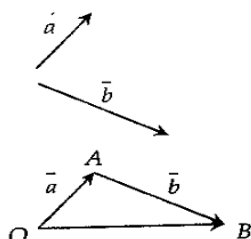


VÉC TƠ TRONG KHÔNG GIAN

A. LÝ THUYẾT

Cho các véc tơ tùy ý $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ và $k, l \in \mathbb{R}$.

1. Cộng véc tơ:



Lấy điểm O tùy ý trong không gian, vẽ $\vec{OA} = \vec{a}, \vec{AB} = \vec{b}$, thì $\vec{OB} = \vec{a} + \vec{b}$

Quy tắc ba điểm: Cho ba điểm M, N, K bất kỳ thì $\vec{MN} = \vec{MK} + \vec{KN}$

2. Trừ véc tơ: $\vec{a} - \vec{b} = \vec{a} + (-\vec{b})$

Quy tắc ba điểm: $\vec{MN} = \vec{KN} - \vec{KM}$.

Quy tắc hình bình hành: Cho hình bình hành $ABCD$ ta có: $\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD}$.

Quy tắc hình hộp: Cho hình hộp $ABCD.A'B'C'D'$ ta có $\vec{AC'} = \vec{AB} + \vec{AD} + \vec{AA'}$.

3. Tích véc tơ:

Tích của véc tơ \vec{a} với một số thực k là một véc tơ. Kí hiệu là $k\vec{a}$

+) Cùng hướng với \vec{a} nếu $k > 0$.

+) Ngược hướng với \vec{a} nếu $k < 0$.

+) $|k\vec{a}| = |k| \cdot |\vec{a}|$.

Hệ quả: Nếu I là trung điểm của A, B, O tùy ý thì $\vec{OA} + \vec{OB} = 2\vec{OI}$.

4. Tích vô hướng của hai véc tơ.

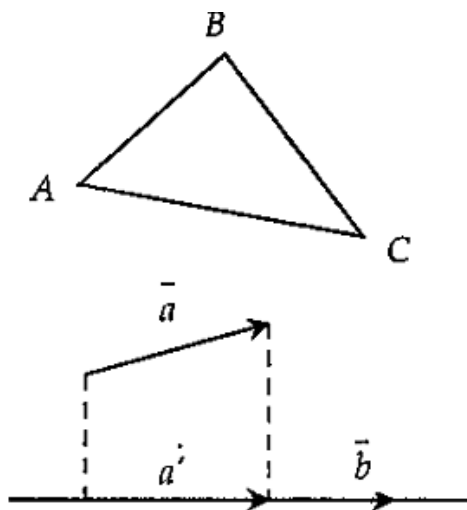
+) Định nghĩa: $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\vec{a}, \vec{b})$.

+) Hệ quả: $\vec{a} \perp \vec{b} \Leftrightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$.

+) $\vec{a}^2 = \vec{a} \cdot \vec{a} = |\vec{a}|^2$.

+) Với ba điểm A, B, C ta có $AB \cdot AC = \frac{AB^2 + AC^2 - BC^2}{2}$.

+) Quy tắc hình chiếu: Cho hai véc tơ \vec{a}, \vec{b} . Gọi \vec{a}' là hình chiếu vuông góc của \vec{a} trên đường thẳng chứa \vec{b} thì: $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{a}' \cdot \vec{b}$.



5. Định nghĩa: Ba véc tơ $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ gọi là đồng phẳng nếu giá của chúng cùng song song hoặc nằm trên một mặt phẳng.

6. Các định lý:

a) Cho \vec{a}, \vec{b} không cùng phương: $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ đồng phẳng $\Leftrightarrow \exists m, n \in \mathbb{R} : \vec{c} = m\vec{a} + n\vec{b}$ (với m, n xác định duy nhất).

b) Nếu ba véc tơ $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ không đồng phẳng thì mọi véc tơ \vec{x} đều được biểu diễn dưới dạng: $\vec{x} = m\vec{a} + n\vec{b} + k\vec{c}$ với m, n, k xác định duy nhất.

