

Câu 469: Với k là số nguyên dương, c là hằng số. Kết quả của giới hạn $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{c}{x^k}$ là:

A. x_0^k .

B. $+\infty$.

C. 0.

D. $-\infty$.

Câu 470: Trong bốn giới hạn sau đây, giới hạn nào là -1 ?

A. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1-x}-1}{x}$.

B. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x-1}{\sqrt{x^2-1}}$.

C. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x+1-\sqrt{x+3}}{x^2-1}$.

D. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x-1}{(x-1)^2}$.

Câu 471: Trong bốn giới hạn sau đây, giới hạn nào là -1 ?

A. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{2x-3}{\sqrt{x^2-1}-x}$.

B. $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2-4}{\sqrt{(x^2+1)(2-x)}}$.

C. $\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^3-1}{\sqrt{x^2-1}}$.

D. $\lim_{x \rightarrow (-2)^+} \frac{\sqrt{8+2x}-2}{\sqrt{x+2}}$.

Câu 472: Trong bốn giới hạn sau đây, giới hạn nào là $+\infty$?

A. $\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{-3x+4}{x-2}$.

B. $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{-3x+4}{x-2}$.

C. $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-3x+4}{x-2}$.

D. $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x+4}{x-2}$.

Câu 473: Với k là số nguyên dương chẵn. Kết quả của giới hạn $\lim_{x \rightarrow -\infty} x^k$ là:

A. x_0^k .

B. 0.

C. $+\infty$.

D. $-\infty$.

Câu 474: Giới hạn của hàm số nào dưới đây có kết quả bằng 1?

A. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2+4x+3}{x+1}$.

B. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2+3x+2}{x+1}$.

C. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^2+3x+2}{1-x}$.

D. $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2+3x+2}{x+2}$.

Câu 475: Tìm mệnh đề đúng trong các mệnh đề sau:

A. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{5-x}-2}{\sqrt{2-x}-1} = \frac{3}{2}$.

B. $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x-\sqrt{3x-2}}{x^2-4} = \frac{-1}{16}$.

C. $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x}-\sqrt{x}}{x^2-1} = \frac{-1}{12}$.

D. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x+1}-\sqrt[3]{x+1}}{x} = \frac{-1}{6}$.

Câu 476: Với k là số nguyên dương. Kết quả của giới hạn $\lim_{x \rightarrow x_0} x^k$ là:

A. $+\infty$.

B. $-\infty$.

C. 0.

D. x_0^k .

Câu 477: Cho $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = -3$ và $\lim_{x \rightarrow x_0} g(x) = 7$. Tính giá trị $P = \lim_{x \rightarrow x_0} [f(x) - 2g(x)]$

A. $P = 17$.

B. $P = 1$.

C. $P = -17$.

D. $P = 11$.

Hàm số liên tục

Câu 478: Khẳng định nào sau đây là đúng:

A. Hàm số có giới hạn tại điểm $x = \alpha$ thì liên tục tại $x = \alpha$.

B. Hàm số có giới hạn trái tại điểm $x = \alpha$ thì liên tục tại $x = \alpha$.

C. Hàm số có giới hạn phải tại điểm $x = \alpha$ thì liên tục tại $x = \alpha$.

D. Hàm số có giới hạn trái và phải tại điểm $x = \alpha$ thì liên tục tại $x = \alpha$.

Câu 479: Cho một hàm số $f(x)$. Khẳng định nào sau đây là đúng:

A. Nếu $f(a) \cdot f(b) < 0$ thì hàm số liên tục trên $(a; b)$.

B. Nếu hàm số liên tục trên $(a; b)$ thì $f(a) \cdot f(b) < 0$.

C. Nếu hàm số liên tục trên $(a; b)$ và $f(a) \cdot f(b) < 0$ thì phương trình $f(x) = 0$ có nghiệm.

D. Cả ba khẳng định trên đều sai.

Câu 480: Cho một hàm số $f(x)$. Khẳng định nào sau đây là đúng:

- A.** Nếu $f(x)$ liên tục trên đoạn $[a;b]$ và $f(a).f(b) > 0$ thì phương trình $f(x) = 0$ không có nghiệm trên khoảng $(a;b)$.
- B.** Nếu $f(a).f(b) < 0$ thì phương trình $f(x) = 0$ có ít nhất một nghiệm trong khoảng $(a;b)$.
- C.** Nếu phương trình $f(x) = 0$ có nghiệm trong khoảng $(a;b)$ thì hàm số $f(x)$ phải liên tục trên khoảng $(a;b)$.
- D.** Nếu hàm số $f(x)$ liên tục, tăng trên đoạn $[a;b]$ và $f(a).f(b) > 0$ thì phương trình $f(x) = 0$ không có nghiệm trong khoảng $(a;b)$.

