

**Câu 17.** Nếu đặt  $t = \log_2 x$  thì phương trình  $\frac{1}{5-\log_2 x} + \frac{2}{1+\log_2 x} = 1$  trở thành phương trình nào?

- A.  $t^2 - 5t + 6 = 0$ .      B.  $t^2 + 5t + 6 = 0$ .      C.  $t^2 - 6t + 5 = 0$ .      D.  $t^2 + 6t + 5 = 0$ .

**Hướng dẫn giải**

Đặt  $t = \log_2 x$

$$\text{PT} \Leftrightarrow \frac{1}{5-t} + \frac{2}{1+t} = 1 \Leftrightarrow \frac{1+t+2(5-t)}{(5-t)(1+t)} = 1 \Leftrightarrow 1+t+2(5-t) = (5-t)(1+t)$$

$$\Leftrightarrow 11-t = 5+4t-t^2 \Leftrightarrow t^2 - 5t + 6 = 0, \text{ chọn đáp án A}$$

**Câu 18.** Nếu đặt  $t = \lg x$  thì phương trình  $\frac{1}{4-\lg x} + \frac{2}{2+\lg x} = 1$  trở thành phương trình nào?

- A.  $t^2 - 3t + 2 = 0$ .      B.  $t^2 + 2t + 3 = 0$ .      C.  $t^2 - 2t + 3 = 0$ .      D.  $t^2 + 3t + 2 = 0$ .

**Hướng dẫn giải**

Đặt  $t = \lg x$

$$\text{PT} \Leftrightarrow \frac{1}{4-t} + \frac{2}{2+t} = 1 \Leftrightarrow \frac{2+t+2(4-t)}{(4-t)(2+t)} = 1 \Leftrightarrow 2+t+2(4-t) = (4-t)(2+t)$$

$$\Leftrightarrow 10-t = 8+2t-t^2 \Leftrightarrow t^2 - 3t + 2 = 0, \text{ chọn đáp án A}$$

**Câu 19.** Nghiệm bé nhất của phương trình  $\log_2^3 x - 2\log_2^2 x = \log_2 x - 2$  là:

- A.  $x = \frac{1}{2}$ .      B.  $x = \frac{1}{4}$ .      C.  $x = 2$ .      D.  $x = 4$ .

**Hướng dẫn giải**

TXĐ:  $x > 0$

$$\text{PT} \Leftrightarrow \log_2^3 x - 2\log_2^2 x = \log_2 x - 2 \Leftrightarrow \log_2^3 x - 2\log_2^2 x - \log_2 x + 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow \log_2^3 x - \log_2 x - 2\log_2^2 x + 2 = 0 \Leftrightarrow \log_2 x(\log_2^2 x - 1) - 2(\log_2^2 x - 1) = 0$$

$$\Leftrightarrow (\log_2^2 x - 1)(\log_2 x - 2) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \log_2^2 x - 1 = 0 \\ \log_2 x - 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \log_2 x = 1 \\ \log_2 x = -1 \\ \log_2 x = 2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = \frac{1}{2} \\ x = 4 \end{cases}$$

chọn đáp án A vì  $x = \frac{1}{2}$  nhỏ nhất.

**Câu 20.** Điều kiện xác định của bất phương trình  $\log_{\frac{1}{2}}(4x+2) - \log_{\frac{1}{2}}(x-1) > \log_{\frac{1}{2}}x$  là:

- A.  $x > 1$ .      B.  $x > 0$ .      C.  $x > -\frac{1}{2}$ .      D.  $x > -1$ .

**Hướng dẫn giải**

BPT xác định khi:  $\begin{cases} x > 0 \\ 4x + 2 > 0 \Leftrightarrow x > -\frac{1}{2} \\ x - 1 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x > -\frac{1}{2} \Leftrightarrow x > 1 \\ x > 1 \end{cases} \Leftrightarrow x > 1$ , chọn đáp án A.

- Câu 21.** Điều kiện xác định của bất phương trình  $\log_2(x+1) - 2\log_4(5-x) < 1 - \log_2(x-2)$  là:  
 A.  $2 < x < 5$ .      B.  $1 < x < 2$ .      C.  $2 < x < 3$ .      D.  $-4 < x < 3$ .