B. CÁC DẠNG TOÁN VỀ VÉC TƠ TRONG KHÔNG GIAN.

Ví dụ 1: Cho tứ diện đều $ABCD$, M là trung điểm của cạnh AB và G là trọng tâm của tam giác BCD . Đặt $\vec{AB} = \vec{b}, \vec{AC} = \vec{c}, \vec{AD} = \vec{d}$. Phân tích véc tơ \vec{MG} theo $\vec{b}, \vec{c}, \vec{d}$.

A. $\vec{MG} = -\frac{1}{6}\vec{b} + \frac{1}{3}\vec{c} + \frac{1}{3}\vec{d}$.

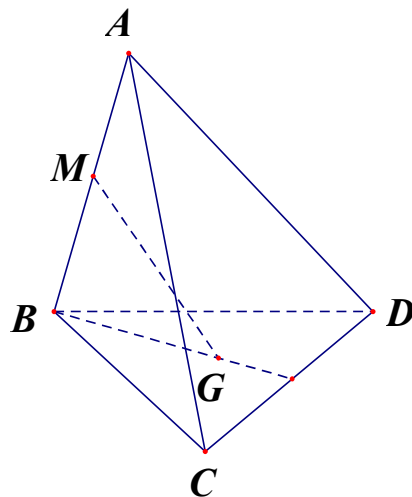
B. $\vec{MG} = \frac{1}{6}\vec{b} + \frac{1}{3}\vec{c} + \frac{1}{3}\vec{d}$.

C. $\vec{MG} = -\frac{1}{6}\vec{b} - \frac{1}{3}\vec{c} + \frac{1}{3}\vec{d}$.

D. $\vec{MG} = -\frac{1}{6}\vec{b} - \frac{1}{3}\vec{c} - \frac{1}{3}\vec{d}$.

Lời giải

Đáp án A



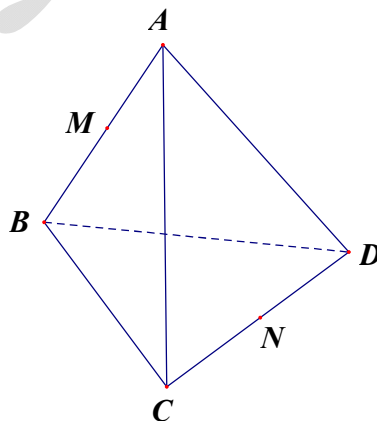
$$\begin{aligned} \overrightarrow{MG} &= \frac{1}{3}(\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC} + \overrightarrow{MD}) = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AC}) + \frac{1}{3}(\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AD}) \\ &= \frac{1}{6}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3}\overrightarrow{MA} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AD} = \frac{1}{6}\overrightarrow{AB} + \frac{2}{3} \cdot \left(-\frac{1}{2}\overrightarrow{AB}\right) + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AD} \\ &= -\frac{1}{6}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AC} + \frac{1}{3}\overrightarrow{AD} = -\frac{1}{6}\vec{b} + \frac{1}{3}\vec{c} + \frac{1}{3}\vec{d} \end{aligned}$$

Ví dụ 2: Cho tứ diện đều $ABCD$, M và N theo thứ tự là trung điểm của cạnh AB và CD . Mệnh đề nào sau đây sai?.

- A. $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BC}$.
 B. $\overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}(\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BC})$.
 C. $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BC} = -4\overrightarrow{NM}$.
 D. $\overrightarrow{MC} + \overrightarrow{MD} - 4\overrightarrow{MN} = \vec{0}$.

Lời giải:

Đáp án D



- A. Đúng vì: $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} = (\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DC}) + (\overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CD}) = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BC}$.
 B. Đúng vì: $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} = (\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MN} + \overrightarrow{ND}) + (\overrightarrow{BM} + \overrightarrow{MN} + \overrightarrow{NC})$
 $= 2\overrightarrow{MN} + (\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{BM}) + (\overrightarrow{ND} + \overrightarrow{NC}) = 2\overrightarrow{MN}$
 C. Đúng vì: $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BC} = 2\overrightarrow{AN} + 2\overrightarrow{BN} = 2(\overrightarrow{AN} + \overrightarrow{BN}) = -2(\overrightarrow{NA} + \overrightarrow{NB}) = -4\overrightarrow{NM}$.

