

**CHỦ ĐỀ 1. TÍNH ĐƠN ĐIỆU CỦA HÀM SỐ**

**BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM**

- Câu 1.** Cho hàm số  $y = \frac{x+1}{1-x}$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?
- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$ .
- B. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1) \cup (1; +\infty)$ .
- C. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .
- D.** Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .
- Câu 2.** Cho hàm số  $y = -x^3 + 3x^2 - 3x + 2$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?
- A.** Hàm số luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .
- B. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$ .
- C. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(-\infty; 1)$  và nghịch biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ .
- D. Hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .
- Câu 3.** Cho hàm số  $y = -x^4 + 4x^2 + 10$  và các khoảng sau:  
(I):  $(-\infty; -\sqrt{2})$ ; (II):  $(-\sqrt{2}; 0)$ ; (III):  $(0; \sqrt{2})$ ;  
Hỏi hàm số đồng biến trên các khoảng nào?
- A. Chỉ (I).                      B. (I) và (II).                      C. (II) và (III).                      **D.** (I) và (III).
- Câu 4.** Cho hàm số  $y = \frac{3x-1}{-4+2x}$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?
- A. Hàm số luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .
- B.** Hàm số luôn nghịch biến trên từng khoảng xác định.
- C. Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 2)$  và  $(2; +\infty)$ .
- D. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; -2)$  và  $(-2; +\infty)$ .
- Câu 5.** Hỏi hàm số nào sau đây luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ ?
- A.  $h(x) = x^4 - 4x^2 + 4$ .                      B.  $g(x) = x^3 + 3x^2 + 10x + 1$ .
- C.**  $f(x) = -\frac{4}{5}x^5 + \frac{4}{3}x^3 - x$ .                      D.  $k(x) = x^3 + 10x - \cos^2 x$ .

- Câu 6.** Hỏi hàm số  $y = \frac{x^2 - 3x + 5}{x + 1}$  nghịch biến trên các khoảng nào ?
- A.  $(-\infty; -4)$  và  $(2; +\infty)$ .                      B.  $(-4; 2)$ .
- C.  $(-\infty; -1)$  và  $(-1; +\infty)$ .                      D.  $(-4; -1)$  và  $(-1; 2)$ .
- Câu 7.** Hỏi hàm số  $y = \frac{x^3}{3} - 3x^2 + 5x - 2$  nghịch biến trên khoảng nào?
- A.  $(5; +\infty)$                       B.  $(2; 3)$                       C.  $(-\infty; 1)$                       D.  $(1; 5)$
- Câu 8.** Hỏi hàm số  $y = \frac{3}{5}x^5 - 3x^4 + 4x^3 - 2$  đồng biến trên khoảng nào?
- A.  $(-\infty; 0)$ .                      B.  $\mathbb{R}$ .                      C.  $(0; 2)$ .                      D.  $(2; +\infty)$ .
- Câu 9.** Cho hàm số  $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ . Hỏi hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$  khi nào?
- A.  $\begin{cases} a = b = 0, c > 0 \\ a > 0; b^2 - 3ac \leq 0 \end{cases}$                       B.  $\begin{cases} a = b = 0, c > 0 \\ a > 0; b^2 - 3ac \geq 0 \end{cases}$
- C.  $\begin{cases} a = b = 0, c > 0 \\ a < 0; b^2 - 3ac \leq 0 \end{cases}$                       D.  $\begin{cases} a = b = c = 0 \\ a < 0; b^2 - 3ac < 0 \end{cases}$
- Câu 10.** Cho hàm số  $y = x^3 + 3x^2 - 9x + 15$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định **sai**?
- A. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(-3; 1)$ .
- B. Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .
- C. Hàm số đồng biến trên  $(-9; -5)$ .
- D. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(5; +\infty)$ .
- Câu 11.** Cho hàm số  $y = \sqrt{3x^2 - x^3}$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định **sai**?
- A. Hàm số đồng biến trên khoảng  $(0; 2)$ .
- B. Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 0); (2; 3)$ .
- C. Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-\infty; 0); (2; 3)$ .
- D. Hàm số nghịch biến trên khoảng  $(2; 3)$ .
- Câu 12.** Cho hàm số  $y = \frac{x}{2} + \sin^2 x, x \in [0; \pi]$ . Hỏi hàm số đồng biến trên các khoảng nào?

A.  $\left(0; \frac{7\pi}{12}\right)$  và  $\left(\frac{11\pi}{12}; \pi\right)$ .

B.  $\left(\frac{7\pi}{12}; \frac{11\pi}{12}\right)$ .

C.  $\left(0; \frac{7\pi}{12}\right)$  và  $\left(\frac{7\pi}{12}; \frac{11\pi}{12}\right)$ .

D.  $\left(\frac{7\pi}{12}; \frac{11\pi}{12}\right)$  và  $\left(\frac{11\pi}{12}; \pi\right)$ .

**Câu 13.** Cho hàm số  $y = x + \cos^2 x$ . Khẳng định nào sau đây là khẳng định đúng?

A. Hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

B. Hàm số đồng biến trên  $\left(\frac{\pi}{4} + k\pi; +\infty\right)$  và nghịch biến trên khoảng  $\left(-\infty; \frac{\pi}{4} + k\pi\right)$ .

C. Hàm số nghịch biến trên  $\left(\frac{\pi}{4} + k\pi; +\infty\right)$  và đồng biến trên khoảng  $\left(-\infty; \frac{\pi}{4} + k\pi\right)$ .

D. Hàm số luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 14.** Cho các hàm số sau:

(I):  $y = \frac{1}{3}x^3 - x^2 + 3x + 4$ ;

(II):  $y = \frac{x-1}{x+1}$ ;

(III):  $y = \sqrt{x^2 + 4}$

(IV):  $y = x^3 + 4x - \sin x$ ;

(V):  $y = x^4 + x^2 + 2$ .

Có bao nhiêu hàm số đồng biến trên những khoảng mà nó xác định?

A. 2.

B. 4.

C. 3.

D. 5.

**Câu 15.** Cho các hàm số sau:

(I):  $y = -x^3 + 3x^2 - 3x + 1$ ;

(II):  $y = \sin x - 2x$ ;

(III):  $y = -\sqrt{x^3 + 2}$ ;

(IV):  $y = \frac{x-2}{1-x}$

Hỏi hàm số nào nghịch biến trên toàn trục số?

A. (I), (II).

B. (I), (II) và (III).

C. (I), (II) và (IV).

D. (II), (III).

**Câu 16.** Xét các mệnh đề sau:

(I). Hàm số  $y = -(x-1)^3$  nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

(II). Hàm số  $y = \ln(x-1) - \frac{x}{x-1}$  đồng biến trên tập xác định của nó.



