

ĐỀ CHÍNH THỨC

Mã đề thi 357

Họ, tên thí sinh:.....

Số báo danh:.....

I. PHẦN TRẮC NGHIỆM (8 điểm)

Câu 1: Cho $\cos \alpha = -\frac{5}{13}$ và $\pi < x < \frac{3\pi}{2}$, $\sin \alpha$ nhận giá trị nào sau đây:

A. $-\frac{12}{13}$.

B. $\frac{144}{169}$.

C. $-\frac{144}{169}$.

D. $\frac{12}{13}$.

Câu 2: Giá trị nhỏ nhất của biểu thức $f(x) = x + \frac{2}{x-1}$ với $x > 1$ bằng:

A. $2 + \sqrt{2}$.

B. $1 + 2\sqrt{2}$.

C. 4.

D. 3.

Câu 3: Trong mặt phẳng Oxy , đường tròn tâm $I(-1; 2)$ bán kính $R=5$ có phương trình là:

A. $(x-1)^2 + (y+2)^2 = 25$.

B. $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 5$.

C. $(x+1)^2 + (y-2)^2 = 25$.

D. $(x-1)^2 + (y-2)^2 = 25$.

Câu 4: Trong mặt phẳng Oxy , phương trình tham số của đường thẳng qua $A(2; -1)$ và $B(2; 5)$

A. $\begin{cases} x=1 \\ y=2+6t \end{cases}$.

B. $\begin{cases} x=2t \\ y=-6t \end{cases}$.

C. $\begin{cases} x=2 \\ y=-1+6t \end{cases}$.

D. $\begin{cases} x=2+t \\ y=5+6t \end{cases}$.

Câu 5: Số đo của một cung lượng giác bằng $\frac{\pi}{6}$ thì số đo của góc lượng giác tương ứng cung đó là:

A. $\frac{5\pi}{6}$.

B. $\frac{13\pi}{6}$.

C. $-\frac{\pi}{6}$.

D. $\frac{\pi}{6}$.

Câu 6: Cho dãy số liệu thống kê: 43, 35, 36, 37, 38, 34. Độ lệch chuẩn của các số liệu thống kê đã cho là

A. 2,91.

B. 8,72.

C. 37,16.

D. 37,17.

Câu 7: Cho $\tan x = \frac{1}{2}$, $\tan y = \frac{1}{3}$ và $\tan(x+y) = \frac{\tan x + \tan y}{1 - \tan x \cdot \tan y}$ với $x, y \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)$. Khi đó, giá trị của $x+y$ bằng:

A. $\frac{\pi}{2}$.

B. $\frac{\pi}{6}$.

C. $\frac{\pi}{4}$.

D. $\frac{\pi}{3}$.

Câu 8: Phương trình: $-2x^2 - 2(m^2 - 4m + 3)x + 3m^2 - 5m + 2 = 0$ có hai nghiệm trái dấu khi

A. $\frac{2}{3} \leq m \leq 1$.

B. $\begin{cases} m \leq \frac{2}{3} \\ m \geq 1 \end{cases}$.

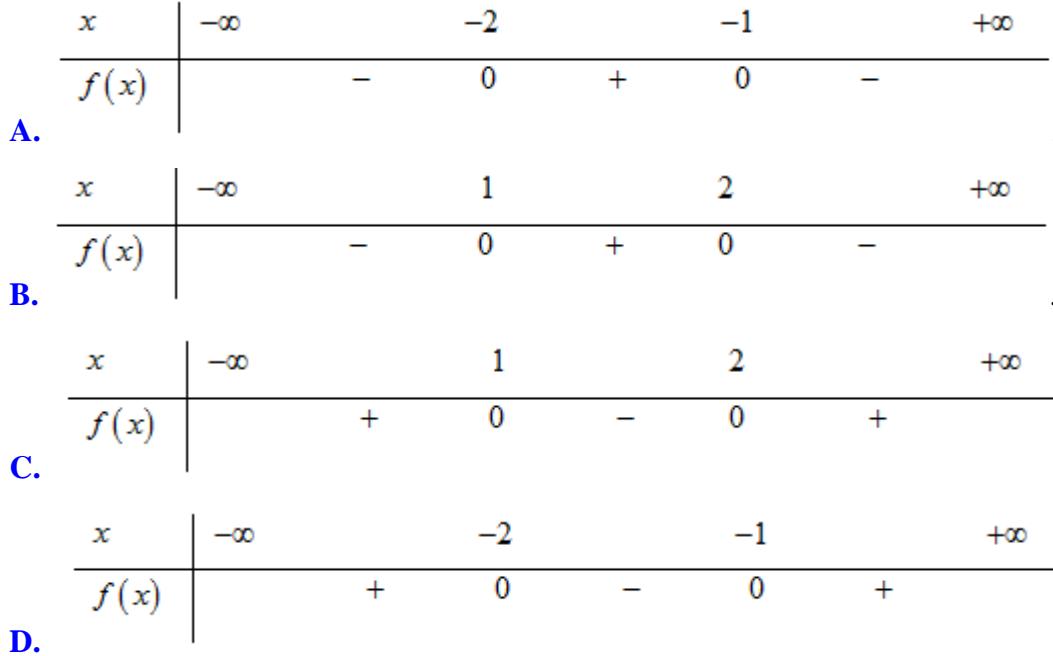
C. $\frac{2}{3} < m < 1$.