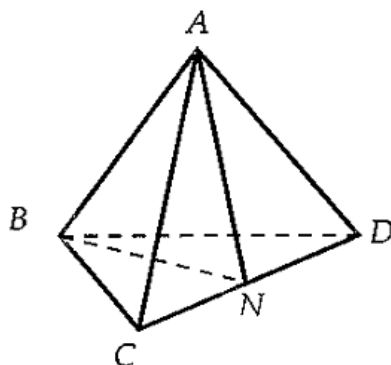
Vậy D sai

Ví dụ 3: Cho tứ diện đều $ABCD$ có tam giác BCD đều, $AD = AC$. Giá trị của $\cos(\overline{AB}, \overline{CD})$ là:

- A. $\frac{1}{2}$. B. 0. C. $-\frac{1}{2}$. D. $\frac{\sqrt{3}}{2}$.

Lời giải:

Đáp án B



Gọi N là trung điểm của CD . Tam giác đều BCD nên $BN \perp CD$. Tam giác ACD cân tại A nên $AN \perp CD$ ta có:

$$\overline{AB} \cdot \overline{CD} = (\overline{AN} + \overline{NB}) \cdot \overline{CD} = \overline{AN} \cdot \overline{CD} + \overline{NB} \cdot \overline{CD} = 0 \Rightarrow \cos(\overline{AB}, \overline{CD}) = \frac{\overline{AB} \cdot \overline{CD}}{|\overline{AB}| \cdot |\overline{CD}|} = 0.$$

Ví dụ 4: Cho tứ diện đều $ABCD$ có $AB = CD = a; BC = AD = b; CA = BD = c$. Giá trị của $\cos(\overline{BC}, \overline{DA})$ là:

- A. $\frac{a^2 - c^2}{b^2}$. B. $\frac{b^2 - c^2}{a^2}$. C. $\frac{c^2 - a^2}{b^2}$. D. $\frac{a^2 - b^2}{c^2}$.

Lời giải

Chọn A

$$\begin{aligned} \overline{BC} \cdot \overline{DA} &= \overline{BC} \cdot (\overline{DC} + \overline{CA}) = \overline{CB} \cdot \overline{CD} - \overline{CB} \cdot \overline{CA} \\ &= \frac{1}{2}(CB^2 + CD^2 - BD^2) - \frac{1}{2}(CB^2 + CA^2 - AB^2) \\ &= \frac{1}{2}(AB^2 + CD^2 - BD^2 - CA^2) = \frac{1}{2}(2a^2 - 2c^2) = a^2 - c^2 \end{aligned}$$

$$\text{Vậy } \cos(\overline{BC}, \overline{DA}) = \frac{a^2 - c^2}{|\overline{BC}| \cdot |\overline{DA}|} = \frac{a^2 - c^2}{b^2}.$$

Ví dụ 5: Trong mặt phẳng (α) cho tứ giác $ABCD$ và một điểm S tùy ý. Mệnh đề nào sau đây đúng?

- A. $\overline{AC} + \overline{BD} = \overline{AB} + \overline{CD}$.
 B. $\overline{SA} + \overline{SC} = \overline{SB} + \overline{SD}$ (Với S là điểm tùy ý).

C. Nếu tồn tại điểm S mà $\vec{SA} + \vec{SC} = \vec{SB} + \vec{SD}$ thì $ABCD$ là hình bình hành.

D. $\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} + \vec{OD} = \vec{0}$ khi và chỉ khi O là giao điểm của AC và BD .

Lời giải

Đáp án C

A. Sai vì $\vec{AC} + \vec{BD} = \vec{AB} + \vec{CD} \Leftrightarrow \vec{AC} - \vec{AB} + \vec{DC} - \vec{DB} = \vec{0} \Leftrightarrow B \equiv C$ (Vô lí)

B. Sai vì: Gọi O và O' theo thứ tự là trung điểm của AC và BD . Ta có

$\vec{SA} + \vec{SC} = 2\vec{SO}$ và $\vec{SB} + \vec{SD} = 2\vec{SO}' \Leftrightarrow \vec{SO} = \vec{SO}' \Leftrightarrow O \equiv O'$ điều này không đúng nếu $ABCD$ không phải là hình bình hành.