- Câu 20.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{x-m+2}{x+1}$  giảm trên các khoảng mà nó xác định?  
A.  $m < -3$ .      B.  $m \leq -3$ .      C.  $m \leq 1$ .      D.  $m < 1$ .
- Câu 21.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số sau luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ ?  
 $y = -\frac{1}{3}x^3 - mx^2 + (2m-3)x - m + 2$   
A.  $-3 \leq m \leq 1$ .      B.  $m \leq 1$ .      C.  $-3 < m < 1$ .      D.  $m \leq -3; m \geq 1$ .
- Câu 22.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{x^2 - (m+1)x + 2m-1}{x-m}$  tăng trên từng khoảng xác định của nó?  
A.  $m > 1$ .      B.  $m \leq 1$ .      C.  $m < 1$ .      D.  $m \geq 1$ .
- Câu 23.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = f(x) = x + m \cos x$  luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?  
A.  $|m| \leq 1$ .      B.  $m > \frac{\sqrt{3}}{2}$ .      C.  $|m| \geq 1$ .      D.  $m < \frac{1}{2}$ .
- Câu 24.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = (m-3)x - (2m+1)\cos x$  luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ ?  
A.  $-4 \leq m \leq \frac{2}{3}$ .      B.  $m \geq 2$ .      C.  $\begin{cases} m > 3 \\ m \neq 1 \end{cases}$ .      D.  $m \leq 2$ .
- Câu 25.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số sau luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?  
 $y = 2x^3 - 3(m+2)x^2 + 6(m+1)x - 3m + 5$   
A. 0.      B. -1.      C. 2.      D. 1.
- Câu 26.** Tìm giá trị nhỏ nhất của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{x^3}{3} + mx^2 - mx - m$  luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ ?  
A.  $m = -5$ .      B.  $m = 0$ .      C.  $m = -1$ .      D.  $m = -6$ .
- Câu 27.** Tìm số nguyên  $m$  nhỏ nhất sao cho hàm số  $y = \frac{(m+3)x-2}{x+m}$  luôn nghịch biến trên các khoảng xác định của nó?  
A.  $m = -1$ .      B.  $m = -2$ .      C.  $m = 0$ .      D. Không có  $m$ .
- Câu 28.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{mx+4}{x+m}$  giảm trên khoảng  $(-\infty; 1)$ ?

Truy cập website: [hoc360.net](http://hoc360.net) để tải tài liệu đề thi miễn phí

A.  $-2 < m < 2$ .      B.  $-2 \leq m \leq -1$ .      C.  $-2 < m \leq -1$ .      D.  $-2 \leq m \leq 2$ .

**Câu 29.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = x^3 - 6x^2 + mx + 1$  đồng biến trên khoảng  $(0; +\infty)$ ?

A.  $m \leq 0$ .      B.  $m \leq 12$ .      C.  $m \geq 0$ .      D.  $m \geq 12$ .

**Câu 30.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = x^4 - 2(m-1)x^2 + m - 2$  đồng biến trên khoảng  $(1; 3)$ ?

A.  $m \in [-5; 2)$ .      B.  $m \in (-\infty; 2]$ .      C.  $m \in (2; +\infty)$ .      D.  $m \in (-\infty; -5)$ .

**Câu 31.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}mx^2 + 2mx - 3m + 4$  nghịch biến trên một đoạn có độ dài là 3?

A.  $m = -1; m = 9$ .      B.  $m = -1$ .      C.  $m = 9$ .      D.  $m = 1; m = -9$ .

**Câu 32.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{\tan x - 2}{\tan x - m}$  đồng biến trên khoảng  $\left(0; \frac{\pi}{4}\right)$ ?

A.  $1 \leq m < 2$ .      B.  $m \leq 0; 1 \leq m < 2$ .      C.  $m \geq 2$ .      D.  $m \leq 0$ .

**Câu 33.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = f(x) = \frac{mx^3}{3} + 7mx^2 + 14x - m + 2$  giảm trên nửa khoảng  $[1; +\infty)$ ?

A.  $\left(-\infty; -\frac{14}{15}\right)$ .      B.  $\left(-\infty; -\frac{14}{15}\right]$ .      C.  $\left[-2; -\frac{14}{15}\right]$ .      D.  $\left[-\frac{14}{15}; +\infty\right)$ .

**Câu 34.** Tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = -x^4 + (2m-3)x^2 + m$  nghịch biến trên khoảng  $(1; 2)$  là  $\left(-\infty; \frac{p}{q}\right]$ , trong đó phân số  $\frac{p}{q}$  tối giản và  $q > 0$ . Hỏi tổng  $p + q$  là?

A. 5.      B. 9.      C. 7.      D. 3.

**Câu 35.** Hỏi có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{x^2 - 2mx + m + 2}{x - m}$  đồng biến trên từng khoảng xác định của nó?

A. Hai.      B. Bốn.      C. Vô số.      D. Không có.

**Câu 36.** Hỏi có bao nhiêu giá trị nguyên dương của tham số  $m$  sao cho hàm số  $y = \frac{2x^2 + (1-m)x + 1 + m}{x - m}$  đồng biến trên khoảng  $(1; +\infty)$ ?



Truy cập website: [hoc360.net](http://hoc360.net) để tải tài liệu đề thi miễn phí

- A.  $-1 \leq m \leq 3$ .      B.  $0 \leq m \leq 2$ .      C.  $0 \leq m \leq 3$ .      D.  $-1 \leq m \leq 2$ .

**Câu 44.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho phương trình  $\sqrt{x^2 + mx + 2} = 2x + 1$  có hai nghiệm thực?

- A.  $m \geq -\frac{7}{2}$ .      B.  $m \geq \frac{3}{2}$ .      C.  $m \geq \frac{9}{2}$ .      D.  $\forall m \in \mathbb{R}$ .

**Câu 45.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho phương trình  $3\sqrt{x-1} + m\sqrt{x+1} = 2\sqrt[4]{x^2-1}$  có hai nghiệm thực?

- A.  $\frac{1}{3} \leq m < 1$ .      B.  $-1 \leq m \leq \frac{1}{4}$ .      C.  $-2 < m \leq \frac{1}{3}$ .      D.  $0 \leq m < \frac{1}{3}$ .

**Câu 46.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho bất phương trình

$$\sqrt{(1+2x)(3-x)} > m + 2x^2 - 5x - 3 \text{ nghiệm đúng với mọi } x \in \left[-\frac{1}{2}; 3\right]?$$

- A.  $m > 1$ .      B.  $m > 0$ .      C.  $m < 1$ .      D.  $m < 0$ .