#### Hướng dẫn giải

BPT xác định khi:  $\begin{cases} x+1 > 0 \\ 5-x > 0 \Leftrightarrow x < 5 \\ x-2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > -1 \\ x < 5 \\ x > 2 \end{cases} \Leftrightarrow 2 < x < 5$ , chọn đáp án A.

- Câu 22.** Điều kiện xác định của bất phương trình  $\log_{\frac{1}{2}}[\log_2(2-x^2)] > 0$  là:  
 A.  $x \in (-1;1)$ .      B.  $x \in (-1;0) \cup (0;1)$ .      C.  $x \in (-1;1) \cup (2;+\infty)$ .      D.  $x \in [-1;1]$ .

#### Hướng dẫn giải

BPT xác định khi:  $\begin{cases} 2-x^2 > 0 \\ \log_2(2-x^2) > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\sqrt{2} < x < \sqrt{2} \\ 2-x^2 > 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\sqrt{2} < x < \sqrt{2} \\ 1-x^2 > 0 \end{cases}$   
 $\Leftrightarrow \begin{cases} -\sqrt{2} < x < \sqrt{2} \\ -1 < x < 1 \end{cases} \Leftrightarrow -1 < x < 1$ , chọn đáp án A.

- Câu 23.** Bất phương trình  $\log_2(2^x + 1) + \log_3(4^x + 2) \leq 2$  có tập nghiệm là:

- A.  $(-\infty; 0]$ .      B.  $(-\infty; 0)$ .      C.  $[0; +\infty)$ .      D.  $(0; +\infty)$ .

#### Hướng dẫn giải

Xét  $x > 0 \Rightarrow 2^x > 2^0 = 1 \Rightarrow 2^x + 1 > 2 \Rightarrow \log_2(2^x + 1) > \log_2 2 = 1 \quad (1)$

$x > 0 \Rightarrow 4^x > 4^0 = 1 \Rightarrow 4^x + 2 > 2 + 1 = 3 \Rightarrow \log_3(4^x + 2) > \log_3 3 = 1 \quad (2)$

Cộng vế với vế của (1) và (2) ta được:  $\log_2(2^x + 1) + \log_3(4^x + 2) > 2$

Mà BPT:  $\log_2(2^x + 1) + \log_3(4^x + 2) \leq 2$  nên  $x > 0$  (loại)

Xét  $x \leq 0 \Rightarrow 2^x \leq 2^0 = 1 \Rightarrow 2^x + 1 \leq 2 \Rightarrow \log_2(2^x + 1) \leq \log_2 2 = 1 \quad (3)$

$x \leq 0 \Rightarrow 4^x \leq 4^0 = 1 \Rightarrow 4^x + 2 \leq 2 + 1 = 3 \Rightarrow \log_3(4^x + 2) \leq \log_3 3 = 1 \quad (4)$

Cộng vế với vế của (3) và (4) ta được:  $\log_2(2^x + 1) + \log_3(4^x + 2) \leq 2$  (tm)

Vậy  $x \leq 0$  hay  $x \in (-\infty; 0]$ , chọn đáp án A

- Câu 24.** Bất phương trình  $\log_2(x^2 - x - 2) \geq \log_{0,5}(x-1) + 1$  có tập nghiệm là:

- A.  $[1+\sqrt{2}; +\infty)$ .      B.  $[1-\sqrt{2}; +\infty)$ .      C.  $(-\infty; 1+\sqrt{2}]$ .      D.  $(-\infty; 1-\sqrt{2}]$ .

Hướng dẫn giải

$$\text{TXĐ} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - x - 2 > 0 \\ x - 1 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x < -1 \vee x > 2 \\ x > 1 \end{cases} \Leftrightarrow x > 2$$

$$\text{BPT} \Leftrightarrow \log_2(x^2 - x - 2) \geq \log_{0,5}(x-1) + 1 \Leftrightarrow \log_2(x^2 - x - 2) \geq \log_{2^{-1}}(x-1) + 1$$

$$\Leftrightarrow \log_2(x^2 - x - 2) + \log_2(x-1) - 1 \geq 0 \Leftrightarrow \log_2 \frac{(x^2 - x - 2)(x-1)}{2} \geq 0$$

$$\Leftrightarrow \frac{(x^2 - x - 2)(x-1)}{2} \geq 1 \Leftrightarrow (x^2 - x - 2)(x-1) \geq 2 \Leftrightarrow x(x^2 - 2x - 1) \geq 0$$

$$\Leftrightarrow x^2 - 2x - 1 \geq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x \leq 1 - \sqrt{2} (\text{loai}) \\ x \geq 1 + \sqrt{2} (\text{tm}) \end{cases} \Rightarrow x \geq 1 + \sqrt{2}$$

chọn đáp án A.