D. $\begin{cases} m < \frac{2}{3} \\ m > 1 \end{cases}$.

Câu 9: Tập nghiệm của bất phương trình $\frac{1}{x} > 2$ là:

- A. $(0; +\infty)$. B. $(-\infty; 0) \cup \left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$. C. $\left(-\infty; \frac{1}{2}\right)$. D. $\left(0; \frac{1}{2}\right)$.

Câu 10: Chọn bảng xét dấu của tam thức $f(x) = x^2 + 3x + 2$:



Câu 11: Cho tam thức $f(x) = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$, $\Delta = b^2 - 4ac$. Khi đó $f(x) > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ nếu:

- A. $\begin{cases} a > 0 \\ \Delta \leq 0 \end{cases}$ B. $\begin{cases} a > 0 \\ \Delta < 0 \end{cases}$ C. $\begin{cases} a > 0 \\ \Delta \geq 0 \end{cases}$ D. $\begin{cases} a > 0 \\ \Delta > 0 \end{cases}$

Câu 12: Trong mặt phẳng Oxy , phương trình nào sau đây là phương trình đường tròn?

- A. $x^2 + y^2 - x - y + 9 = 0$. B. $x^2 + y^2 - 2xy - 1 = 0$.
 C. $x^2 + y^2 - x = 0$. D. $x^2 - y^2 - 2x + 3y - 1 = 0$.

Câu 13: Trong mặt phẳng Oxy , đường thẳng nào qua $A(2; 1)$ và song song với đường thẳng $d: 2x + 3y - 2 = 0$

- A. $2x - 3y + 3 = 0$. B. $3x - 2y - 4 = 0$. C. $2x + 3y - 7 = 0$. D. $4x + 6y - 11 = 0$.

Câu 14: Bất phương trình $\frac{2x+9}{x-3} < 1$ có bao nhiêu nghiệm nguyên dương

- A. 2. B. 3. C. 4. D. Vô số.

Câu 15: Cho biểu thức $P = 3\sin^2 x + 4\cos^2 x + \tan^2 x$, biết $\cos x = \frac{1}{2}$. Giá trị của P bằng:

- A. $P = \frac{25}{4}$. B. $P = \frac{27}{4}$. C. $P = \frac{23}{4}$. D. $P = \frac{29}{4}$.

Câu 16: Tam giác ABC có $AB=12, AC=13, \angle A=30^\circ$. Tính diện tích tam giác đó

- A. $78\sqrt{3}$. B. 78. C. $39\sqrt{3}$. D. 39.

Câu 17: Cho bảng phân bố tần số ghép lớp:

Các lớp giá trị của X	$[50;54)$	$[54;58)$	$[58;62)$	$[62;66]$	Cộng
Tần số n_i	15	65	15	5	100

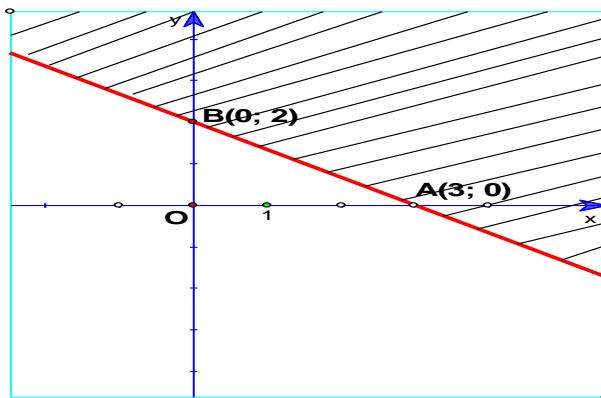
Phương sai của bảng số liệu là:

- A. 2,8. B. 7,8. C. 56,4. D. 7,84.