C. Đúng – Chứng minh tương tự như ý B.

Ví dụ 6: Cho hình hộp $ABCD.A'B'C'D'$. Gọi M là trung điểm của AA' , O là tâm của hình bình hành $ABCD$. Cặp ba vectơ nào sau đây đồng phẳng?

A. \vec{MO}, \vec{AB} và $\vec{B'C}$.

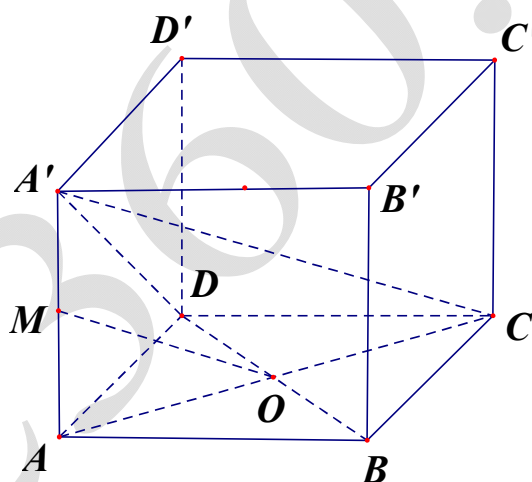
B. \vec{MO}, \vec{AB} và $\vec{A'D'}$.

C. $\vec{MO}, \vec{DC'}$ và $\vec{B'C}$.

D. $\vec{MO}, \vec{A'D}$ và $\vec{B'C'}$.

Lời giải

Đáp án A



Cách 1: Ta có $MO \parallel (CDA'B')$; $AB \parallel A'B' \Rightarrow AB \parallel (CDA'B')$, $B'C'$ nằm trong mặt phẳng $(CDA'B')$ nên các vectơ $\vec{MO}, \vec{AB}, \vec{B'C}$ đồng phẳng vì có giá song song hay nằm trên mặt phẳng $(CDA'B')$.

Cách 2: Ta có $\vec{MO} = \frac{1}{A'C} = \frac{1}{2}(\vec{A'B'} + \vec{B'C'}) = \frac{1}{2}(\vec{A'B'} + \vec{B'C'}) = \frac{1}{2}\vec{AB} + \frac{1}{2}\vec{B'C}$.

Vậy các vectơ $\vec{MO}, \vec{AB}, \vec{B'C}$ đồng phẳng.

Ví dụ 7: Cho tứ diện $ABCD$. M và N theo thứ tự là trung điểm của AB và CD . Bộ ba vectơ nào dưới đây đồng phẳng?

A. $\vec{BC}, \vec{BD}, \vec{AD}$.

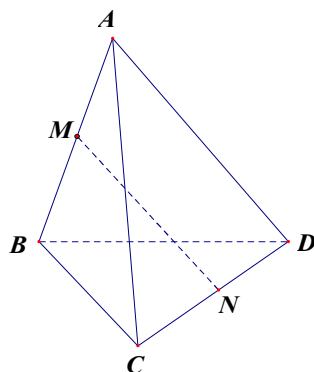
B. $\vec{AC}, \vec{AD}, \vec{MN}$.

C. $\vec{BC}, \vec{AD}, \vec{MN}$.

D. $\vec{AC}, \vec{DC}, \vec{MA}$.

Lời giải

Đáp án C



$$\overrightarrow{AD} = \overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MN} + \overrightarrow{ND}$$

$$\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{BM} + \overrightarrow{MN} + \overrightarrow{NC}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{BC} = 2\overrightarrow{MN} \Rightarrow \overrightarrow{MN} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{BC}$$

Vậy ba vecto $\overrightarrow{BC}; \overrightarrow{AD}; \overrightarrow{MN}$ đồng phẳng.

