyh \Leftrightarrow y = \frac{V}{xh} = \frac{V}{kx^2}$ .

Nên diện tích toàn phần của hố ga là:

$$S = xy + 2yh + 2xh = \frac{(2k+1)V}{kx} + 2kx^2$$

Áp dụng đạo hàm ta có S nhỏ nhất khi  $x = \sqrt[3]{\frac{(2k+1)V}{4k^2}}$



Khi đó  $y = 2\sqrt[3]{\frac{2kV}{(2k+1)^2}}, h = \sqrt[3]{\frac{k(2k+1)V}{4}}$

**Câu 41. Đáp án A**

Hình đa diện đều loại  $(m;n)$  với  $m > 2, n > 2$  và  $m, n \in \mathbb{N}$ , thì mỗi mặt là một đa giác đều  $m$  cạnh, mỗi đỉnh là điểm chung của  $n$  mặt.

**Câu 42. Đáp án B**

Vì  $A'B' \perp (ACC')$  suy ra  $\widehat{B'CA'} = 30^\circ$  chính là góc tạo bởi đường chéo  $BC'$  của mặt bên  $(BB'C'C)$  và mặt phẳng

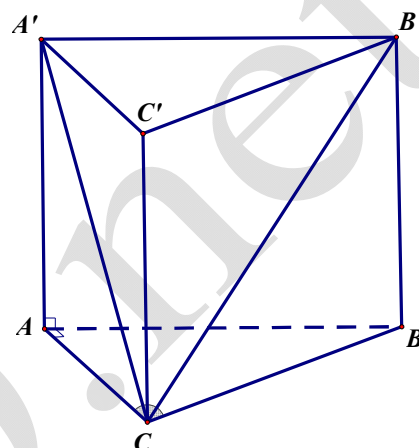
$(AA'C'C)$ . Trong tam giác  $ABC$  ta có  $AB = AC \sin 60^\circ = \frac{a\sqrt{3}}{2}$

Mà  $AB = A'B' \Rightarrow A'B' = a\sqrt{3}$

Trong tam giác vuông  $A'B'C'$  ta có:  $A'C' = \frac{A'B'}{\tan 30^\circ} = 3a$ .

Trong tam giác vuông  $A'AC$  ta có:  $AA' = \sqrt{A'C'^2 - AC^2} = 2a\sqrt{2}$

Vậy  $V_{LT} = AA' \cdot S_{\Delta ABC} = 2a\sqrt{2} \cdot \frac{a^2\sqrt{3}}{2} = a^3\sqrt{6}$



**Câu 43. Đáp án C**

Nếu mặt phẳng có dạng  $ax + by + cz + d = 0$  thì nó có một vectơ pháp tuyến có tọa độ là  $(a; b; c)$ , như vậy ở đây một vectơ pháp tuyến là  $(2; -3; 4)$ , vectơ ở đáp án C là  $\vec{n} = (-2; 3; -4)$  song song với  $(2; -3; 4)$ . Nên cũng là vectơ pháp tuyến của mặt phẳng này.

*Chú ý:* Vectơ pháp tuyến của mặt phẳng là vectơ có phương vuông góc với mặt phẳng đó.

**Câu 44. Đáp án D**

Phương trình mặt cầu được viết lại  $(S): (x-4)^2 + (y+5)^2 + (z-3)^2 = 1$ , nên tâm và bán kính cần tìm là  $I(4; -5; 3)$  và  $R = 1$

**Câu 45. Đáp án C**

$$d = \frac{|1-6+1-1|}{\sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{3}}{3}$$

**Câu 46. Đáp án D**

Đường thẳng  $(d_1), (d_2)$  lần lượt có vectơ chỉ phương là:

$$\vec{u}_1 = (2; -m; -3) \text{ và } \vec{u}_2 = (1; 1; 1), (d_1) \perp (d_2) \Leftrightarrow \vec{u}_1 \cdot \vec{u}_2 = 0 \Leftrightarrow m = -1$$