**Câu 47.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho bất phương trình

$$3(\sqrt{1+x} + \sqrt{3-x}) - 2\sqrt{(1+x)(3-x)} \geq m \text{ nghiệm đúng với mọi } x \in [-1; 3]?$$

- A.  $m \leq 6$ .      B.  $m \geq 6$ .      C.  $m \geq 6\sqrt{2} - 4$ .      D.  $m \leq 6\sqrt{2} - 4$ .

**Câu 48.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho bất phương trình  $\sqrt{3+x} + \sqrt{6-x} - \sqrt{18+3x-x^2} \leq m^2 - m + 1$  nghiệm đúng  $\forall x \in [-3, 6]$ ?

- A.  $m \geq -1$ .      B.  $-1 \leq m \leq 0$ .  
C.  $0 \leq m \leq 2$ .      D.  $m \leq -1$  hoặc  $m \geq 2$ .

**Câu 49.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho bất phương trình  $m.4^x + (m-1).2^{x+2} + m - 1 > 0$  nghiệm đúng  $\forall x \in \mathbb{R}$ ?

- A.  $m \leq 3$ .      B.  $m \geq 1$ .      C.  $-1 \leq m \leq 4$ .      D.  $m \geq 0$ .

**Câu 50.** Tìm tất cả các giá trị thực của tham số  $m$  sao cho bất phương trình:  $-x^3 + 3mx - 2 < -\frac{1}{x^3}$  nghiệm đúng  $\forall x \geq 1$ ?

- A.  $m < \frac{2}{3}$ .      B.  $m \geq \frac{2}{3}$ .      C.  $m \geq \frac{3}{2}$ .      D.  $-\frac{1}{3} \leq m \leq \frac{3}{2}$ .

**Câu 51.** Tìm giá trị lớn nhất của tham số  $m$  sao cho bất phương trình  $2^{\cos^2 x} + 3^{\sin^2 x} \geq m.3^{\cos^2 x}$  có nghiệm?

- A.  $m = 4$ .      B.  $m = 8$ .      C.  $m = 12$ .      D.  $m = 16$ .



**Câu 52.** Bất phương trình  $\sqrt{2x^3 + 3x^2 + 6x + 16} - \sqrt{4 - x} \geq 2\sqrt{3}$  có tập nghiệm là  $[a; b]$ . Hỏi tổng  $a + b$  có giá trị là bao nhiêu?  
**A.** -2.                      **B.** 4.                      **C.** 5.                      **D.** 3.

**Câu 53.** Bất phương trình  $\sqrt{x^2 - 2x + 3} - \sqrt{x^2 - 6x + 11} > \sqrt{3 - x} - \sqrt{x - 1}$  có tập nghiệm  $(a; b]$ .  
 Hỏi hiệu  $b - a$  có giá trị là bao nhiêu?  
**A.** 1.                      **B.** 2.                      **C.** 3.                      **D.** -1.

**A. ĐÁP ÁN VÀ HƯỚNG DẪN GIẢI BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM**

**I – ĐÁP ÁN**

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
D	A	D	B	C	D	D	B	A	B	B	A	A	C	A	A	B	C	C	

21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39	40
A	B	A	A	A	C	D	C	D	B	A	B	B	C	C	D	B	C	C	B

41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	51	52	53							
B	C	B	C	D	D	D	D	B	A	A	C	A							

**II – HƯỚNG DẪN GIẢI**

**Câu 1.** Chọn D.

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{1\}$ . Ta có  $y' = \frac{2}{(1-x)^2} > 0, \forall x \neq 1$

Hàm số đồng biến trên các khoảng  $(-\infty; 1)$  và  $(1; +\infty)$

**Câu 2.** Chọn A.

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = -3x^2 + 6x - 3 = -3(x-1)^2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

**Câu 3.** Chọn D.

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .  $y' = -4x^3 + 8x = 4x(2 - x^2)$ . Giải  $y' = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = \pm\sqrt{2} \end{cases}$

Trên các khoảng  $(-\infty; -\sqrt{2})$  và  $(0; \sqrt{2})$ ,  $y' > 0$  nên hàm số đồng biến.

**Câu 4.** Chọn B.

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{2\}$ . Ta có  $y' = -\frac{10}{(-4+2x)^2} < 0, \forall x \in D$ .

**Câu 5.** Chọn C.

Ta có:  $f'(x) = -4x^4 + 4x^2 - 1 = -(2x^2 - 1)^2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

**Câu 6.** Chọn D.

TXĐ:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ .  $y' = \frac{x^2 + 2x - 8}{(x+1)^2}$ . Giải  $y' = 0 \Rightarrow x^2 + 2x - 8 = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = -4 \end{cases}$

$y'$  không xác định khi  $x = -1$ . Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	$-4$	$-1$	$2$	$+\infty$	
$y'$	$+$	$0$	$-$	$-$	$0$	$+$
$y$	$-\infty$	$-11$	$-\infty$	$1$	$+\infty$	

Hàm số nghịch biến trên các khoảng  $(-4; -1)$  và  $(-1; 2)$

**Câu 7.** Chọn D.

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .  $y' = x^2 - 6x + 5 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = 5 \end{cases}$

Trên khoảng  $(1; 5)$ ,  $y' < 0$  nên hàm số nghịch biến

**Câu 8.** Chọn B.

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .  $y' = 3x^4 - 12x^3 + 12x^2 = 3x^2(x-2)^2 \geq 0, \forall x \in \mathbb{R}$

**Câu 9.** Chọn A.

$y' = 3ax^2 + 2bx + c \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a = b = 0, c > 0 \\ a > 0; b^2 - 3ac \leq 0 \end{cases}$

**Câu 10.** Chọn B.

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ . Do  $y' = 3x^2 + 6x - 9 = 3(x-1)(x+3)$  nên hàm số **không** đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

**Câu 11.** Chọn B.

HSXĐ:  $3x^2 - x^3 \geq 0 \Leftrightarrow x \leq 3$  suy ra  $D = (-\infty; 3]$ .  $y' = \frac{6x - 3x^2}{2\sqrt{3x^2 - x^3}}, \forall x \in (-\infty; 3)$ .

Giải  $y' = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 \\ x = 2 \end{cases}$ .  $y'$  không xác định khi  $\begin{cases} x = 0 \\ x = 3 \end{cases}$ .