- Câu 25. Nghiệm nguyên nhỏ nhất của bất phương trình  $\log_2(\log_4 x) \geq \log_4(\log_2 x)$  là:

- A. 8.      B. 10.      C. 6.      D. 9.

Hướng dẫn giải

$$\text{BPT} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ \log_2 x > 0 \\ \log_4 x > 0 \\ +\log_2(\log_{2^2} x) \geq \log_{2^2}(\log_2 x) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 1 \\ +\log_2\left(\frac{1}{2}\log_2 x\right) \geq \frac{1}{2}\log_2(\log_2 x) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x > 1 \\ +\log_2\left(\frac{1}{2}\log_2 x\right) \geq \frac{1}{2}\log_2(\log_2 x) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 1 \\ \log_2(\log_2 x) - 1 \geq \frac{1}{2}\log_2(\log_2 x) \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} x > 1 \\ \frac{1}{2}\log_2(\log_2 x) \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 1 \\ \log_2(\log_2 x) \geq 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > 1 \\ \log_2 x \geq 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > 1 \\ x \geq 8 \end{cases} \Rightarrow x \geq 8$$

chọn đáp án A.

- Câu 26. Nghiệm nguyên nhỏ nhất của bất phương trình  $\log_3(1-x^2) \leq \log_{\frac{1}{3}}(1-x)$  là:

- A.  $x=0$ .      B.  $x=1$ .      C.  $x=\frac{1-\sqrt{5}}{2}$ .      D.  $x=\frac{1+\sqrt{5}}{2}$ .

Hướng dẫn giải

$$\begin{aligned}
 \text{BPT} &\Leftrightarrow \begin{cases} 1-x^2 > 0 \\ 1-x > 0 \\ \log_3(1-x^2) \leq -\log_3(1-x) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < x < 1 \\ x < 1 \\ \log_3(1-x^2) + \log_3(1-x) \leq 0 \end{cases} \\
 &\Leftrightarrow \begin{cases} -1 < x < 1 \\ \log_3(1-x^2)(1-x) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < x < 1 \\ \log_3(1-x^2)(1-x) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < x < 1 \\ (1-x^2)(1-x) \leq 1 \end{cases} \\
 &\Leftrightarrow \begin{cases} -1 < x < 1 \\ x(x^2-x-1) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < x < 1 \\ x \leq \frac{1-\sqrt{5}}{2} \vee 0 \leq x \leq \frac{1+\sqrt{5}}{2} \end{cases} \Leftrightarrow -1 < x \leq \frac{1-\sqrt{5}}{2} \vee 0 \leq x < 1
 \end{aligned}$$

chọn đáp án A vì  $x=0$  là nghiệm nguyên nhỏ nhất.

**Câu 27.** Tập nghiệm của bất phương trình  $\log_2(x^2 - 3x + 1) \leq 0$  là:

A.  $S = \left[0; \frac{3-\sqrt{5}}{2}\right) \cup \left(\frac{3+\sqrt{5}}{2}; 3\right]$ .      B.  $S = \left(0; \frac{3-\sqrt{5}}{2}\right] \cup \left[\frac{3+\sqrt{5}}{2}; 3\right)$  .  
C.  $S = \left[\frac{3-\sqrt{5}}{2}; \frac{3+\sqrt{5}}{2}\right]$ .      D.  $S = \emptyset$ .

#### Hướng dẫn giải

$$\begin{aligned}
 \text{BPT} &\Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 3x + 1 > 0 \\ \log_2(x^2 - 3x + 1) \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 3x + 1 > 0 \\ x^2 - 3x + 1 \leq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 3x + 1 > 0 \\ x^2 - 3x + 1 \leq 1 \end{cases} \\
 &\Leftrightarrow \begin{cases} x < \frac{3-\sqrt{5}}{2} \vee x > \frac{3+\sqrt{5}}{2} \\ 0 \leq x \leq 3 \end{cases} \Leftrightarrow x \in \left[0; \frac{3-\sqrt{5}}{2}\right) \cup \left(\frac{3+\sqrt{5}}{2}; 3\right]
 \end{aligned}$$

Chọn đáp án A.