Câu 18: Trong các điểm sau, điểm nào thuộc miền nghiệm của hệ bất phương trình $\begin{cases} x-y-2 \leq 0 \\ x+2y+1 > 0 \end{cases}$:

- A. $(-1;-2)$. B. $(0;-1)$. C. $(1;0)$. D. $(11;3)$.

Câu 19: Hình sau đây biểu diễn cho bất phương trình nào? (Miền nghiệm là phần không bị gạch).



- A. $2x+y+2 < 0$. B. $2x+3y-6 > 0$. C. $x+3y-6 > 0$. D. $2x+3y-6 < 0$.

Câu 20: Cung tròn có số đo $2,5$ và bán kính của cung tròn 7 cm thì có độ dài là:

- A. $17,5\pi$ cm. B. $\frac{5\pi}{2}$ cm. C. 35 cm. D. 17,5 cm.

Câu 21: Góc có số đo 108° đổi ra radian là:

- A. $\frac{\pi}{4}$. B. $\frac{3\pi}{5}$. C. $\frac{3\pi}{2}$. D. $\frac{\pi}{10}$.

Câu 22: Cho $\forall a, b \geq 0$ ta có

- A. $\sqrt{ab} \leq \frac{a+b}{2}$. B. $ab \leq \frac{a+b}{2}$. C. $\sqrt{ab} \geq \frac{a+b}{2}$. D. $\sqrt{ab} \leq \frac{a-b}{2}$.

Câu 23: Trong mặt phẳng Oxy , đường tròn $(C): x^2 + y^2 - 4x + 2y - 1 = 0$ có tâm và bán kính là:

- A. Tâm $I(-4; 2)$ và bán kính $R = \sqrt{21}$. B. Tâm $I(2; -1)$ và bán kính $R = \sqrt{6}$.
 C. Tâm $I(2; -1)$ và bán kính $R = 2$. D. Tâm $I(-2; 1)$ và bán kính $R = \sqrt{6}$.

Câu 24: Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào **đúng**:

- A. $\begin{cases} x < 1 \\ y < 1 \end{cases} \Rightarrow \frac{x}{y} < 1$. B. $\begin{cases} 0 < x < 1 \\ y < 1 \end{cases} \Rightarrow xy < 1$. C. $\begin{cases} x < 1 \\ y < 1 \end{cases} \Rightarrow xy < 1$. D. $\begin{cases} x < 1 \\ y < 1 \end{cases} \Rightarrow x - y < 1$.

Câu 25: Trong mặt phẳng Oxy , cho đường tròn $(C): (x-1)^2 + (y-3)^2 = 4$ và đường thẳng $\Delta: x+y+8=0$. Phương trình đường thẳng d song song với Δ và cắt đường tròn (C) tại hai điểm A, B sao cho $AB = 2\sqrt{2}$ là:
 A. $x+y-6=0$. B. $x+y+3=0$. C. $x+y-3=0$. D. $x+y+6=0$.

Câu 26: Điểm $O(0;0)$ thuộc miền nghiệm của bất phương trình nào sau đây?

- A. $-2x+5y+2 \geq 0$. B. $x+y+2 \leq 0$. C. $2x+y-8 \geq 0$. D. $x+3y+2 \leq 0$.

Câu 27: Trong mặt phẳng Oxy , cho hai điểm $A(2;3), B(3;-2)$. Tìm điểm C thuộc trực Ox để ΔABC vuông tại C
 A. $C(0;1)$. B. $C(5;0)$. C. $C(-5;0)$. D. $C(0;-1)$.

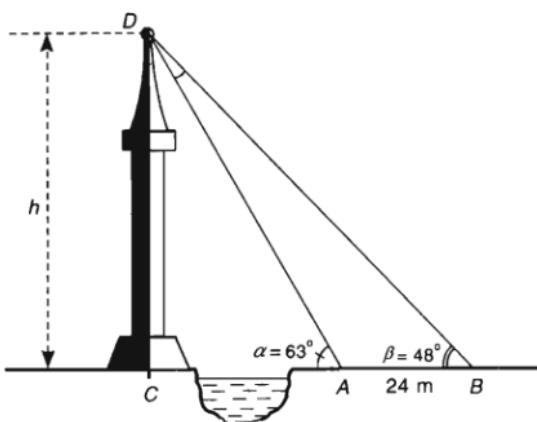
Câu 28: Tập nghiệm của bất phương trình $(-x+3)(x+1) > 0$ là:

- A. $S = (3; +\infty)$. B. $S = (-1; 3)$.
 C. $S = (-\infty; -1)$. D. $S = (-\infty; -1) \cup (3; +\infty)$.