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$		$0$		$2$		$3$
$y'$		-		+	0	-	
$y$	$+\infty$		$0$		$2$		$0$

Hàm số nghịch biến  $(-\infty; 0)$  và  $(2; 3)$ . Hàm số đồng biến  $(0; 2)$

**Câu 12.** Chọn A.

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ .  $y' = \frac{1}{2} + \sin 2x$ . Giải  $y' = 0 \Leftrightarrow \sin 2x = -\frac{1}{2} \Leftrightarrow \begin{cases} x = -\frac{\pi}{12} + k\pi \\ x = \frac{7\pi}{12} + k\pi \end{cases}$ ,  
 $(k \in \mathbb{Z})$

Vì  $x \in [0; \pi]$  nên có 2 giá trị  $x = \frac{7\pi}{12}$  và  $x = \frac{11\pi}{12}$  thỏa mãn điều kiện.

Bảng biến thiên:

$x$	$0$		$\frac{7\pi}{12}$		$\frac{11\pi}{12}$		$\pi$
$y'$		+	0	-	0	+	
$y$							

Hàm số đồng biến  $\left(0; \frac{7\pi}{12}\right)$  và  $\left(\frac{11\pi}{12}; \pi\right)$

**Câu 13.** Chọn A.

TXĐ:  $D = \mathbb{R}$ ;  $y' = 1 - \sin 2x \geq 0 \forall x \in \mathbb{R}$  suy ra hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$

**Câu 14.** Chọn C.

(I):  $y' = x^2 - 2x + 3 = (x-1)^2 + 2 > 0, \forall x \in \mathbb{R}$ .

(II):  $y' = \left(\frac{x-1}{x+1}\right)' = \frac{2}{(x+1)^2} > 0, \forall x \neq -1$       (III):  $y' = \left(\sqrt{x^2+4}\right)' = \frac{x}{\sqrt{x^2+4}}$

(IV):  $y' = 3x^2 + 4 - \cos x > 0, \forall x \in \mathbb{R}$       (V):  $y' = 4x^3 + 2x = 2x(2x^2 + 1)$

**Câu 15.** Chọn A.

(I):  $y' = (-x^3 + 3x^2 - 3x + 1)' = -3x^2 + 6x - 3 = -3(x-1)^2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$ ;

Truy cập website: [hoc360.net](http://hoc360.net) để tải tài liệu đề thi miễn phí

$$(II): y' = (\sin x - 2x)' = \cos x - 2 < 0, \forall x \in \mathbb{R};$$

$$(III) y' = -(\sqrt{x^3 + 2})' = -\frac{3x^2}{2\sqrt{x^3 + 2}} \leq 0, \forall x \in (-\sqrt[3]{2}; +\infty);$$

$$(IV) y' = \left(\frac{x-2}{1-x}\right)' = \left(\frac{x-2}{-x+1}\right)' = -\frac{1}{(1-x)^2} < 0, \forall x \neq 1$$

**Câu 16.** Chọn A.

$$(I) y' = (-(x-1)^3)' = -3(x-1)^2 \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

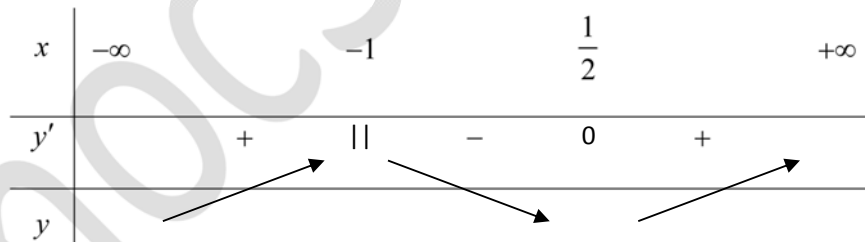
$$(II) y' = \left(\ln(x-1) - \frac{x}{x-1}\right)' = \frac{x}{(x-1)^2} > 0, \forall x > 1$$

$$(III) y' = \frac{1 \cdot \sqrt{x^2+1} - x \cdot (\sqrt{x^2+1})'}{x^2+1} = \frac{\sqrt{x^2+1} - x \cdot \left(\frac{x}{\sqrt{x^2+1}}\right)}{x^2+1}$$

$$= \frac{1}{(x^2+1)\sqrt{x^2+1}} > 0, \forall x \in \mathbb{R}$$

**Câu 17.** Chọn B.

$$y' = \begin{cases} 2x-1 & \text{khi } x \geq -1 \\ -2x+1 & \text{khi } x < -1 \end{cases}; y' = 0 \Leftrightarrow x = \frac{1}{2}$$



**Câu 18.** Chọn C.

$$\text{TXĐ: } D = (-\infty; 2]. \text{ Ta có } y' = \frac{\sqrt{2-x}-1}{\sqrt{2-x}}, \forall x \in (-\infty; 2).$$

$$\text{Giải } y' = 0 \Rightarrow \sqrt{2-x} = 1 \Rightarrow x = 1; y' \text{ không xác định khi } x = 2$$

Bảng biến thiên:

$x$	$-\infty$	1	2		
$y'$		+	0	-	
$y$	$-\infty$		6		5

**Câu 19.** Chọn C.

Xét trên khoảng  $\left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right)$ .

Ta có:  $y = \cos 2x + \sin 2x \cdot \tan x = \frac{\cos 2x \cdot \cos x + \sin 2x \cdot \sin x}{\cos x} = 1 \Rightarrow y' = 0$

Hàm số không đổi trên  $\left(-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right)$ .

**Câu 20.** Chọn D

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-1\}$ . Ta có  $y' = \frac{m-1}{(x+1)^2}$

Để hàm số giảm trên các khoảng mà nó xác định  $\Leftrightarrow y' < 0, \forall x \neq -1 \Leftrightarrow m < 1$

**Câu 21.** Chọn A

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = -x^2 - 2mx + 2m - 3$ . Để hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R}$

thì  $y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} a_{y'} < 0 \\ \Delta' \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -1 < 0 \text{ (hn)} \\ m^2 + 2m - 3 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -3 \leq m \leq 1$

**Câu 22.** Chọn B.

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$ . Ta có  $y' = \frac{x^2 - 2mx + m^2 - m + 1}{(x-m)^2}$

Để hàm số tăng trên từng khoảng xác định của nó

$\Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in D \Leftrightarrow x^2 - 2mx + m^2 - m + 1 \geq 0, \forall x \in D \Leftrightarrow \begin{cases} 1 \geq 0 \text{ (hn)} \\ m-1 \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \leq 1$

**Câu 23.** Chọn A.

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = 1 - m \sin x$ .

Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow m \sin x \leq 1, \forall x \in \mathbb{R}$

Trường hợp 1:  $m = 0$  ta có  $0 \leq 1, \forall x \in \mathbb{R}$ . Vậy hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$

Trường hợp 2:  $m > 0$  ta có  $\sin x \leq \frac{1}{m}, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \frac{1}{m} \geq 1 \Leftrightarrow m \leq 1$

**Truy cập website: [hoc360.net](http://hoc360.net) để tải tài liệu đề thi miễn phí**

Trường hợp 3:  $m < 0$  ta có  $\sin x \geq \frac{1}{m}, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \frac{1}{m} \leq -1 \Leftrightarrow m \geq -1$

Vậy  $|m| \leq 1$

**Câu 24.** Chọn A.

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ . Ta có:  $y' = m - 3 + (2m + 1)\sin x$

Hàm số nghịch biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow (2m + 1)\sin x \leq 3 - m, \forall x \in \mathbb{R}$

Trường hợp 1:  $m = -\frac{1}{2}$  ta có  $0 \leq \frac{7}{2}, \forall x \in \mathbb{R}$ . Vậy hàm số luôn nghịch biến trên  $\mathbb{R}$ .

Trường hợp 2:  $m < -\frac{1}{2}$  ta có  $\sin x \geq \frac{3-m}{2m+1}, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \frac{3-m}{2m+1} \leq -1$   
 $\Leftrightarrow 3-m \geq -2m-1 \Leftrightarrow m \geq -4$

Trường hợp 3:  $m > -\frac{1}{2}$  ta có:

$\sin x \leq \frac{3-m}{2m+1}, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \frac{3-m}{2m+1} \geq 1 \Leftrightarrow 3-m \geq 2m+1 \Leftrightarrow m \leq \frac{2}{3}$ . Vậy  $m \in \left[-4; \frac{2}{3}\right]$

**Câu 25.** Chọn A.

Tính nhanh, ta có  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow 6x^2 - 6(m+2)x + 6(m+1) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = m+1 \end{cases}$

Phương trình  $f'(x) = 0$  có nghiệm kép khi  $m = 0$ , suy ra hàm số luôn đồng biến trên  $\mathbb{R}$ .

Trường hợp  $m \neq 0$ , phương trình  $f'(x) = 0$  có hai nghiệm phân biệt (không thỏa yêu cầu bài toán).

**Câu 26.** Chọn C.

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = x^2 + 2mx - m$

Hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R} \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} 1 > 0 \text{ (h)} \\ m^2 + m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow -1 \leq m \leq 0$

Vậy giá trị nhỏ nhất của  $m$  để hàm số đồng biến trên  $\mathbb{R}$  là  $m = -1$

**Câu 27.** Chọn D.

Tập xác định:  $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$ . Ta có  $y' = \frac{m^2 + 3m + 2}{(x+m)^2}$

Yêu cầu đề bài  $\Leftrightarrow y' < 0, \forall x \in D \Leftrightarrow m^2 + 3m + 2 < 0 \Leftrightarrow -2 < m < -1$

**Truy cập website: [hoc360.net](http://hoc360.net) để tải tài liệu đề thi miễn phí**

Vậy không có số nguyên  $m$  nào thuộc khoảng  $(-2; -1)$ .

**Câu 28.** Chọn C

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{-m\}$ . Ta có  $y' = \frac{m^2 - 4}{(x+m)^2}$ . Để hàm số giảm trên khoảng  $(-\infty; 1)$

$$\Leftrightarrow y' < 0, \forall x \in (-\infty; 1) \Leftrightarrow \begin{cases} m^2 - 4 < 0 \\ 1 \leq -m \end{cases} \Leftrightarrow -2 < m \leq -1$$

**Câu 29.** Chọn D.

**Cách 1:** Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = 3x^2 - 12x + m$

- Trường hợp 1:

$$\text{Hàm số đồng biến trên } \mathbb{R} \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in \mathbb{R} \Leftrightarrow \begin{cases} 3 > 0 \text{ (hm)} \\ 36 - 3m \leq 0 \end{cases} \Leftrightarrow m \geq 12$$

- Trường hợp 2: Hàm số đồng biến trên  $(0; +\infty) \Leftrightarrow y' = 0$  có hai nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa  $x_1 < x_2 \leq 0$  (\*)

✓ Trường hợp 2.1:  $y' = 0$  có nghiệm  $x = 0$  suy ra  $m = 0$ . Nghiệm còn lại của  $y' = 0$  là  $x = 4$  (không thỏa (\*))

✓ Trường hợp 2.2:  $y' = 0$  có hai nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa

$$x_1 < x_2 < 0 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta' > 0 \\ S < 0 \\ P > 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 36 - 3m > 0 \\ 4 < 0 \text{ (vl)} \\ \frac{m}{3} > 0 \end{cases} \Rightarrow \text{không có } m. \text{ Vậy } m \geq 12$$

**Cách 2:** Hàm số đồng biến trên  $(0; +\infty) \Leftrightarrow m \geq 12x - 3x^2 = g(x), \forall x \in (0; +\infty)$ .

Lập bảng biến thiên của  $g(x)$  trên  $(0; +\infty)$ .

$x$	0	2	$+\infty$
$g'$	+	0	-
$g$	0	12	$-\infty$

**Câu 30.** Chọn B.

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = 4x^3 - 4(m-1)x$ .

Hàm số đồng biến trên  $(1; 3) \Leftrightarrow y' \geq 0, \forall x \in (1; 3) \Leftrightarrow g(x) = x^2 + 1 \geq m, \forall x \in (1; 3)$ .

Lập bảng biến thiên của  $g(x)$  trên  $(1;3)$ .

$x$	1	3
$g'$		+
$g$	2	10

Dựa vào bảng biến thiên, kết luận:  $m \leq \min g(x) \Leftrightarrow m \leq 2$ .