**Câu 28.** Điều kiện xác định của phương trình  $\log_2(x-5) + \log_3(x+2) = 3$  là:

- A.  $x > 5$ .      B.  $x > -2$ .      C.  $-2 < x < 5$ .      D.  $x \geq 5$ .

#### Hướng dẫn giải

#### [Phương pháp tự luận]

PT xác định khi và chỉ khi:  $\begin{cases} x-5 > 0 \\ x+2 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 5 \\ x > -2 \end{cases} \Leftrightarrow x > 5$

Chọn đáp án A.

#### [Phương pháp trắc nghiệm]

Nhập vào màn hình máy tính  $\log_2(X-5) + \log_3(X+2) - 3$

Nhấn CALC và cho  $X = 1$  máy tính không tính được. Vậy loại đáp án B và C.

Nhấn CALC và cho  $X = 5$  (thuộc đáp án D) máy tính không tính được. Vậy loại D.

Vậy chọn A.

Câu 29. Điều kiện xác định của phương trình  $\log(x^2 - 6x + 7) + x - 5 = \log(x - 3)$  là:

- A.  $x > 3 + \sqrt{2}$ .      B.  $x > 3$ .      C.  $\begin{cases} x > 3 + \sqrt{2} \\ x < 3 - \sqrt{2} \end{cases}$ .      D.  $x < 3 - \sqrt{2}$ .

### Hướng dẫn giải

#### [Phương pháp tự luận]

Điều kiện phương trình:  $\begin{cases} x^2 - 6x + 7 > 0 \\ x - 3 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 3 + \sqrt{2} \\ x < 3 - \sqrt{2} \Leftrightarrow x > 3 + \sqrt{2} \\ x > 3 \end{cases}$

Chọn đáp án A.

#### [Phương pháp trắc nghiệm]

Nhập vào màn hình máy tính  $\log(X^2 - 6X + 7) + X - 5 - \log(X - 3)$

Nhấn CALC và cho  $X = 1$  máy tính không tính được. Vậy loại đáp án C và D.

Nhấn CALC và cho  $X = 4$  (thuộc đáp án B) máy tính không tính được. Vậy loại B.

Vậy chọn A.

Câu 30. Phương trình  $\log_3 x + \log_{\sqrt{3}} x + \log_{\frac{1}{3}} x = 6$  có nghiệm là:

- A.  $x = 27$ .      B.  $x = 9$ .      C.  $x = 3^{12}$ .      D.  $x = \log_3 6$ .

### Hướng dẫn giải

#### [Phương pháp tự luận]

Điều kiện:  $x > 0$

$$\log_3 x + \log_{\sqrt{3}} x + \log_{\frac{1}{3}} x = 6 \Leftrightarrow \log_3 x + 2 \log_3 x - \log_3 x = 6 \Leftrightarrow \log_3 x = 3 \Leftrightarrow x = 27$$

Vậy chọn A.

#### [Phương pháp trắc nghiệm]

Nhập vào màn hình máy tính  $\log_3 X + \log_{\sqrt{3}} X + \log_{\frac{1}{3}} X = 6$

Dùng chức năng CALC của máy tính ta gán từng giá trị của x trong 4 đáp án và ta chọn được đáp án đúng.

Vậy chọn A.

Câu 31. Phương trình  $\ln \frac{x-1}{x+8} = \ln x$  có nghiệm là:

- A.  $x = 4$ .      B.  $\begin{cases} x = 4 \\ x = -2 \end{cases}$ .      C.  $x = -2$ .      D.  $x = 1$ .

### Hướng dẫn giải

### [Phương pháp tự luận]

$$\ln \frac{x-1}{x+8} = \ln x \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ \frac{x-1}{x+8} = x \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x = 4 \Leftrightarrow x = 4 \\ x = -2 \end{cases}$$

Vậy ta chọn A.