Câu 29: Bất phương trình $2x + \frac{3}{2x-4} < 3 + \frac{3}{2x-4}$ tương đương với

- A. $x < \frac{3}{2}$. B. $3 - 2x < 0$. C. $x > \frac{3}{2}$ và $x \neq 2$. D. $2x - 3 > 0$.

Câu 30: Giả sử chúng ta cần đo chiều cao CD của một cái tháp với C là chân tháp, D là đỉnh tháp. Vì không thể đến chân tháp được nên từ hai điểm A, B có khoảng cách $AB = 24$ m sao cho ba điểm A, B, C thẳng hàng người ta đo được $\angle CAD = 63^\circ$ và $\angle CBD = 48^\circ$. Khi đó, chiều cao h của tháp bằng:



- A. 61,4 (m). B. 60,4 (m). C. 59,4 (m). D. 62,4 (m).

- Câu 31:** Tìm tập nghiệm của bất phương trình $x-4 \geq 0$
- A. $(-\infty, 4)$. B. $(-\infty, 4]$. C. $(4, +\infty)$. D. $[4, +\infty)$.
- Câu 32:** Trong mặt phẳng Oxy , cho đường thẳng Δ có phương trình tổng quát $-2x+3y-1=0$. Tìm điểm thuộc đường thẳng
- A. $(-3; 0)$. B. $(0; -3)$. C. $(1; 1)$. D. $(3; 0)$.
- Câu 33:** Trong mặt phẳng Oxy , cho hai điểm $M(-2; 2)$ và $N(1; 3)$. Độ dài đoạn thẳng MN bằng:
- A. 26. B. $\sqrt{26}$. C. $\sqrt{10}$. D. 10.
- Câu 34:** Số $x=-1$ là nghiệm của bất phương trình $m-x^2 < 2$ khi và chỉ khi
- A. $m < 3$. B. $m = 3$. C. $m > 3$. D. $m < 1$.
- Câu 35:** Cho $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$. Kết quả **đúng** là:
- A. $\sin \alpha > 0$; $\cos \alpha > 0$. B. $\sin \alpha > 0$; $\cos \alpha < 0$.
 C. $\sin \alpha < 0$; $\cos \alpha < 0$. D. $\sin \alpha < 0$; $\cos \alpha > 0$.
- Câu 36:** Công thức nào sau đây **sai**:
- A. $\sin \alpha = \cos \alpha \cdot \tan \alpha$. B. $\tan \alpha \cdot \cot \alpha = 1$.
 C. $\sin^2 \alpha \cdot \cos^2 \alpha = 1$. D. $1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$.
- Câu 37:** Trong các biểu thức sau, biểu thức nào nhận giá trị âm với mọi $x \in \mathbb{R}$.
- A. $f(x) = -x^2 - 2x + 3$. B. $f(x) = -6x^2 + 4x - 3$.
 C. $f(x) = 4x^2 - 5x + 6$. D. $f(x) = -x^2$.
- Câu 38:** Trong tam giác ABC bất kỳ, với $BC=a$, $AC=b$, $AB=c$. Phát biểu nào **sai**?
- A. $b^2 = a^2 + c^2 - 2a.c.\cos B$. B. $a^2 = b^2 + c^2 - 2a.b.\cos A$.
 C. $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C$. D. $a^2 = b^2 + c^2 - 2b.c.\cos A$.
- Câu 39:** Nhị thức $f(x) = -5x + 1$ nhận giá trị âm khi
- A. $x < -\frac{1}{5}$. B. $x < \frac{1}{5}$. C. $x > -\frac{1}{5}$. D. $x > \frac{1}{5}$.
- Câu 40:** Trong mặt phẳng Oxy , cho hai véc tơ $\vec{a} = (a_1; a_2)$ và $\vec{b} = (b_1; b_2)$. Trong các mệnh đề sau, mệnh đề nào **đúng**:
- A. $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_2 - a_2 b_1$. B. $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 - a_2 b_2$. C. $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2$. D. $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_2 + a_2 b_1$.

II. TỰ LUẬN (2 điểm)

- Câu 1:** (0,5 điểm) Giải bất phương trình $x^2 - 5x + 6 > 0$

Câu 2: (0,5 điểm) Cho $\sin \alpha = \frac{1}{5}$ và $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$. Tính $\cos \alpha$.

Câu 3: (1 điểm) Trong mặt phẳng Oxy , cho điểm $I(-2;-2)$ và đường thẳng $d: 5x + 12y - 10 = 0$.

a) (0,5 điểm) Viết phương trình đường tròn (C) tâm I và tiếp xúc đường thẳng d .

b) (0,5 điểm) Tìm tọa độ giao điểm của đường thẳng d và đường tròn (C) .

----- HẾT -----.