**Câu 31.** Chọn A.

Tập xác định:  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = x^2 - mx + 2m$

Ta không xét trường hợp  $y' \leq 0, \forall x \in \mathbb{R}$  vì  $a = 1 > 0$

Hàm số nghịch biến trên một đoạn có độ dài là 3  $\Leftrightarrow y' = 0$  có 2 nghiệm  $x_1, x_2$  thỏa

$$|x_1 - x_2| = 3 \Leftrightarrow \begin{cases} \Delta > 0 \Leftrightarrow m^2 - 8m > 0 \\ (x_1 - x_2)^2 = 9 \Leftrightarrow S^2 - 4P = 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m > 8 \text{ hay } m < 0 \\ m^2 - 8m = 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} m = -1 \\ m = 9 \end{cases}$$

**Câu 32.** Chọn B.

+) Điều kiện  $\tan x \neq m$ . Điều kiện cần để hàm số đồng biến trên  $\left(0; \frac{\pi}{4}\right)$  là  $m \notin (0;1)$

$$+) y' = \frac{2-m}{\cos^2 x (\tan x - m)^2}$$

$$+) \text{ Ta thấy: } \frac{1}{\cos^2 x (\tan x - m)^2} > 0 \forall x \in \left(0; \frac{\pi}{4}\right); m \notin (0;1)$$

$$+) \text{ Để hs đồng biến trên } \left(0; \frac{\pi}{4}\right) \Leftrightarrow \begin{cases} y' > 0 \\ m \notin (0;1) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -m+2 > 0 \\ m \leq 0; m \geq 1 \end{cases} \Leftrightarrow m \leq 0 \text{ hoặc } 1 \leq m < 2$$

**Câu 33.** Chọn B.

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ , yêu cầu của bài toán đưa đến giải bất phương trình

$$mx^2 + 14mx + 14 \leq 0, \forall x \geq 1, \text{ tương đương với } g(x) = \frac{-14}{x^2 + 14x} \geq m \quad (1)$$

Để dàng có được  $g(x)$  là hàm tăng  $\forall x \in [1; +\infty)$ , suy ra  $\min_{x \geq 1} g(x) = g(1) = -\frac{14}{15}$



Kết luận:  $(1) \Leftrightarrow \min_{x \geq 1} g(x) \geq m \Leftrightarrow -\frac{14}{15} \geq m$

**Câu 34.** Chọn C.

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ . Ta có  $y' = -4x^3 + 2(2m-3)x$ .

Hàm số nghịch biến trên  $(1; 2) \Leftrightarrow y' \leq 0, \forall x \in (1; 2) \Leftrightarrow m \leq x^2 + \frac{3}{2} = g(x), \forall x \in (1; 2)$ .

Lập bảng biến thiên của  $g(x)$  trên  $(1; 2)$ .  $g'(x) = 2x = 0 \Leftrightarrow x = 0$

Bảng biến thiên

$x$	1	2
$g'$		+
		0
$g$	$\frac{5}{2}$	$\frac{11}{2}$

Dựa vào bảng biến thiên, kết luận:  $m \leq \min g(x) \Leftrightarrow m \leq \frac{5}{2}$ . Vậy  $p+q = 5+2 = 7$ .

**Câu 35.** Chọn C.

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$ . Ta có  $y' = \frac{x^2 - 2mx + 2m^2 - m - 2}{(x-m)^2} = \frac{g(x)}{(x-m)^2}$ .

Hàm số đồng biến trên từng khoảng xác định khi và chỉ khi  $g(x) \geq 0, \forall x \in D$ .

Điều kiện tương đương là  $\Delta_{g(x)} = -m^2 + m + 2 \leq 0 \Leftrightarrow \begin{cases} m \leq -1 \\ m \geq 2 \end{cases}$

Kết luận: Có vô số giá trị nguyên của  $m$  thỏa yêu cầu bài toán.

**Câu 36.** Chọn D.

Tập xác định  $D = \mathbb{R} \setminus \{m\}$ . Ta có  $y' = \frac{2x^2 - 4mx + m^2 - 2m - 1}{(x-m)^2} = \frac{g(x)}{(x-m)^2}$

Hàm số đồng biến trên  $(1; +\infty)$  khi và chỉ khi  $g(x) \geq 0, \forall x > 1$  và  $m \leq 1$  (1)

Vì  $\Delta_g' = 2(m+1)^2 \geq 0, \forall m$  nên (1)  $\Leftrightarrow g(x) = 0$  có hai nghiệm thỏa  $x_1 \leq x_2 \leq 1$

Điều kiện tương đương là  $\begin{cases} 2g(1) = 2(m^2 - 6m + 1) \geq 0 \\ \frac{5}{2} = m \leq 1 \end{cases} \Leftrightarrow m \leq 3 - 2\sqrt{2} \approx 0,2$ .

Do đó không có giá trị nguyên dương của  $m$  thỏa yêu cầu bài toán.

**Câu 37.** Chọn B.

Điều kiện xác định:  $\beta \geq 2$

Yêu cầu của bài toán đưa đến giải bất phương trình  $\frac{1}{2} \leq \sin 2\alpha \leq 1$

Kết luận:  $\frac{\pi}{12} + k\pi \leq \alpha \leq \frac{5\pi}{12} + k\pi, k \in \mathbb{Z}$  và  $\beta \geq 2$ .

**Câu 38.** Chọn C.

Tập xác định  $D = \mathbb{R}$ . Ta có:  $y' = 2 + a\cos x - b\sin x$

Áp dụng bất đẳng thức Schwartz ta có  $2 - \sqrt{a^2 + b^2} \leq y' \leq 2 + \sqrt{a^2 + b^2}$

Yêu cầu của bài toán đưa đến giải bất phương trình

$$y' \geq 0, \forall x \Leftrightarrow 2 - \sqrt{a^2 + b^2} \geq 0 \Leftrightarrow a^2 + b^2 \leq 4.$$

**Câu 39.** Chọn C.

(1)  $\Leftrightarrow m = x^3 - 3x^2 - 9x = f(x)$ . Bảng biến thiên của  $f(x)$  trên  $\mathbb{R}$ .

$x$	$-\infty$	$-1$	$3$	$+\infty$
$y'$		$0$	$0$	
$y$		$5$	$-27$	

Biểu đồ biến thiên:  $y'$  dương trên  $(-\infty, -1)$  và  $(3, +\infty)$ , âm trên  $(-1, 3)$ .  $y$  đạt cực đại tại  $x = -1$  (giá trị 5) và cực tiểu tại  $x = 3$  (giá trị -27).

Từ đó suy ra pt có đúng 1 nghiệm khi  $m < -27$  hoặc  $m > 5$

**Câu 40.** Chọn B.

Đặt  $t = \sqrt{x+1}, t \geq 0$ . Phương trình thành:  $2t = t^2 - 1 + m \Leftrightarrow m = -t^2 + 2t + 1$

Xét hàm số  $f(t) = -t^2 + 2t + 1, t \geq 0; f'(t) = -2t + 2$

Bảng biến thiên của  $f(t)$ :

$t$	$0$	$1$	$+\infty$
$f'(t)$		$0$	
$f(t)$		$2$	

Biểu đồ biến thiên:  $f'(t)$  dương trên  $(0, 1)$  và âm trên  $(1, +\infty)$ .  $f(t)$  đạt cực đại tại  $t = 1$  (giá trị 2).