Ví dụ 8: Cho tứ diện $ABCD$. M là điểm trên đoạn AB và $MB = 2MA$. N là điểm trên đường thẳng CD mà $\overrightarrow{CN} = k\overrightarrow{CD}$. Nếu $\overrightarrow{MN}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{BC}$ đồng phẳng thì giá trị của k là:

A. $k = \frac{2}{3}$.

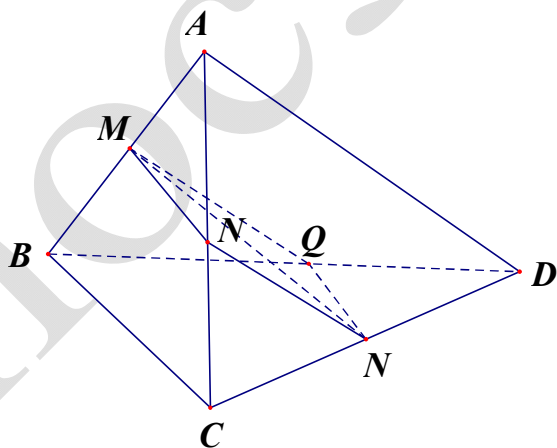
B. $k = \frac{3}{2}$.

C. $k = \frac{4}{3}$.

D. $k = \frac{1}{2}$.

Lời giải

Đáp án A



Qua M vẽ mặt phẳng (α) song song với AD và BC .

(α) cắt AC tại P , BD tại Q và CD tại N . Ta có $MP \parallel PN \parallel AD$.

Các vecto $\overrightarrow{MN}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{BC}$ có giá song song hay nằm trong mặt phẳng (α) nên đồng phẳng.

Ta có $\overrightarrow{CN} = \frac{2}{3}\overrightarrow{CD}$. Vậy $k = \frac{2}{3}$.

Ví dụ 9: Cho hình hộp $ABCD.A_1B_1C_1D_1$. M là điểm trên cạnh AD sao cho $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AD}$. N là điểm trên đường thẳng BD_1 . P là điểm trên đường thẳng CC_1 sao cho M, N, P thẳng hàng.

Tính $\frac{|\overrightarrow{MN}|}{|\overrightarrow{NP}|}$.

A. $\frac{1}{3}$.

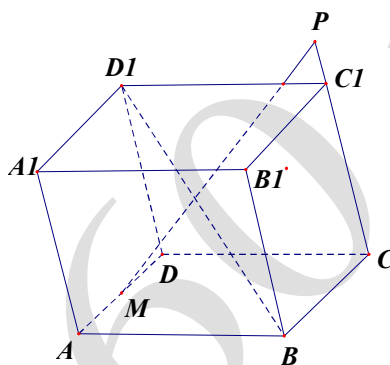
B. $\frac{2}{3}$.

C. $\frac{1}{2}$.

D. $\frac{3}{4}$.

Lời giải

Đáp án B



Đặt $\overrightarrow{AB} = \vec{a}, \overrightarrow{AD} = \vec{b}, \overrightarrow{AA_1} = \vec{c}$ và $\overrightarrow{BN} = x\overrightarrow{BD_1}; \overrightarrow{CP} = y\overrightarrow{CC_1} = y\vec{c}$.

STUDYTIP

Ta biểu thị hai vectơ $\overrightarrow{MN}, \overrightarrow{NP}$ theo các vectơ $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$

Ba điểm M, N, P thẳng hàng nên $\overrightarrow{MN} = \alpha \cdot \overrightarrow{NP}$ (1).

Ta có: $\overrightarrow{MN} = \overrightarrow{MA} + \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BN}$

$$= -\frac{1}{3}\vec{b} + \vec{a} + x\overrightarrow{BD_1} = -\frac{1}{3}\vec{b} + \vec{a} + x(\overrightarrow{BA} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{BB_1})$$

$$= -\frac{1}{3}\vec{b} + \vec{a} + x(-\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}) = (1-x)\vec{a} + \left(x - \frac{1}{3}\right)\vec{b} + x\vec{c} \quad (2)$$

Ta lại có:

$$\overrightarrow{NP} = \overrightarrow{NB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{CP} = -x\overrightarrow{BD_1} + \vec{b} + y\vec{c} = -x(\vec{b} - \vec{a} + \vec{c}) + \vec{b} + y\vec{c}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{NP} = x\vec{a} + (1-x)\vec{b} + (y-x)\vec{c} \quad (3)$$

