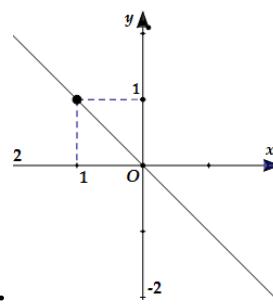
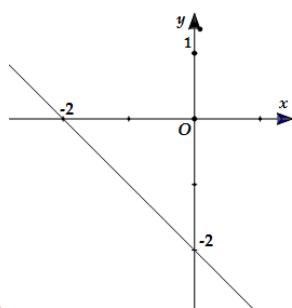


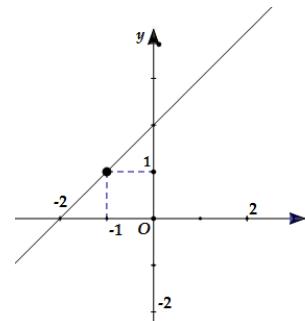
A.



B.



C.



D.

**Câu 32.** Xác định tập hợp các điểm  $M$  trong mặt phẳng phức biểu diễn các số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện:

$$|z + \bar{z} + 3| = 4$$

A. Đường thẳng  $x = -\frac{7}{2}$ .

B. Đường thẳng  $x = \frac{13}{2}$ .

C. Hai đường thẳng  $x = -\frac{7}{2}$  với  $\left(x < -\frac{3}{2}\right)$ , đường thẳng  $x = \frac{1}{2}$  với  $\left(x \geq -\frac{3}{2}\right)$ .

D. Đường thẳng  $x = \frac{1}{2}$ .

**Câu 33.** Xác định tập hợp các điểm  $M$  trong mặt phẳng phức biểu diễn các số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện:

$$|z + i| = |z - i|$$

A. Trục  $Oy$ .

B. Trục  $Ox$ .

C.  $y = x$ .

D.  $y = -x$ .

**Câu 34.** Xác định tập hợp các điểm  $M$  trong mặt phẳng phức biểu diễn các số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện:

$$|\bar{z} + 1 - i| \leq 1$$

A. Đường tròn tâm  $I(-1; -1)$ , bán kính  $R = 1$ .

B. Hình tròn tâm  $I(1; -1)$ , bán kính  $R = 1$ .

C. Hình tròn tâm  $I(-1; -1)$ , bán kính  $R = 1$  (kể cả những điểm nằm trên đường tròn).

D. Đường tròn tâm  $I(1; -1)$ , bán kính  $R = 1$ .

**Câu 35.** Cho số phức  $z$  thỏa mãn  $\frac{z+i}{z-i}$  là số thuần ảo. Tập hợp các điểm  $M$  biểu diễn số phức  $z$  là:

A. Đường tròn tâm  $O$ , bán kính  $R = 1$ .

- B.**Hình tròn tâm  $O$ , bán kính  $R=1$  (kể cả biên).
- C.**Hình tròn tâm  $O$ , bán kính  $R=1$  (không kể biên).
- D.**Đường tròn tâm  $O$ , bán kính  $R=1$  bỏ đi một điểm  $(0,1)$

**Câu 36.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , tập hợp biểu diễn số phức  $z$  thỏa mãn  $|z+2|=|i-z|$  là đường thẳng  $d$ . Khoảng cách từ gốc  $O$  đến đường thẳng  $d$  bằng bao nhiêu ?

**A.**  $d(O,d)=\frac{3\sqrt{5}}{10}$ .      **B.**  $d(O,d)=\frac{3\sqrt{5}}{5}$ .      **C.**  $d(O,d)=\frac{3\sqrt{5}}{20}$ .      **D.**  $d(O,d)=\frac{\sqrt{5}}{10}$ .

**Câu 37.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , cho số phức  $z$  thỏa lần lượt một trong bốn điều kiện  $(I):|z+\bar{z}|=2$ ;  $(II):z\bar{z}=5$ ;  $(III):|z-2i|=4$ ,  $(IV):|i(z-4i)|=3$ . Hỏi điều kiện nào để số phức  $Z$  có tập hợp biểu diễn là đường thẳng.

- A.**  $(II), (III), (IV)$ .
- B.**  $(I), (II)$ .
- C.**  $(I), (IV)$ .
- D.**  $(I)$ .

**Câu 38.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , tập hợp các điểm biểu diễn số phức  $z$  sao cho  $z^2$  là số thuần ảo là hai đường thẳng  $d_1, d_2$ . Góc  $\alpha$  giữa 2 đường thẳng  $d_1, d_2$  là bao nhiêu ?