Từ đó suy ra phương trình có nghiệm khi  $m \leq 2$ .

**Câu 41.** Chọn B

**Truy cập website: [hoc360.net](http://hoc360.net) để tải tài liệu đề thi miễn phí**

Đặt  $t = f(x) = \sqrt{x^2 - 4x + 5}$ . Ta có  $f'(x) = \frac{x-2}{\sqrt{x^2 - 4x + 5}}$ .  $f'(x) = 0 \Leftrightarrow x = 2$

Xét  $x > 0$  ta có bảng biến thiên

$x$	0	2	$+\infty$
$f'(x)$		-	0
$f(x)$	$\sqrt{5}$	1	$+\infty$

Khi đó phương trình đã cho trở thành  $m = t^2 + t - 5 \Leftrightarrow t^2 + t - 5 - m = 0$  (1).

Nếu phương trình (1) có nghiệm  $t_1, t_2$  thì  $t_1 + t_2 = -1$ . (1) có nhiều nhất 1 nghiệm  $t \geq 1$ .

Vậy phương trình đã cho có đúng 2 nghiệm dương khi và chỉ khi phương trình (1) có đúng 1 nghiệm  $t \in (1; \sqrt{5})$ . Đặt  $g(t) = t^2 + t - 5$ . Ta đi tìm  $m$  để phương trình  $g(t) = m$  có đúng 1 nghiệm  $t \in (1; \sqrt{5})$ . Ta có  $g'(t) = 2t + 1 > 0, \forall t \in (1; \sqrt{5})$ .

Bảng biến thiên:

$t$	1	$\sqrt{5}$
$g'(t)$		+
$g(t)$		$\sqrt{5}$

Từ bảng biến thiên suy ra  $-3 < m < \sqrt{5}$  là các giá trị cần tìm.

**Câu 42.** Chọn C.

Bất phương trình  $x^2 - 3x + 2 \leq 0 \Leftrightarrow 1 \leq x \leq 2$ .

Bất phương trình  $mx^2 + (m+1)x + m + 1 \geq 0$

$$\Leftrightarrow m(x^2 + x + 1) \geq -x - 2 \Leftrightarrow m \geq \frac{-x-2}{x^2+x+1}$$

Xét hàm số  $f(x) = \frac{-x-2}{x^2+x+1}$  với  $1 \leq x \leq 2$ . Có  $f'(x) = \frac{x^2+4x+1}{(x^2+x+1)^2} > 0, \forall x \in [1; 2]$

Yêu cầu bài toán  $\Leftrightarrow m \geq \max_{[1;2]} f(x) \Leftrightarrow m \geq -\frac{4}{7}$

**Câu 43.** Chọn B.

Đặt  $t = \sqrt{\log_3^2 x + 1}$ . Điều kiện:  $t \geq 1$ .

Truy cập website: [hoc360.net](http://hoc360.net) để tải tài liệu đề thi miễn phí

Phương trình thành:  $t^2 + t - 2m - 2 = 0$  (\*). Khi  $x \in [1; 3^{\sqrt{3}}] \Rightarrow t \in [1; 2]$

(\*)  $\Leftrightarrow f(t) = \frac{t^2 + t - 2}{2} = m$ . Bảng biến thiên:

$t$	1	2
$f'(t)$		+
$f(t)$	0	2

Từ bảng biến thiên ta có:  $0 \leq m \leq 2$

**Câu 44.** Chọn C

Điều kiện:  $x \geq -\frac{1}{2}$

Phương trình  $\sqrt{x^2 + mx + 2} = 2x + 1 \Leftrightarrow 3x^2 + 4x - 1 = mx$  (\*)

Vì  $x = 0$  không là nghiệm nên (\*)  $\Leftrightarrow m = \frac{3x^2 + 4x - 1}{x}$

Xét  $f(x) = \frac{3x^2 + 4x - 1}{x}$ . Ta có  $f'(x) = \frac{3x^2 + 1}{x^2} > 0 \forall x \geq -\frac{1}{2}; x \neq 0$

Bảng biến thiên

$x$	$-\frac{1}{2}$	0	$+\infty$
$f'(x)$		+	+
$f(x)$	$\frac{9}{2}$	$+\infty$	$+\infty$

Từ bảng biến thiên ta có để phương trình có hai nghiệm thì  $m \geq \frac{9}{2}$ .

**Câu 45.** Chọn D.

Điều kiện:  $x \geq 1$

$$Pt \Leftrightarrow 3\frac{\sqrt{x-1}}{\sqrt{x+1}} + m = 2\frac{\sqrt[4]{x^2-1}}{\sqrt[4]{(x+1)^2}} \Leftrightarrow 3\sqrt{\frac{x-1}{x+1}} + m = 2\sqrt[4]{\frac{x-1}{x+1}}$$

Truy cập website: [hoc360.net](http://hoc360.net) để tải tài liệu đề thi miễn phí

$$t = \sqrt[4]{\frac{x-1}{x+1}} \text{ với } x \geq 1 \text{ ta có } 0 \leq t < 1. \text{ Thay vào phương trình ta được } m = 2t - 3t^2 = f(t)$$

$$\text{Ta có: } f'(t) = 2 - 6t \text{ ta có: } f'(t) = 0 \Leftrightarrow t = \frac{1}{3}$$

Bảng biến thiên:

$t$	0	$\frac{1}{3}$	1
$f'(t)$		+	-
$f(t)$	0	$\frac{1}{3}$	

Từ bảng biến thiên ta có để phương trình có hai nghiệm khi  $0 \leq m < \frac{1}{3}$

**Câu 46.** Chọn D.

$$\text{Đặt } t = \sqrt{(1+2x)(3-x)} \text{ khi } x \in \left[-\frac{1}{2}; 3\right] \Rightarrow t \in \left[0; \frac{7\sqrt{2}}{4}\right]$$

$$\text{Thay vào bất phương trình ta được } f(t) = t^2 + t > m$$

Bảng biến thiên

$t$	0	$\frac{7\sqrt{2}}{4}$
$f'(t)$		+
$f(t)$	0	$\frac{49+14\sqrt{2}}{8}$

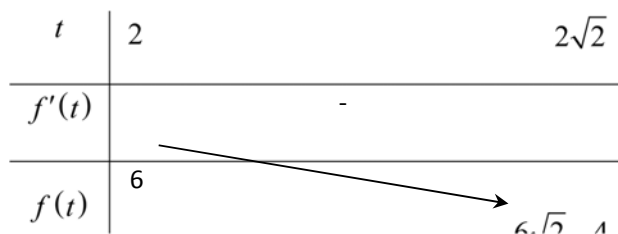
Từ bảng biến thiên ta có :  $m < 0$

**Câu 47.** Chọn D.

$$\text{Đặt } t = \sqrt{1+x} + \sqrt{3-x} \Rightarrow t^2 = 4 + 2\sqrt{(1+x)(3-x)} \Leftrightarrow 2\sqrt{(1+x)(3-x)} = t^2 - 4$$

$$\text{Với } x \in [-1; 3] \Rightarrow t \in [2; 2\sqrt{2}]. \text{ Thay vào bất phương trình ta được: } m \leq -t^2 + 3t + 4$$

$$\text{Xét hàm số } f(t) = -t^2 + 3t + 4; f'(t) = -2t + 3; f'(t) = 0 \Leftrightarrow t = \frac{3}{2} < 2$$