Câu 481: Cho phương trình $2x^4 - 5x^2 + x + 1 = 0$. Khẳng định nào đúng:

- A.** Phương trình không có nghiệm trong khoảng $(-1;1)$.
- B.** Phương trình không có nghiệm trong khoảng $(-2;0)$.
- C.** Phương trình chỉ có một nghiệm trong khoảng $(-2;1)$.
- D.** Phương trình có ít nhất nghiệm trong khoảng $(0;2)$.

Câu 482: Khẳng định nào đúng:

- A.** Hàm số $f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x^2+1}}$ liên tục trên \mathbb{R} . **B.** Hàm số $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$ liên tục trên \mathbb{R} .
- C.** Hàm số $f(x) = \frac{x+1}{\sqrt{x-1}}$ liên tục trên \mathbb{R} . **D.** Hàm số $f(x) = \frac{\sqrt{x+1}}{x-1}$ liên tục trên \mathbb{R} .

Câu 483: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2}{x} & x < 1, x \neq 0 \\ 0 & x = 0 \\ \sqrt{x} & x \geq 1 \end{cases}$. Khẳng định nào đúng:

- A.** Hàm số liên tục tại mọi điểm trừ các điểm thuộc đoạn $[0;1]$.
- B.** Hàm số liên tục tại mọi điểm thuộc \mathbb{R} .
- C.** Hàm số liên tục tại mọi điểm trừ điểm $x=0$.
- D.** Hàm số liên tục tại mọi điểm trừ điểm $x=1$.

Câu 484: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^3+8}{4x+8} & x \neq -2 \\ 3 & x = -2 \end{cases}$. Khẳng định nào đúng:

- A.** Hàm số không liên tục trên \mathbb{R} .
- B.** Hàm số liên tục tại mọi điểm thuộc \mathbb{R} .
- C.** Hàm số liên tục tại mọi điểm trừ điểm $x=-2$.
- D.** Hàm số chỉ liên tục tại điểm $x=-2$.

Câu 485: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^3-3x+2}{3x-5} & x \geq 2 \\ 3x-5 & x < 2 \end{cases}$. Khẳng định nào đúng:

- A.** Hàm số chỉ liên tục tại điểm.
- B.** Hàm số chỉ liên tục trái tại điểm.
- C.** Hàm số chỉ liên tục phải tại điểm.
- D.** Hàm số liên tục tại điểm.

Câu 486: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^3-1}{x-1} & x \neq 1 \\ 2 & x = 1 \end{cases}$. Khẳng định nào sai:

- A.** Hàm số liên tục phải tại điểm.
- B.** Hàm số liên tục trái tại điểm.
- C.** Hàm số liên tục tại mọi điểm thuộc TXĐ.
- D.** Hàm số gián đoạn tại điểm.

Câu 487: Trong các hàm sau, hàm nào không liên tục trên khoảng $(-1;1)$:

A. $f(x) = x^4 - x^2 + 2$. **B.** $f(x) = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$. **C.** $f(x) = \sqrt{8-2x^2}$. **D.** $f(x) = \sqrt{2x-1}$.

Câu 488: Hàm số nào sau đây không liên tục tại $x=0$:

A. $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x-1}$. **B.** $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x}$. **C.** $f(x) = \frac{x^2+x}{x}$. **D.** $f(x) = \frac{x^2+x}{x-1}$.

Câu 489: Hàm số nào sau đây liên tục tại $x=1$:

A. $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x-1}$. **B.** $f(x) = \frac{x^2+x+1}{x}$. **C.** $f(x) = \frac{x^2-x-2}{x^2-1}$. **D.** $f(x) = \frac{x+1}{x-1}$.

Câu 490: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} (x+1)^2 & x \leq 0 \\ x^2 + 2 & x > 0 \end{cases}$. Khẳng định nào sai:

- A.** Hàm số liên tục phải tại điểm $x=0$. **B.** Hàm số liên tục trái tại điểm $x=0$.
C. Hàm số liên tục tại mọi điểm thuộc \mathbb{R} . **D.** Hàm số gián đoạn tại điểm $x=0$.

Câu 491: Hàm số $f(x) = \begin{cases} 3x+1 & x \geq -1 \\ x+\alpha & x < -1 \end{cases}$ liên tục trên \mathbb{R} nếu α bằng:

- A.** 1. **B.** -1. **C.** -2. **D.** 2.