**A.**  $\alpha = 45^\circ$ .      **B.**  $\alpha = 60^\circ$ .      **C.**  $\alpha = 90^\circ$ .      **D.**  $\alpha = 30^\circ$ .

**Câu 39.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , tập hợp điểm biểu diễn số phức  $Z$  thỏa mãn  $2|z-i|=|z-\bar{z}+2i|$  là parabol  $(P)$ . Đỉnh của  $(P)$  có tọa độ là ?

- A.**  $(0,0)$ .
- B.**  $(-1,3)$ .
- C.**  $(0,1)$ .
- D.**  $(-1,0)$ .

**Câu 40.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , tập hợp biểu diễn số phức  $Z$  thỏa mãn  $|z|^2 - z(\bar{z}+i) - i = 3$  là đường tròn  $(C)$ . Khoảng cách từ tâm  $I$  của đường tròn  $(C)$  đến trực tung bằng bao nhiêu ?

**A.**  $d(I,Oy)=1$ .      **B.**  $d(I,Oy)=2$ .      **C.**  $d(I,Oy)=0$ .      **D.**  $d(I,Oy)=\sqrt{2}$ .

**Câu 41.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , tập hợp các điểm biểu diễn số phức  $Z$  thỏa mãn  $|z^2 + (\bar{z})^2 + 2|z|^2| = 16$  là hai đường thẳng  $d_1, d_2$ . Khoảng cách giữa 2 đường thẳng  $d_1, d_2$  là bao nhiêu ?

- A.**  $d(d_1, d_2)=2$ .
- B.**  $d(d_1, d_2)=4$ .
- C.**  $d(d_1, d_2)=1$ .
- D.**  $d(d_1, d_2)=6$ .

**Câu 42.** Xét 3 điểm  $A, B, C$  của mặt phẳng phức theo thứ tự biểu diễn 3 số phức phân biệt  $z_1, z_2, z_3$  thỏa mãn  $|z_1|=|z_2|=|z_3|$ . Nếu  $z_1 + z_2 + z_3 = 0$  thì tam giác  $ABC$  có đặc điểm gì ?

- A.**  $\Delta ABC$  cân.
- B.**  $\Delta ABC$  vuông.
- C.**  $\Delta ABC$  có góc  $120^\circ$ .
- D.**  $\Delta ABC$  đều.

**Câu 43.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , tập hợp biểu diễn số phức  $Z$  thỏa mãn  $|z|^2 + z + \bar{z} = 0$  là đường tròn  $(C)$ . Diện tích  $S$  của đường tròn  $(C)$  bằng bao nhiêu ?

- A.**  $S = 4\pi$ .
- B.**  $S = 2\pi$ .
- C.**  $S = 3\pi$ .
- D.**  $S = \pi$ .

**Câu 44.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , tập hợp biểu diễn số phức  $Z$  thỏa  $1 \leq |z+1-i| \leq 2$  là hình vành khăn.

Chu vi  $P$  của hình vành khăn là bao nhiêu ?

- A.**  $P = 4\pi$ .      **B.**  $P = \pi$ .      **C.**  $P = 2\pi$ .      **D.**  $P = 3\pi$ .

**Câu 45.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , giả sử  $M$  là điểm biểu diễn số phức  $Z$  thỏa mãn  $|z+2| + |z-2| = 8$ .

Tập hợp những điểm  $M$  là ?

- A.**  $(E): \frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{12} = 1$ .      **B.**  $(E): \frac{x^2}{12} + \frac{y^2}{16} = 1$ .  
**C.**  $(T): (x+2)^2 + (y-2)^2 = 64$ .      **D.**  $(T): (x+2)^2 + (y-2)^2 = 8$ .

**Câu 46.** Xác định tập hợp các điểm  $\mathbf{M}$  trong mặt phẳng phức biểu diễn các số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện:

$$|z^2 - (\bar{z})^2| = 4$$

- A.** Là hai đường hyperbol  $(H_1)$ :  $y = \frac{1}{x}$  và  $(H_2)$   $y = -\frac{1}{x}$ .

- B.** Là đường hyperbol  $(H_1)$ :  $y = \frac{1}{x}$ .

- C.** Là đường hyperbol  $(H_2)$ :  $y = -\frac{1}{x}$ .

- D.** Là đường tròn tâm  $O(0;0)$  bán kính  $R = 4$ .