Từ bảng biến thiên ta có  $m \leq 6\sqrt{2} - 4$  thỏa đề bài

**Câu 48.** Chọn D.

$$\text{Đặt } t = \sqrt{3+x} + \sqrt{6-x} > 0 \Rightarrow t^2 = (\sqrt{3+x} + \sqrt{6-x})^2 = 9 + 2\sqrt{(3+x)(6-x)}$$

$$\Rightarrow 9 \leq t^2 = 9 + 2\sqrt{(3+x)(6-x)} \leq 9 + (3+x) + (6-x) = 18$$

$$\Rightarrow \sqrt{18+3x-x^2} = \sqrt{(3+x)(6-x)} = \frac{1}{2}(t^2 - 9); t \in [3; 3\sqrt{2}]$$

$$\text{Xét } f(t) = -\frac{1}{2}t^2 + t + \frac{9}{2}; f'(t) = 1 - t < 0; \forall t \in [3; 3\sqrt{2}] \Rightarrow \max_{[3; 3\sqrt{2}]} f(t) = f(3) = 3$$

$$\text{ycbt} \Leftrightarrow \max_{[3; 3\sqrt{2}]} f(t) = 3 \leq m^2 - m + 1 \Leftrightarrow m^2 - m - 2 \geq 0 \Leftrightarrow m \leq -1 \text{ hoặc } m \geq 2$$

**Câu 49.** Chọn B

$$\text{Đặt } t = 2^x > 0 \text{ thì } m \cdot 4^x + (m-1) \cdot 2^{x+2} + m - 1 > 0, \text{ đúng } \forall x \in \mathbb{R}$$

$$\Leftrightarrow m \cdot t^2 + 4(m-1) \cdot t + (m-1) > 0, \forall t > 0 \Leftrightarrow m(t^2 + 4t + 1) > 4t + 1, \forall t > 0$$

$$\Leftrightarrow g(t) = \frac{4t+1}{t^2+4t+1} < m, \forall t > 0.$$

$$\text{Ta có } g'(t) = \frac{-4t^2 - 2t}{(t^2 + 4t + 1)^2} < 0 \text{ nên } g(t) \text{ nghịch biến trên } [0; +\infty)$$

$$\text{ycbt} \Leftrightarrow \max_{t \geq 0} g(t) = g(0) = 1 \leq m$$

**Câu 50.** Chọn A.

$$\text{Bpt} \Leftrightarrow 3mx < x^3 - \frac{1}{x^3} + 2, \forall x \geq 1 \Leftrightarrow 3m < x^2 - \frac{1}{x^4} + \frac{2}{x} = f(x), \forall x \geq 1.$$

$$\text{Ta có } f'(x) = 2x + \frac{4}{x^5} - \frac{2}{x^2} \geq 2\sqrt{2x\left(\frac{4}{x^5}\right)} - \frac{2}{x^2} = \frac{4\sqrt{2}-2}{x^2} > 0 \text{ suy ra } f(x) \text{ tăng.}$$

$$\text{Ycbt} \Leftrightarrow f(x) > 3m, \forall x \geq 1 \Leftrightarrow \min_{x \geq 1} f(x) = f(1) = 2 > 3m \Leftrightarrow \frac{2}{3} > m$$

**Câu 51.** Chọn A.

$$(1) \Leftrightarrow \left(\frac{2}{3}\right)^{\cos^2 x} + 3\left(\frac{1}{9}\right)^{\cos^2 x} \geq m. \text{ Đặt } t = \cos^2 x, 0 \leq t \leq 1$$

$$(1) \text{ trở thành } \left(\frac{2}{3}\right)^t + 3\left(\frac{1}{9}\right)^t \geq m \quad (2). \text{ Đặt } f(t) = \left(\frac{2}{3}\right)^t + 3\left(\frac{1}{9}\right)^t.$$

$$\text{Ta có } (1) \text{ có nghiệm} \Leftrightarrow (2) \text{ có nghiệm } t \in [0;1] \Leftrightarrow m \leq \max_{t \in [0;1]} f(t) \Leftrightarrow m \leq 4$$

**Câu 52.** Chọn C

Điều kiện:  $-2 \leq x \leq 4$ . Xét  $f(x) = \sqrt{2x^3 + 3x^2 + 6x + 16} - \sqrt{4-x}$  trên đoạn  $[-2;4]$ .

$$\text{Có } f'(x) = \frac{3(x^2 + x + 1)}{\sqrt{2x^3 + 3x^2 + 6x + 16}} + \frac{1}{2\sqrt{4-x}} > 0, \forall x \in (-2;4).$$

Do đó hàm số đồng biến trên  $[-2;4]$ , bpt  $\Leftrightarrow f(x) \geq f(1) = 2\sqrt{3} \Leftrightarrow x \geq 1$ .

So với điều kiện, tập nghiệm của bpt là  $S = [1;4] \Rightarrow a + b = 5$ .

**Câu 53.** Chọn A.

Điều kiện:  $1 \leq x \leq 3$ ; bpt  $\Leftrightarrow \sqrt{(x-1)^2 + 2} + \sqrt{x-1} > \sqrt{(3-x)^2 + 2} + \sqrt{3-x}$

$$\text{Xét } f(t) = \sqrt{t^2 + 2} + \sqrt{t} \text{ với } t \geq 0. \text{ Có } f'(t) = \frac{t}{2\sqrt{t^2 + 2}} + \frac{1}{2\sqrt{t}} > 0, \forall t > 0.$$

Do đó hàm số đồng biến trên  $[0; +\infty)$ . (1)  $\Leftrightarrow f(x-1) > f(3-x) \Leftrightarrow x-1 > 3 \Leftrightarrow x > 2$

So với điều kiện, bpt có tập nghiệm là  $S = (2;3]$ .