Câu 492: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2-2}{x-\sqrt{2}} & x \neq \sqrt{2} \\ 2\sqrt{2} & x = \sqrt{2} \end{cases}$. Khẳng định nào sai:

- A.** Hàm số gián đoạn tại điểm $x=\sqrt{2}$. **B.** Hàm số liên tục trên khoảng $(\sqrt{2}; +\infty)$.
C. Hàm số liên tục trên khoảng $(-\infty; \sqrt{2})$. **D.** Hàm số liên tục trên \mathbb{R} .

Câu 493: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{1-x}{(x-2)^2} & x \neq 2 \\ 3 & x = 2 \end{cases}$. Khẳng định nào sai:

- A.** Hàm số gián đoạn tại điểm $x=2$. **B.** Hàm số liên tục trên khoảng $(2; +\infty)$.
C. Hàm số liên tục trên khoảng $(-\infty; \sqrt{2})$. **D.** Hàm số liên tục trên \mathbb{R} .

Câu 494: Hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x}-1}{x^2-1} & x \neq 1 \\ m^2 & x = 1 \end{cases}$ liên tục trên $(0; +\infty)$ nếu m bằng:

- A.** $\pm \frac{1}{2}$. **B.** $\frac{1}{2}$. **C.** $-\frac{1}{2}$. **D.** Đáp án khác.

Câu 495: Hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2-x-2}{x-2} & x \neq 2 \\ m & x = 2 \end{cases}$ liên tục trên \mathbb{R} nếu m bằng:

- A.** 1. **B.** 2. **C.** 3. **D.** 4.

Câu 496: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} -x \cos x & x < 0 \\ \frac{x^2}{1+x} & 0 < x < 1 \\ x^3 & x \geq 1 \end{cases}$. Khẳng định nào đúng:

- A.** Hàm số liên tục trên \mathbb{R} . **B.** Hàm số liên tục trên $\mathbb{R} \setminus \{0\}$.
C. Hàm số liên tục trên $\mathbb{R} \setminus \{1\}$. **D.** Hàm số liên tục trên $\mathbb{R} \setminus \{0, 1\}$.

Câu 497: Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^4+x}{x^2+x} & x \neq 0, x \neq -1 \\ 3 & x = -1 \\ 1 & x = 0 \end{cases}$. Khẳng định nào đúng:

A. Hàm số liên tục trên $\mathbb{R} \setminus [-1; 0]$.

B. Hàm số liên tục trên \mathbb{R} .

C. Hàm số liên tục trên $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$.

D. Hàm số liên tục trên $\mathbb{R} \setminus \{0\}$.

Câu 498: Hàm số $f(x) = \begin{cases} 3x+b & x \leq -1 \\ x+a & x > -1 \end{cases}$ liên tục trên \mathbb{R} nếu:

A. $a = b - 2$.

B. $a = b + 2$.

C. $a = 2 - b$.

D. $a = -2 - b$.

Câu 499: Hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 2x} & x < 2 \\ mx + m + 1 & x \geq 2 \end{cases}$ liên tục trên \mathbb{R} nếu m bằng:

A. 6.

B. -6.

C. $-\frac{1}{6}$.

D. $\frac{1}{6}$.

Câu 500: Hàm số $f(x) = \begin{cases} ax+5 & x \geq 2 \\ 3x-1 & x < 2 \end{cases}$ liên tục trên \mathbb{R} nếu a bằng:

A. 0.

B. 3.

C. -1.

D. 7.

Câu 501: Tìm m để hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{3x^2 - 4x + 1}{x-1} & x \neq 1 \\ 5m^2 - 3 & x = 1 \end{cases}$ liên tục tại điểm $x = 1$.

A. $m = 1$.

B. $m = -1$.

C. $m = 1, m = -1$.

D. $m = \pm \frac{1}{\sqrt{5}}$.

Câu 502: Hàm số $y = \frac{x^2 - 44x + 2}{2x-1}$ liên tục trên khoảng nào dưới đây?

A. $(-\infty; \frac{1}{2})$.

B. $(\frac{1}{2}; +\infty)$.

C. $(-\infty; +\infty)$.

D. $(-\infty; \frac{1}{2})$ và $(\frac{1}{2}; +\infty)$

Câu 503: Phương trình nào dưới đây có nghiệm trên khoảng $(0; 1)$.

A. $2x^5 + 3x + 1 = 0$.

B. $2x^3 - 3x + 2 = 0$.

C. $2(x-3)(x-1) - x + 2 = 0$.

D. $3(x-3)(x-1) - 3x + 2 = 0$.