Thay (2), (3) vào (1) ta được:

$$\begin{cases} 1-x = \alpha x \\ x - \frac{1}{3} = \alpha(1-x) \\ x = \alpha(y-x) \end{cases} \text{ . Giải hệ ta được } \alpha = \frac{2}{3}, x = \frac{3}{5}, y = \frac{3}{2}.$$

Vậy $\frac{|\overrightarrow{MN}|}{|\overrightarrow{NP}|} = \frac{2}{3}$.

Ví dụ 10: Cho tứ diện đều ABCD. Gọi M, N, P lần lượt là trung điểm của các cạnh AB, CB, AD và G là trọng tâm tam giác BCD, α là góc giữa 2 vectơ \overrightarrow{MG} và \overrightarrow{NP} . Khi đó $\cos \alpha$ có giá trị là:

- A.** $\frac{\sqrt{2}}{2}$ **B.** $\frac{\sqrt{2}}{3}$ **C.** $\frac{\sqrt{2}}{6}$ **D.** $\frac{1}{2}$

Đáp án: C

Lời giải:

Đặt $\overrightarrow{AB} = \vec{a}; \overrightarrow{AC} = \vec{b}; \overrightarrow{AD} = \vec{c};$

$$\Rightarrow \overrightarrow{AG} = \frac{1}{3}(\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}) \Rightarrow \overrightarrow{MG} = \overrightarrow{AG} - \overrightarrow{AM} = \frac{1}{6}(-\vec{a} + 2\vec{b} + 2\vec{c})$$

$$\overrightarrow{PN} = \overrightarrow{AN} - \overrightarrow{AP} = \frac{1}{2}(\vec{a} + \vec{b} - \vec{c})$$

Không mất tính tổng quát, giả sử độ dài các cạnh của tứ diện đều bằng 1

$$\Rightarrow |\vec{a}| = |\vec{b}| = |\vec{c}| = 1 \text{ và } \vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{c} = \vec{c} \cdot \vec{a} = 1 \cdot 1 \cdot \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow \cos \alpha = \cos(\overrightarrow{MG}, \overrightarrow{PN}) = \frac{\overrightarrow{MG} \cdot \overrightarrow{PN}}{|\overrightarrow{MG}| \cdot |\overrightarrow{PN}|} \quad (*)$$

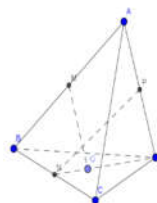
$$\text{Ta có: } \Rightarrow \overrightarrow{MG} \cdot \overrightarrow{PN} = \frac{1}{12}(-\vec{a} + 2\vec{b} + 2\vec{c})(\vec{a} + \vec{b} - \vec{c})$$

$$= \frac{1}{12}(-\vec{a}^2 - \vec{a}\vec{b} + \vec{a}\vec{c} + 2\vec{a}\vec{b} + 2\vec{b}^2 - 2\vec{b}\vec{c} + 2\vec{a}\vec{c} + 2\vec{b}\vec{c} - 2\vec{c}^2) = \frac{1}{12}$$

$$|\overrightarrow{MG}| = \frac{1}{6}\sqrt{(-\vec{a} + 2\vec{b} + 2\vec{c})^2} = \frac{1}{2}; \quad |\overrightarrow{PN}| = \frac{1}{2}\sqrt{(\vec{a} + \vec{b} - \vec{c})^2} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

Thay vào (*) ta được

$$\Rightarrow \cos \alpha = \frac{\frac{1}{12}}{\frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{1}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{6} \quad (*)$$



C. Bài tập rèn luyện kỹ năng

Câu 1: Cho $ABCD.A_1B_1C_1D_1$ là hình hộp, với K là trung điểm CC_1 . Tìm khẳng định đúng trong các khẳng định sau:

A. $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AA_1}$

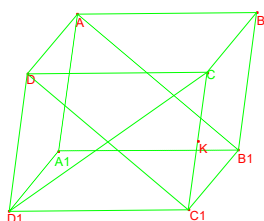
B. $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + \overrightarrow{AA_1}$