### [Phương pháp trắc nghiệm]

Nhập vào màn hình máy tính  $\ln \frac{X-1}{X+8} - \ln X$

Dùng chức năng CALC của máy tính ta gán từng giá trị của x trong 4 đáp án và ta chọn được đáp án đúng.

Vậy chọn A.

Câu 32. Phương trình  $\log_2^2 x - 4\log_2 x + 3 = 0$  có tập nghiệm là:

- A.  $\{8; 2\}$ .      B.  $\{1; 3\}$ .      C.  $\{6; 2\}$ .      D.  $\{6; 8\}$ .

### Hướng dẫn giải

### [Phương pháp tự luận]

Điều kiện:  $x > 0$

$$\log_2^2 x - 4\log_2 x + 3 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \log_2 x = 1 \\ \log_2 x = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = 8 \end{cases}$$

Vậy chọn A.

### [Phương pháp trắc nghiệm]

Nhập vào màn hình máy tính  $\log_2^2 X - 4\log_2 X + 3$

Dùng chức năng CALC của máy tính ta gán từng giá trị của x trong 4 đáp án và ta chọn được đáp án đúng.

Vậy chọn A.

Câu 33. Tập nghiệm của phương trình  $\frac{1}{2}\log_2(x+2)^2 - 1 = 0$  là:

- A.  $\{0; -4\}$ .      B.  $\{0\}$ .      C.  $\{-4\}$ .      D.  $\{-1; 0\}$ .

### Hướng dẫn giải

### [Phương pháp tự luận]

Điều kiện:  $x \neq -2$

$$pt \Leftrightarrow \log_2|x+2| = 1 \Leftrightarrow |x+2| = 2 \Leftrightarrow \begin{cases} x+2 = 2 \\ x+2 = -2 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -4 \end{cases}$$

Vậy chọn đáp án A.

**[Phương pháp trắc nghiệm]**

Nhập vào màn hình máy tính  $\frac{1}{2} \log_2 ((X+2)^2) - 1$

Dùng chức năng CALC của máy tính ta gán từng giá trị của x trong 4 đáp án và ta chọn được đáp án đúng.

Vậy chọn A.

**Câu 34.** Tập nghiệm của phương trình  $\log_2 \frac{1}{x} = \log_{\frac{1}{2}} (x^2 - x - 1)$  là:

- A.  $\{1 + \sqrt{2}\}$ .      B.  $\{1 + \sqrt{2}; 1 - \sqrt{2}\}$ .      C.  $\left\{\frac{1+\sqrt{5}}{2}, \frac{1-\sqrt{5}}{2}\right\}$ .      D.  $\{1 - \sqrt{2}\}$ .

**Hướng dẫn giải**

**[Phương pháp tự luận]**

Điều kiện:  $x > 0$  và  $x^2 - x - 1 > 0$

Với điều kiện đó thì  $\log_2 \frac{1}{x} = \log_{\frac{1}{2}} x$ . Phương trình đã cho tương đương phương trình

$$\log_{\frac{1}{2}} x = \log_{\frac{1}{2}} (x^2 - x - 1) \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x = x^2 - x - 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x > 0 \\ x = 1 + \sqrt{2} \Leftrightarrow x = 1 + \sqrt{2} \\ x = 1 - \sqrt{2} \end{cases}$$

Vậy chọn đáp án A.

**[Phương pháp trắc nghiệm]**

Nhập vào màn hình máy tính  $\log_2 \frac{1}{X} - \log_{\frac{1}{2}} (X^2 - X - 1)$

Dùng chức năng CALC của máy tính ta gán từng giá trị của x trong 4 đáp án và ta chọn được đáp án đúng.

Vậy chọn A.

**Câu 35.** Phương trình  $\log_2 (3 \cdot 2^x - 1) = 2x + 1$  có bao nhiêu nghiệm?

- A. 2.      B. 1.      C. 3.      D. 0.

**Hướng dẫn giải**

**[Phương pháp tự luận]**

$$\log_2 (3 \cdot 2^x - 1) = 2x + 1 \Leftrightarrow 3 \cdot 2^x - 1 = 2^{2x+1} \Leftrightarrow 2 \cdot 4^x - 3 \cdot 2^x + 1 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} 2^x = 1 \\ 2^x = \frac{1}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = -1 \end{cases}$$

Vậy chọn A.

**[Phương pháp trắc nghiệm]**