**Câu 47.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , các số phức  $z$  thỏa  $|z-5i| \leq 3$ . Nếu số phức  $z$  có môđun nhỏ nhất thì phần ảo bằng bao nhiêu ?

- A.** 0.      **B.** 3.      **C.** 2.      **D.** 4.

**Câu 48.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , các số phức  $z$  thỏa  $|z+2i-1| = |z+i|$ . Tìm số phức  $z$  được biểu diễn bởi điểm  $M$  sao cho  $MA$  ngắn nhất với  $A(1,3)$ .

- A.**  $3+i$ .      **B.**  $1+3i$ .      **C.**  $2-3i$ .      **D.**  $-2+3i$ .

**Câu 49.** Trong mặt phẳng phức  $Oxy$ , trong các số phức  $z$  thỏa  $|z+1-i| \leq 1$ . Nếu số phức  $z$  có môđun lớn nhất thì số phức  $z$  có phần thực bằng bao nhiêu ?

- A.**  $\frac{-\sqrt{2}-2}{2}$ .      **B.**  $\frac{\sqrt{2}-2}{2}$ .      **C.**  $\frac{2-\sqrt{2}}{2}$ .      **D.**  $\frac{2+\sqrt{2}}{2}$ .

**Câu 50.** Tìm nghiệm phức  $z$  thỏa mãn hệ phương trình phức : 
$$\begin{cases} |z-1| = |z-i| \\ \left| \frac{z-3i}{z+i} \right| = 1 \end{cases}$$

- A.**  $z = 2+i$ .      **B.**  $z = 1-i$ .      **C.**  $z = 2-i$ .      **D.**  $z = 1+i$ .

## A. ĐÁP ÁN VÀ HƯỚNG DẪN GIẢI BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM

### I – ĐÁP ÁN 5.3

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
A	B	A	C	A	D	A	C	A	A	B	D	A	C	C	A	A	D	A	B

21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
B	A	A	B	D	C	A	D	D	A	C	C	B	C	D	A	D	C	A	A

41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53	54	55	56	57	58	59	60
B	D	D	C	A	A	C	A	A	D										

## II – HƯỚNG DẪN GIẢI

### NHẬN BIẾT – THÔNG HIẾU

- Câu 1.** Điểm M biểu diễn số phức  $z = 3 + 2i$  trong mặt phẳng tọa độ phức là:  
**A.**  $M(3; 2)$ .      **B.**  $M(2; 3)$ .      **C.**  $M(3; -2)$ .      **D.**  $M(-3; -2)$ .

#### Hướng dẫn giải

Số phức  $z$  có phần thực là 3, phần ảo là 2 nên điểm biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ là điểm  $M(3; 2) \Rightarrow$  **Đáp án A**

- Câu 2.** Cho số phức  $z = -2i - 1$ . Điểm biểu diễn số phức liên hợp của  $z$  trong mặt phẳng phức là:  
**A.**  $M(-1; -2)$ .      **B.**  $M(-1; 2)$ .      **C.**  $M(-2; 1)$ .      **D.**  $M(2; -1)$ .

#### Hướng dẫn giải

Số phức liên hợp của  $z$  là  $\bar{z} = -1 + 2i$  nên  $\bar{z}$  có phần thực là -1, phần ảo là 2. Vậy điểm biểu diễn số phức liên hợp là  $M(-1; 2) \Rightarrow$  **Đáp án B**

- Câu 3.** Cho số phức  $z = 3 + i$ . Điểm biểu diễn số phức  $\frac{1}{z}$  trong mặt phẳng phức là:

**A.**  $M\left(\frac{1}{4}; -\frac{3}{4}\right)$ .      **B.**  $M\left(-\frac{3}{4}; \frac{1}{4}\right)$ .      **C.**  $M\left(-\frac{1}{2}; \frac{3}{2}\right)$ .      **D.**  $M\left(\frac{3}{2}; -\frac{1}{2}\right)$ .

#### Hướng dẫn giải

Ta có:  $z = 1 + 3i \Rightarrow \frac{1}{z} = \frac{1}{1+3i} = \frac{1-3i}{(1+3i)(1-3i)} = \frac{1-3i}{4} = \frac{1}{4} + \frac{-3}{4}i$

$\Rightarrow M\left(\frac{1}{4}; -\frac{3}{4}\right) \Rightarrow$  **Đáp án A.**

- Câu 4.** Gọi A là điểm biểu diễn của số phức  $z = 3 + 2i$  và B là điểm biểu diễn của số phức  $z' = 2 + 3i$ . Trong các khẳng định sau, khẳng định nào đúng?

