

## DẠNG 1: XÁC ĐỊNH GIAO TUYẾN CỦA HAI MẶT PHẶNG

### Phương pháp 1

Cơ sở của phương pháp tìm giao tuyến của hai mặt phẳng  $(\alpha)$  và  $(\beta)$  cần thực hiện:

- Bước 1: Tìm hai điểm chung  $A$  và  $B$  của  $(\alpha)$  và  $(\beta)$ .
- Bước 2: Đường thẳng  $AB$  là giao tuyến cần tìm ( $AB = (\alpha) \cap (\beta)$ ).

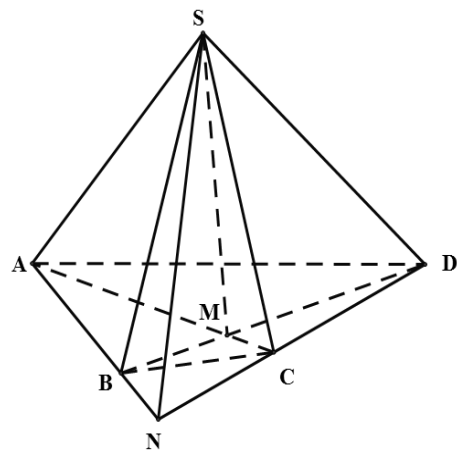
**Câu 1:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $AC \cap BD = M$  và  $AB \cap CD = N$ . Giao tuyến của mặt phẳng  $(SAC)$  và mặt phẳng  $(SBD)$  là đường thẳng

- A.  $SN$ .                                  B.  $SC$ .                                  C.  $SB$ .                                  D.  $SM$ .

Hướng dẫn giải:

Chọn D.

Giao tuyến của mặt phẳng  $(SAC)$  và mặt phẳng  $(SBD)$  là đường thẳng  $SM$ .



**Câu 2:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có  $AC \cap BD = M$  và  $AB \cap CD = N$ . Giao tuyến của mặt phẳng  $(SAB)$  và mặt phẳng  $(SCD)$  là đường thẳng

- A.  $SN$ .                                  B.  $SA$ .                                  C.  $MN$ .                                  D.  $SM$ .

Hướng dẫn giải:

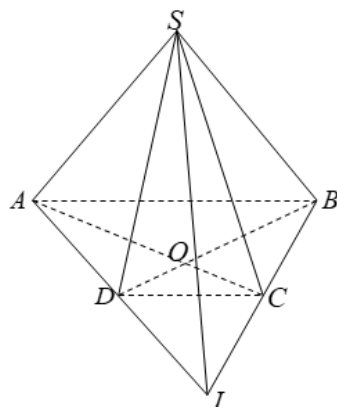
Chọn A.

**Câu 3:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang  $ABCD$  ( $AB \parallel CD$ ). Khẳng định nào sau đây sai?

- A. Hình chóp  $S.ABCD$  có 4 mặt bên.
- B. Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(SAC)$  và  $(SBD)$  là  $SO$  ( $O$  là giao điểm của  $AC$  và  $BD$ ).
- C. Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(SAD)$  và  $(SBC)$  là  $SI$  ( $I$  là giao điểm của  $AD$  và  $BC$ ).
- D. Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(SAB)$  và  $(SAD)$  là đường trung bình của  $ABCD$ .

Hướng dẫn giải:

Chọn D.



- Hình chóp  $S.ABCD$  có 4 mặt bên  $(SAB)$ ,  $(SBC)$ ,  $(SCD)$ ,  $(SAD)$  nên A đúng.
- $S, O$  là hai điểm chung của  $(SAC)$  và  $(SBD)$  nên B đúng.
- $S, I$  là hai điểm chung của  $(SAD)$  và  $(SBC)$  nên C đúng.
- Giao tuyến của  $(SAB)$  và  $(SAD)$  là  $SA$ , rõ ràng  $SA$  không thể là đường trung bình của hình thang  $ABCD$ .

**Câu 4:** Cho tứ diện  $ABCD$ . Gọi  $O$  là một điểm bên trong tam giác  $BCD$  và  $M$  là một điểm trên đoạn  $AO$ . Gọi  $I, J$  là hai điểm trên cạnh  $BC, BD$ . Giả sử  $IJ$  cắt  $CD$  tại  $K$ ,  $BO$  cắt  $IJ$  tại  $E$  và cắt  $CD$  tại  $H$ ,  $ME$  cắt  $AH$  tại  $F$ . Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(MIJ)$  và  $(ACD)$  là đường thẳng:

- A.  $KM$ .                      B.  $AK$ .                      C.  $MF$ .                      D.  $KF$ .