**Câu 47. Đáp án B**

$d_1$  đi qua điểm  $M_1(1; -2; 3)$  và có vtcp  $\vec{u}_1 = (1; 1; -1)$

$d_2$  đi qua điểm  $M_2(3; 1; 5)$  và có vtcp  $\vec{u}_2 = (1; 2; 3)$

$$\text{ta có } [\vec{u}_1, \vec{u}_2] = \left( \begin{array}{cc|c} 1 & -1 & -1 \\ 2 & 3 & 3 \end{array} ; \begin{array}{cc|c} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 2 \end{array} \right) = (5; -4; 1) \text{ và } \overrightarrow{M_1M_2} = (2; 3; 2)$$

suy ra  $[\vec{u}_1, \vec{u}_2] \cdot \overrightarrow{M_1M_2} = 5 \cdot 2 - 4 \cdot 3 + 1 \cdot 2 = 0$ , do đó  $d_1$  và  $d_2$  cắt nhau

Mặt phẳng (P) chứa  $d_1$  và  $d_2$ .

Điểm trên (P)  $M_1(1; -2; 3)$

$$\text{Vtpt của (P): } \vec{n} = [\vec{u}_1, \vec{u}_2] = (5; -4; 1)$$

$$\text{Vậy, PTTQ của mp(P) là: } 5(x-1) - 4(y+2) + 1(z-3) = 0 \Leftrightarrow 5x - 4y + z - 16 = 0$$

**Câu 48. Đáp án A**

Gọi (Q) là mặt phẳng chứa đường thẳng  $d$  và vuông góc với (P)

$$(Q) \text{ có vectơ pháp tuyến } \vec{n}_Q = [\vec{u}_d, \vec{u}_P] = (-1; -5; -7)$$

Đường thẳng  $\Delta$  là hình chiếu vuông góc của  $d$  lên (P) chính là giao tuyến của (P) và (Q). Do đó.

Điểm trên  $\Delta$ :  $A(1; 1; -2)$

Vectơ chỉ phương của  $\Delta$ :

$$\vec{u} = [\vec{n}_P, \vec{n}_Q] = \left( \begin{array}{cc|c} -3 & 2 & 2 \\ -5 & -7 & -7 \end{array} ; \begin{array}{cc|c} 2 & 1 & 1 \\ -7 & -1 & -1 \end{array} ; \begin{array}{c} 1 \\ -3 \\ -5 \end{array} \right) = (31; 5; -8)$$

$$\text{PTTS của } \Delta : \begin{cases} x = 1 + 31t \\ y = 1 + 5t \\ z = -2 - 8t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$$

**Câu 49. Đáp án C**

Giả sử mặt cầu (S) cắt  $\Delta$  tại 2 điểm A, B sao cho  $AB = 4 \Rightarrow$  (S) có bán kính  $R = IA$

Gọi H là trung điểm đoạn AB, khi đó:  $IH \perp AB \Rightarrow \Delta IHA$  vuông tại H

Ta có,  $HA = 2; IH = d(I, \Delta) = \sqrt{5}$

$$R = IA^2 = IH^2 + HA^2 = (\sqrt{5})^2 + 2^2 = 9$$

Vậy phương trình mặt cầu cần tìm là:

$$(S): (x-1)^2 + (y-3)^2 + (z+2)^2 = 9$$

**Câu 50. Đáp án A.**

Vecto pháp tuyến của mặt phẳng  $(\beta): 2x + y + 3z - 19 = 0$  là

$$\vec{n} = (2; 1; 3)$$

Đường thẳng vuông góc với mặt phẳng  $(\beta)$  là đường thẳng nhận  $\vec{n}$  làm vectơ chỉ phương. Kết hợp với đi qua điểm  $M(1; -1; 2)$  ta có phương trình chính tắc của đường thẳng cần tìm là:

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{1} = \frac{z-2}{3}$$