- A.** Hai điểm A và B đối xứng nhau qua trục tung.  
**B.** Hai điểm A và B đối xứng nhau qua gốc tọa độ O.  
**C.** Hai điểm A và B đối xứng nhau qua đường thẳng  $y = x$ .  
**D.** Hai điểm A và B đối xứng nhau qua trục hoành.

#### Hướng dẫn giải

Ta có  $z = 3 + 2i \Rightarrow A(3; 2)$ ;  $z' = 2 + 3i \Rightarrow B(2; 3)$ . Gọi I là trung điểm của AB

Lúc đó :  $\overrightarrow{AB} = (1;1); I\left(\frac{5}{2}; \frac{5}{3}\right) \Rightarrow \begin{cases} \overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{u_d} = 0 \\ I \in d \end{cases}$

Với  $(d)$ :  $y = x$  và  $I$  là trung điểm của  $AB$

$\Rightarrow A$  và  $B$  đối xứng nhau qua  $(d)$   $\Rightarrow$  **Đáp án C**

**Câu 5.** Gọi  $A$  là điểm biểu diễn số phức  $z$ ,  $B$  là điểm biểu diễn số phức  $-z$ . Trong các khẳng định sau khẳng định nào sai?

- A.  $A$  và  $B$  đối xứng nhau qua trực hoành.
- B.  $A$  và  $B$  trùng gốc tọa độ khi  $z = 0$ .
- C.  $A$  và  $B$  đối xứng qua gốc tọa độ.
- D. Đường thẳng  $AB$  đi qua gốc tọa độ.

**Hướng dẫn giải**

Giả sử  $A(a;b)$  là điểm biểu diễn số phức  $z$  thì  $B(-a;-b)$  là điểm biểu diễn số phức  $-z \Rightarrow A$  và  $B$  đối xứng nhau qua gốc tọa độ  $\Rightarrow$  **Đáp án A**.

**Câu 6.** Các điểm biểu diễn các số phức  $z = 3 + bi$  ( $b \in \mathbb{R}$ ) trong mặt phẳng tọa độ, nằm trên đường thẳng có phương trình là:

- A.  $y = b$ .
- B.  $y = 3$ .
- C.  $x = b$ .
- D.  $x = 3$ .

**Hướng dẫn giải**

Các điểm biểu diễn số phức  $z = 3 + bi$  ( $b \in \mathbb{R}$ ) có dạng  $M(3;b)$  nên nằm trên đường thẳng  $x = 3$   
 $\Rightarrow$  **Đáp án D**

**Câu 7.** Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp điểm biểu diễn các số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện phần thực của  $z$  bằng  $-2$  là:

- A.  $x = -2$ .
- B.  $y = 2$ .
- C.  $y = 2x$
- D.  $y = x + 2$

**Hướng dẫn giải**

Điểm biểu diễn các số phức  $z$  có phần thực bằng  $-2$  có dạng  $M(-2;b)$  nên nằm trên đường thẳng  $x = -2 \Rightarrow$  **Đáp án A**.

**Câu 8.** Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp điểm biểu diễn các số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện phần ảo của  $z$  nằm trong khoảng  $(2016; 2017)$  là:

- A. Các điểm nằm trong phần giới hạn bởi đường thẳng  $x = 2016$  và  $x = 2017$ , không kể biên.
- B. Các điểm nằm trong phần giới hạn bởi đường thẳng  $x = 2016$  và  $x = 2017$ , kể cả biên.
- C. Các điểm nằm trong phần giới hạn bởi đường thẳng  $y = 2016$  và  $y = 2017$ , không kể biên.
- D. Các điểm nằm trong phần giới hạn bởi đường thẳng  $y = 2016$  và  $y = 2017$ , kể cả biên.

**Hướng dẫn giải:**

Điểm biểu diễn các số phức  $z$  có phần ảo nằm trong khoảng  $(2016; 2017)$  có dạng  $M(a;b)$  với  $2016 < b < 2017 \Rightarrow$  **Đáp án C**.

**Câu 9.** Trên mặt phẳng tọa độ, tập hợp điểm biểu diễn các số phức  $z$  thỏa mãn điều kiện phần thực của  $z$  nằm trong đoạn  $[-1; 3]$  là:

- A. Các điểm nằm trong phần giới hạn bởi đường thẳng  $x = -1$  và  $x = 3$ , kể cả biên.
- B. Các điểm nằm trong phần giới hạn bởi đường thẳng  $x = -1$  và  $x = 3$ , không kể biên.