**Hướng dẫn giải:**

**Chọn D.**

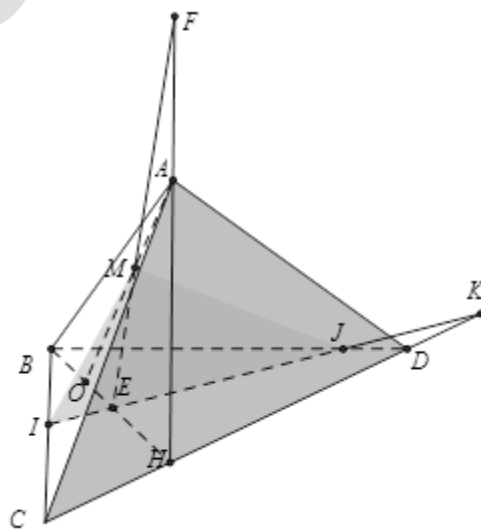
Do  $K$  là giao điểm của  $IJ$  và  $CD$  nên  
 $K \in (MIJ) \cap (ACD)$  (1)

Ta có  $F$  là giao điểm của  $ME$  và  $AH$

Mà  $AH \subset (ACD)$ ,  $ME \subset (MIJ)$  nên

$$F \in (MIJ) \cap (ACD)$$
 (2)

Từ (1) và (2) có  $(MIJ) \cap (ACD) = KF$

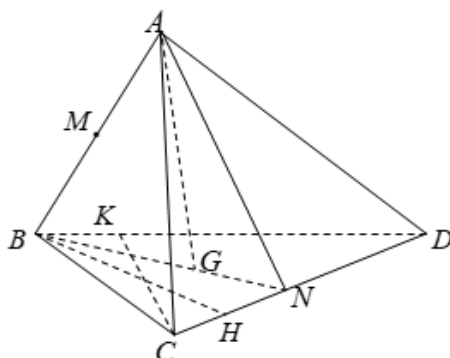


**Câu 5:** Cho tứ diện  $ABCD$ .  $G$  là trọng tâm tam giác  $BCD$ . Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(ACD)$  và  $(GAB)$  là:

- A.  $AM$ ,  $M$  là trung điểm  $AB$ .                      B.  $AN$ ,  $N$  là trung điểm  $CD$ .  
 C.  $AH$ ,  $H$  là hình chiếu của  $B$  trên  $CD$ .                      D.  $AK$ ,  $K$  là hình chiếu của  $C$  trên  $BD$ .

**Hướng dẫn giải:**

**Chọn B.**



$A$  là điểm chung thứ nhất của  $(ACD)$  và  $(GAB)$

$G$  là trọng tâm tam giác  $BCD$ ,  $N$  là trung điểm  $CD$  nên  $N \in BG$  nên  $N$  là điểm chung thứ hai của  $(ACD)$  và  $(GAB)$ . Vậy giao tuyến của hai mặt phẳng  $(ACD)$  và  $(GAB)$  là  $AN$ .

**Câu 6:** Cho hình chóp  $S.ABCD$ . Gọi  $I$  là trung điểm của  $SD$ ,  $J$  là điểm trên  $SC$  và không trùng trung điểm  $SC$ . Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(ABCD)$  và  $(AIJ)$  là:

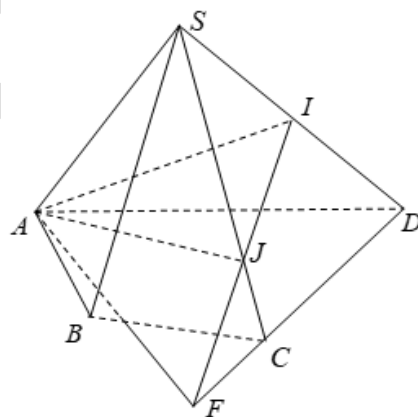
- A.  $AK$ ,  $K$  là giao điểm  $IJ$  và  $BC$ .
- B.  $AH$ ,  $H$  là giao điểm  $IJ$  và  $AB$ .
- C.  $AG$ ,  $G$  là giao điểm  $IJ$  và  $AD$ .
- D.  $AF$ ,  $F$  là giao điểm  $IJ$  và  $CD$ .

**Hướng dẫn giải:**

Chọn D.