C. $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AA_1}$

D. $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AA_1}$

Hướng dẫn giải

Có $\overrightarrow{AK} = \overrightarrow{AC} + \overrightarrow{CK} = (\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD}) + \frac{1}{2}\overrightarrow{AA_1} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AA_1}$



Chọn A

Câu 2: Cho hình hộp $ABCD.A_1B_1C_1D_1$ với $M = CD_1 \cap C_1D$. Khi đó:

A. $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AA_1}$

B. $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AA_1}$

C. $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AA_1}$

D. $\overrightarrow{AM} = \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AD} + \overrightarrow{AA_1}$

Hướng dẫn giải

(hình vẽ câu 1)

Ta có: $\overrightarrow{AM} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DM} = \overrightarrow{AD} + \overrightarrow{DC_1} = \overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}(\overrightarrow{DC} + \overrightarrow{DD_1}) = \overrightarrow{AD} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AB} + \frac{1}{2}\overrightarrow{AA_1}$

Chọn B

Câu 3: Cho hình hộp $ABCD.A_1B_1C_1D_1$. Khi đó: tổng 3 góc $(\overrightarrow{D_1A_1}, \overrightarrow{CC_1}) + (\overrightarrow{C_1B}, \overrightarrow{DD_1}) + (\overrightarrow{DC_1}, \overrightarrow{A_1B})$ là:

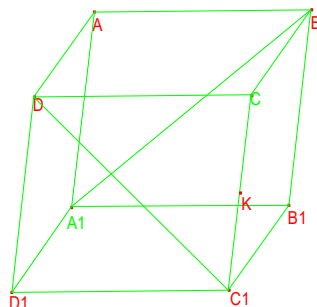
A. 180°

B. 290°

C. 360°

D. 315°

Hướng dẫn giải



Ta có:

$$(\overrightarrow{D_1A_1}, \overrightarrow{CC_1}) = 90^\circ$$

$$(\overrightarrow{C_1B}, \overrightarrow{DD_1}) = (\overrightarrow{C_1B}, \overrightarrow{CC_1}) = 135^\circ$$

$$(\overrightarrow{DC_1}, \overrightarrow{A_1B}) = (\overrightarrow{DC_1}, \overrightarrow{D_1C}) = 90^\circ$$

$$\Rightarrow (\overrightarrow{D_1A_1}, \overrightarrow{CC_1}) + (\overrightarrow{C_1B}, \overrightarrow{DD_1}) + (\overrightarrow{DC_1}, \overrightarrow{A_1B}) = 90^\circ + 135^\circ + 90^\circ = 315^\circ$$

Chọn D

Câu 4: Cho hình lập phương $ABCD.A_1B_1C_1D_1$, đặt $\alpha = (\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{DC_1})$; $\beta = (\overrightarrow{DA_1}, \overrightarrow{BB_1})$; $\gamma = (\overrightarrow{AA_1}, \overrightarrow{C_1C})$ Khi đó: là $\alpha + \beta + \gamma$:

A. 360°

B. **375°**

C. 315°

D. 275°

Hướng dẫn giải

(hình câu 3)

$$\alpha = (\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{DC_1}) = (\overrightarrow{AC}, \overrightarrow{AB_1}) = 60^\circ$$

$$\beta = (\overrightarrow{DA_1}, \overrightarrow{BB_1}) = (\overrightarrow{DA_1}, \overrightarrow{A_1A}) = 135^\circ$$

$$\gamma = (\overrightarrow{AA_1}, \overrightarrow{C_1C}) = (\overrightarrow{AA_1}, \overrightarrow{A_1A}) = 180^\circ$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = 60^\circ + 135^\circ + 180^\circ = 375^\circ$$

Chọn B

Câu 5: Cho hình chóp S.ABCD có đáy ABCD là hình bình hành, $AB=6$; $AD=4$; $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD} = 12$. Tính $(\overrightarrow{SC} \cdot \overrightarrow{SA})^2$.

A. 76

B. **28**

C. 52

D. 40

Hướng dẫn giải