$A$  là điểm chung thứ nhất của  $(ABCD)$  và  $(AIJ)$

$IJ$  và  $CD$  cắt nhau tại  $F$ , còn  $IJ$  không cắt  $BC$ ,  $AD$ ,  $AB$  nên  $F$  là điểm chung thứ hai của  $(ABCD)$  và  $(AIJ)$ . Vậy giao tuyến của  $(ABCD)$  và  $(AIJ)$  là  $AF$ .



**Câu 7:** phẳng  $(MBD)$  và  $(ABN)$  là:

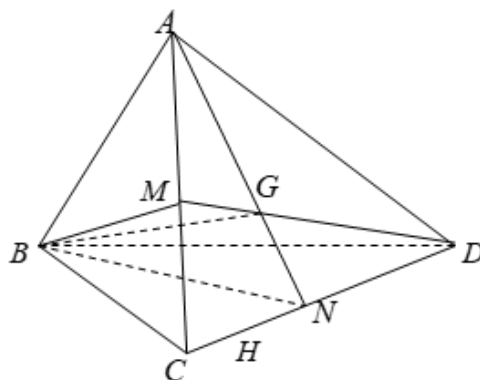
- A.  $MN$ .
- B.  $AM$ .
- C.  $BG$ ,  $G$  là trọng tâm tam giác  $ACD$ .
- D.  $AH$ ,  $H$  là trực tâm tam giác  $ACD$ .

**Hướng dẫn giải:**

Chọn C.

$B$  là điểm chung thứ nhất của  $(MBD)$  và  $(ABN)$ .

$G$  là trọng tâm tam giác  $ACD$  nên  $G \in AN, G \in DM$  do đó  $G$  là điểm chung thứ hai của  $(MBD)$  và  $(ABN)$ . Vậy giao tuyến của hai mặt phẳng  $(MBD)$  và  $(ABN)$  là  $BG$ .



**Câu 8:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Gọi  $M$ ,  $N$  lần lượt là trung điểm  $AD$  và  $BC$ . Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(SMN)$  và  $(SAC)$  là:

A.  $SD$ .

C.  $SG$ ,  $G$  là trung điểm  $AB$ .

B.  $SO$ ,  $O$  là tâm hình bình hành  $ABCD$ .

D.  $SF$ ,  $F$  là trung điểm  $CD$ .

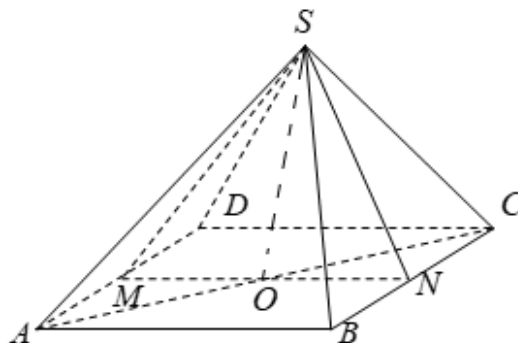
**Hướng dẫn giải:**

**Chọn B.**

$S$  là điểm chung thứ nhất của  $(SMN)$  và  $(SAC)$ .

$O$  là giao điểm của  $AC$  và  $MN$  nên  $O \in AC, O \in MN$  do đó  $O$  là điểm chung thứ hai của  $(SMN)$  và  $(SAC)$ .

Vậy giao tuyến của hai mặt phẳng  $(SMN)$  và  $(SAC)$  là  $SO$ .



**Câu 9:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy  $ABCD$  là hình bình hành. Gọi  $I, J$  lần lượt là trung điểm  $SA$  và  $SB$ . Khẳng định nào sau đây là sai?

A.  $IJCD$  là hình thang.

B.  $(SAB) \cap (IBC) = IB$ .

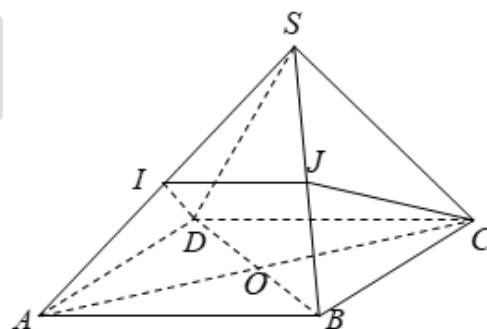
C.  $(SBD) \cap (JCD) = JD$ .

D.  $(IAC) \cap (JBD) = AO$ ,  $O$  là tâm hình bình hành  $ABCD$ .

**Hướng dẫn giải:**

**Chọn D.**

Ta có  $(IAC) \equiv (SAC)$  và  $(JBD) \equiv (SBD)$ . Mà  $(SAC) \cap (SBD) = SO$  trong đó  $O$  là tâm hình bình hành  $ABCD$ .



**Câu 10:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang  $ABCD$  ( $AD \parallel BC$ ). Gọi  $M$  là trung điểm  $CD$ .

Giao tuyến của hai mặt phẳng  $(MSB)$  và  $(SAC)$  là:

A.  $SI$ ,  $I$  là giao điểm  $AC$  và  $BM$ .

C.  $SO$ ,  $O$  là giao điểm  $AC$  và  $BD$ .

B.  $SJ$ ,  $J$  là giao điểm  $AM$  và  $BD$ .

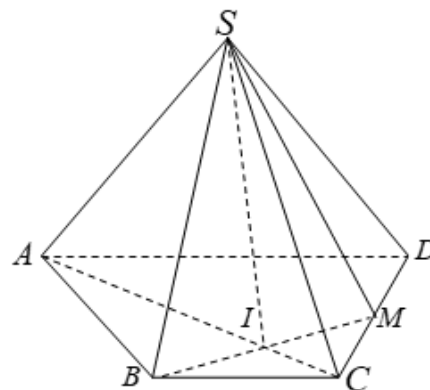
D.  $SP$ ,  $P$  là giao điểm  $AB$  và  $CD$ .

**Hướng dẫn giải:**

**Chọn A.**

$S$  là điểm chung thứ nhất của  $(MSB)$  và  $(SAC)$ .

$I$  là giao điểm của  $AC$  và  $BM$  nên  $I \in AC, I \in BM$  do đó  $I$  là điểm chung thứ hai của  $(MSB)$  và  $(SAC)$ . Vậy giao tuyến của hai mặt phẳng  $(MSB)$  và  $(SAC)$  là  $SI$ .



**Câu 11:** Cho tứ diện  $ABCD$ .  $G$  là trọng tâm tam giác  $BCD$ ,  $M$  là trung điểm  $CD$ ,  $I$  là điểm trên đoạn thẳng  $AG$ ,  $BI$  cắt mặt phẳng  $(ACD)$  tại  $J$ . Khẳng định nào sau đây **sai**?

- A.  $AM = (ACD) \cap (ABG)$ .  
 B.  $A, J, M$  thẳng hàng.  
 C.  $J$  là trung điểm  $AM$ .  
 D.  $DJ = (ACD) \cap (BDJ)$ .

**Hướng dẫn giải:**

**Chọn C.**

Ta có  $A \in (ACD) \cap (ABG)$ ,

$$\begin{cases} M \in BG \\ M \in CD \end{cases} \Rightarrow M \in (ACD) \cap (ABG) \text{ nên}$$

$$AM = (ACD) \cap (ABG).$$

Nên  $AM = (ACD) \cap (ABG)$  vậy A đúng.

$A, J, M$  cùng thuộc hai mặt phẳng phân biệt  $(ACD), (ABG)$  nên  $A, J, M$  thẳng hàng, vậy B đúng.

Vì  $I$  là điểm tùy ý trên  $AG$  nên  $J$  không phải lúc nào cũng là trung điểm của  $AM$ .

**Câu 12:** Cho hình chóp  $S.ABCD$  có đáy là hình thang  $ABCD$   $AD // BC$ . Gọi  $I$  là giao điểm của  $AB$  và  $DC$ ,  $M$  là trung điểm  $SC$ .  $DM$  cắt mặt phẳng  $(SAB)$  tại  $J$ . Khẳng định nào sau đây **sai**?

- A.  $S, I, J$  thẳng hàng.  
 B.  $DM \subset mp(SCI)$ .  
 C.  $JM \subset mp(SAB)$ .  
 D.  $SI = (SAB) \cap (SCD)$ .

**Hướng dẫn giải:**

**Chọn C.**

$S, I, J$  thẳng hàng vì ba điểm cùng thuộc hai mp  $(SAB)$  và  $(SCD)$  nên A đúng.

$M \in SC \Rightarrow M \in (SCI)$  nên  $DM \subset mp(SCI)$  vậy B đúng.

$M \notin (SAB)$  nên  $JM \not\subset mp(SAB)$  vậy C sai.

Hiển nhiên D đúng theo giải thích A.

